



ENEM 2020 - 2º dia - Azul

Questão 091



DAVIS, J. Disponível em: <http://garfield.com>. Acesso em: 10 fev. 2015.

Por qual motivo ocorre a eletrização ilustrada na tirinha?

- a Troca de átomos entre a calça e os pelos do gato.
- b Diminuição do número de prótons nos pelos do gato.
- c Criação de novas partículas eletrizadas nos pelos do gato.
- d Movimentação de elétrons entre a calça e os pelos do gato.
- e Repulsão entre partículas elétricas da calça e dos pelos do gato.

**Resolução:**

Quando o Garfield se esfrega na perna da pessoa, ocorre uma movimentação de elétrons entre os pelos do gato e a calça da pessoa. Esse fenômeno recebe o nome de eletrização por atrito.

### Questão 092

A enorme quantidade de resíduos gerados pelo consumo crescente da sociedade traz para a humanidade uma preocupação socioambiental, em especial pela quantidade de lixo produzido. Além da reciclagem e do reuso, pode-se melhorar ainda mais a qualidade de vida, substituindo polímeros convencionais por polímeros biodegradáveis.

Esses polímeros têm grandes vantagens socioambientais em relação aos convencionais porque

- a) não são tóxicos.
- b) não precisam ser reciclados.
- c) não causam poluição ambiental quando descartados.
- d) são degradados em um tempo bastante menor que os convencionais.
- e) apresentam propriedades mecânicas semelhantes aos convencionais.

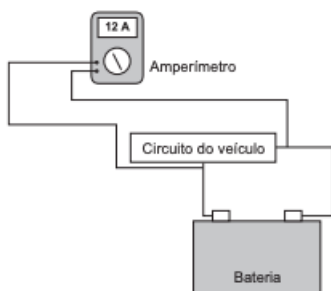
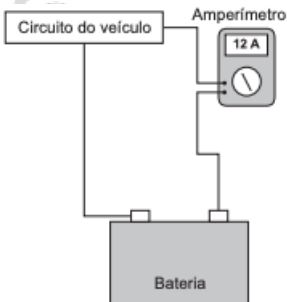
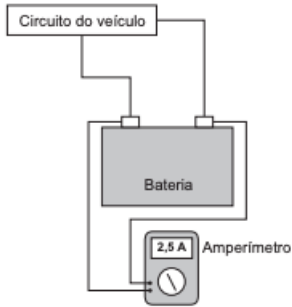
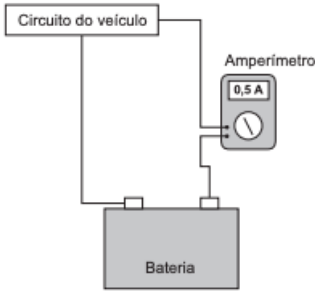
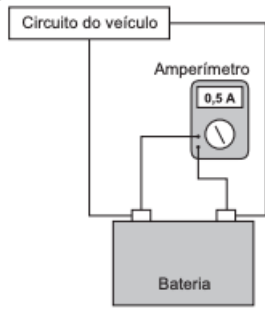
### Resolução:

Os polímeros biodegradáveis apresentam grandes vantagens socioambientais em relação aos convencionais, pois apresentam menor tempo de degradação, sendo degradados em tempo bastante menor do que os convencionais.

### Questão 093

Uma pessoa percebe que a bateria de seu veículo fica descarregada após cinco dias sem uso. No início desse período, a bateria funcionava normalmente e estava com o total de sua carga nominal, de 60 Ah. Pensando na possibilidade de haver uma corrente de fuga, que se estabelece mesmo com os dispositivos elétricos do veículo desligados, ele associa um amperímetro digital ao circuito do veículo.

Qual dos esquemas indica a maneira com que o amperímetro deve ser ligado e a leitura por ele realizada?



### Resolução:

O amperímetro deve ser instalado em série com o ramo do circuito cuja corrente elétrica se deseja determinar.

De acordo com o enunciado, tem-se a carga elétrica total da bateria definida em 60 Ah, e o tempo de descarga em 5 dias, ou seja, 120 h.

Pela definição de intensidade média de corrente:

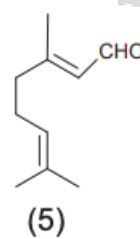
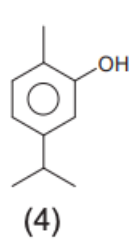
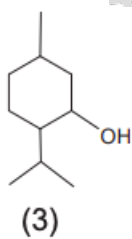
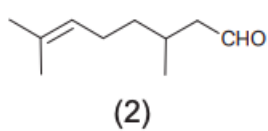
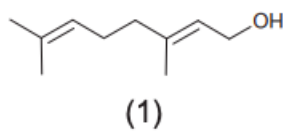
$$i = \frac{Q}{\Delta t}$$

Portanto:

$$i = \frac{60 \text{ Ah}}{120 \text{ h}} = 0,5 \text{ A}$$

### Questão 094

Um microempresário do ramo de cosméticos utiliza óleos essenciais e quer produzir um creme com fragrância de rosas. O principal componente do óleo de rosas tem cadeia poli-insaturada e hidroxila em carbono terminal. O catálogo dos óleos essenciais apresenta, para escolha da essência, estas estruturas químicas:

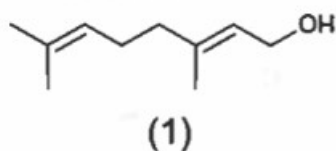


Qual substância o empresário deverá utilizar?

- a 1
- b 2
- c 3
- d 4
- e 5

### Resolução:

A partir das informações apresentadas no enunciado, temos que o principal componente do óleo de rosas deve apresentar cadeia poli-insaturada (apresenta mais do que uma insaturação) e hidroxila ( $\text{—OH}$ ) em um carbono terminal (na extremidade da cadeia). Desse modo, a estrutura orgânica que satisfaz as condições apresentadas é:



### Questão 095

A fragmentação dos habitats é caracterizada pela formação de ilhas da paisagem original, circundadas por áreas transformadas. Esse tipo de interferência no ambiente ameaça a biodiversidade. Imagine que uma população de onças foi isolada em uma mata pequena. Elas se extinguiriam mesmo sem terem sido abatidas. Diversos componentes da ilha de habitat, como o tamanho, a heterogeneidade, o seu entorno, a sua conectividade e o efeito de borda são determinantes para a persistência ou não das espécies originais.

Uma medida que auxilia na conservação da biodiversidade nas ilhas mencionadas no texto compreende a

- a formação de micro-habitats.
- b ampliação do efeito de borda.
- c construção de corredores ecológicos.
- d promoção da sucessão ecológica.
- e introdução de novas espécies de animais e vegetais.

#### Resolução:

A construção de corredores ecológicos permite a circulação de indivíduos, aumentando a conectividade entre as populações de cada ilha. A conservação da biodiversidade dessa forma é garantida, pois favorece o fluxo gênico entre as populações.

### Questão 096

A sacarase (ou invertase) é uma enzima que atua no intestino humano hidrolisando o dissacarídeo sacarose nos monossacarídeos glicose e frutose. Em um estudo cinético da reação de hidrólise da sacarose ( $C_{12}H_{22}O_{11}$ ), foram dissolvidos 171 g de sacarose em 500 mL de água. Observou-se que, a cada 100 minutos de reação, a concentração de sacarose foi reduzida à metade, qualquer que fosse o momento escolhido como tempo inicial. As massas molares dos elementos H, C e O são iguais a 1, 12 e 16 g mol<sup>-1</sup>, respectivamente.

Qual é a concentração de sacarose depois de 400 minutos do início da reação de hidrólise?

- a  $2,50 \times 10^{-3}$  mol L<sup>-1</sup>
- b  $6,25 \times 10^{-2}$  mol L<sup>-1</sup>
- c  $1,25 \times 10^{-1}$  mol L<sup>-1</sup>
- d  $2,50 \times 10^{-1}$  mol L<sup>-1</sup>
- e  $4,27 \times 10^{-1}$  mol L<sup>-1</sup>

#### Resolução:

Massa molar da sacarose: 342g/mol

Cálculo do número de mols de sacarose:

$$1 \text{ mol } C_{12}H_{22}O_{11} \text{ ----- } 342\text{g}$$

$$x \text{ mol } C_{12}H_{22}O_{11} \text{ ----- } 171\text{g}$$

$$x = 0,5 \text{ mol}$$

Cálculo da concentração em mol/L:

$$0,5 \text{ mol ----- } 500 \text{ mL}$$

$$y \text{ mol ----- } 1000 \text{ mL (1L)}$$

$$y = 1 \text{ mol}$$

Logo, a concentração de sacarose será: 1 mol/L.

A cada 100 minutos, a concentração de sacarose cai pela metade:

$$1 \text{ mol/L ----- } 0,5 \text{ mol/L ----- } 0,25 \text{ mol/L ----- } 0,125 \text{ mol/L ----- } 0,0625 \text{ mol/L}$$

Assim, após 400 minutos, a concentração de sacarose será 0,0625 mol/L ( $6,25 \cdot 10^{-2}$  mol/L).

### Questão 097

Grandes reservatórios de óleo leve de melhor qualidade e que produz petróleo mais fino foram descobertos no litoral brasileiro numa camada denominada pré-sal, formada há 150 milhões de anos.

A utilização desse recurso energético acarreta para o ambiente um desequilíbrio no ciclo do

- a nitrogênio, devido à nitrificação ambiental transformando amônia em nitrito.
- b nitrogênio, devido ao aumento dos compostos nitrogenados no ambiente terrestre.
- c carbono, devido ao aumento dos carbonatos dissolvidos no ambiente marinho.
- d carbono, devido à liberação das cadeias carbônicas aprisionadas abaixo dos sedimentos.
- e fósforo, devido à liberação dos fosfatos acumulados no ambiente marinho.

### Resolução:

O petróleo é uma mistura de hidrocarbonetos que são formados, principalmente, por cadeias carbônicas constituídas por carbono e hidrogênio. Ao ser liberado de onde estava aprisionado, abaixo dos sedimentos oceânicos, a queima dos derivados desse petróleo libera carbono adicional na atmosfera, desequilibrando, dessa forma, o ciclo do carbono.



### Questão 098

Em uma usina geradora de energia elétrica, seja através de uma queda-d'água ou através de vapor sob pressão, as pás do gerador são postas a girar. O movimento relativo de um ímã em relação a um conjunto de bobinas produz um fluxo magnético variável através delas, gerando uma diferença de potencial em seus terminais. Durante o funcionamento de um dos geradores, o operador da usina percebeu que houve um aumento inesperado da diferença de potencial elétrico nos terminais das bobinas.

Nessa situação, o aumento do módulo da diferença de potencial obtida nos terminais das bobinas resulta do aumento do(a)

- a intervalo de tempo em que as bobinas ficam imersas no campo magnético externo, por meio de uma diminuição de velocidade no eixo de rotação do gerador.
- b fluxo magnético através das bobinas, por meio de um aumento em sua área interna exposta ao campo magnético aplicado.
- c intensidade do campo magnético no qual as bobinas estão imersas, por meio de aplicação de campos magnéticos mais intensos.
- d rapidez com que o fluxo magnético varia através das bobinas, por meio de um aumento em sua velocidade angular.
- e resistência interna do condutor que constitui as bobinas, por meio de um aumento na espessura dos terminais.

### Resolução:

A força eletromotriz (diferença de potencial) gerada por indução eletromagnética pode ser calculada a partir da Lei de Faraday-Neumann:

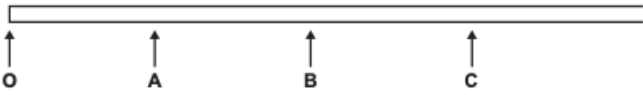
$$\epsilon = - \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$$

Em que  $\phi$  é o fluxo magnético através das bobinas. Portanto, para que tenhamos um aumento do módulo da diferença de potencial, é necessário que tenhamos ou um aumento na variação do fluxo magnético que atravessa as bobinas em certo intervalo de tempo, ou uma diminuição do tempo em que a variação de fluxo ocorre.

A rotação das bobinas garante que haja uma variação do fluxo magnético que as atravessa. Com o aumento da velocidade angular dessa rotação, o fluxo magnético, que antes variava nas bobinas em certo intervalo de tempo, passa a completar a mesma variação em um intervalo de tempo menor, resultando em uma maior variação de fluxo magnético e, portanto, um aumento na diferença de potencial induzida.

### Questão 099

Você foi contratado para sincronizar os quatro semáforos de uma avenida, indicados pelas letras O, A, B e C, conforme a figura.



Os semáforos estão separados por uma distância de 500 m. Segundo os dados estatísticos da companhia controladora de trânsito, um veículo, que está inicialmente parado no semáforo O, tipicamente parte com aceleração constante de  $1 \text{ m s}^{-2}$  até atingir a velocidade de  $72 \text{ km h}^{-1}$  e, a partir daí, prossegue com velocidade constante. Você deve ajustar os semáforos A, B e C de modo que eles mudem para a cor verde quando o veículo estiver a 100 m de cruzá-los, para que ele não tenha que reduzir a velocidade em nenhum momento.

Considerando essas condições, aproximadamente quanto tempo depois da abertura do semáforo O os semáforos A, B e C devem abrir, respectivamente?

- a) 20 s, 45 s e 70 s.
- b) 25 s, 50 s e 75 s.
- c) 28 s, 42 s e 53 s.
- d) 30 s, 55 s e 80 s.
- e) 35 s, 60 s e 85 s.

#### Resolução:

O deslocamento realizado pelo veículo a partir de O, em MUV, pode ser obtido pela equação de Torricelli:

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta s \text{ onde } v = 20 \text{ m/s} ; v_0 = 0 ; a = 1 \text{ m/s}^2$$

Substituindo-se os valores, tem-se:

$$20^2 = 0^2 + 2 \cdot 1 \cdot \Delta s \quad \therefore \Delta s = 200 \text{ m}$$

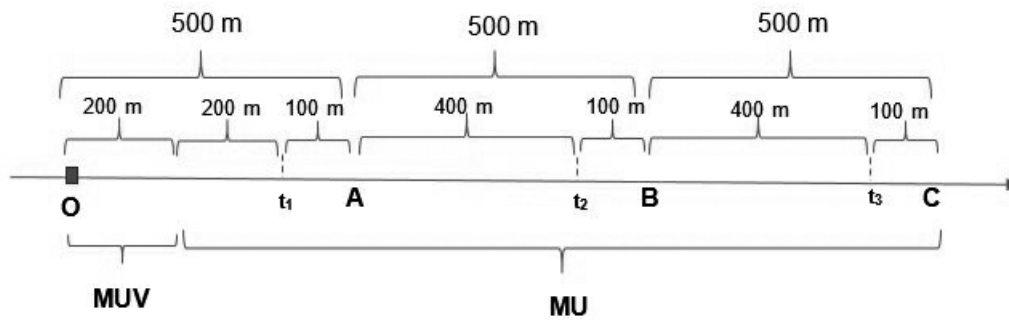
O tempo para esse deslocamento pode ser obtido pela equação:

$$v = v_0 + at \text{ em que: } v = 20 \text{ m/s} ; v_0 = 0 ; a = 1 \text{ m/s}^2$$

Substituindo-se os valores, tem-se:

$$20 = 0 + 1 \cdot t \quad \therefore t = 20 \text{ s}$$

A partir de então, o veículo move-se com velocidade constante de 20 m/s e a situação do enunciado pode ser ilustrada como na figura:



Assim, o semáforo A deve mudar para a cor verde no instante  $t_1$ , que pode ser calculado a partir da definição de velocidade escalar média:

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} \therefore 20 = \frac{200}{t_1 - 20} \therefore t_1 = 30 \text{ s}$$

O semáforo B, por sua vez, deve mudar para a cor verde no instante  $t_2$ , que pode ser determinado novamente a partir da definição de velocidade escalar média:

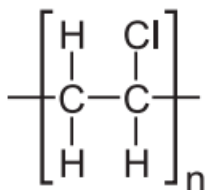
$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} \therefore 20 = \frac{500}{t_2 - 30} \therefore t_2 = 55 \text{ s}$$

Por fim, o semáforo C deve mudar para a cor verde no instante  $t_3$ , que também pode ser determinado a partir da definição de velocidade escalar média:

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} \therefore 20 = \frac{500}{t_3 - 55} \therefore t_3 = 80 \text{ s}$$

## Questão 100

Nos dias atuais, o amplo uso de objetos de plástico gera bastante lixo, que muitas vezes é eliminado pela população por meio da queima. Esse procedimento é prejudicial ao meio ambiente por lançar substâncias poluentes. Para constatar esse problema, um estudante analisou a decomposição térmica do policloreto de vinila (PVC), um tipo de plástico, cuja estrutura é representada na figura.



**Policloreto de vinila (PVC)**

Para realizar esse experimento, o estudante colocou uma amostra de filme de PVC em um tubo de ensaio e o aqueceu, promovendo a decomposição térmica. Houve a liberação majoritária de um gás diatômico heteronuclear que foi recolhido em um recipiente acoplado ao tubo de ensaio. Esse gás, quando borbuhlado em solução alcalina diluída contendo indicador ácido-base, alterou a cor da solução. Além disso, em contato com uma solução aquosa de carbonato de sódio ( $\text{Na}_2\text{CO}_3$ ), liberou gás carbônico.

Qual foi o gás liberado majoritariamente na decomposição térmica desse tipo de plástico?

- a  $\text{H}_2$
- b  $\text{Cl}_2$
- c  $\text{CO}$
- d  $\text{CO}_2$
- e  $\text{HCl}$

### Resolução:

Segundo o enunciado da questão, o aquecimento do policloreto de vinila provocaria sua decomposição térmica (pirólise), originando majoritariamente um gás diatômico heteronuclear, isto é, constituído por dois átomos de elementos diferentes. Dentre as alternativas, temos dois gases com essas características:  $\text{CO}$  e  $\text{HCl}$ .

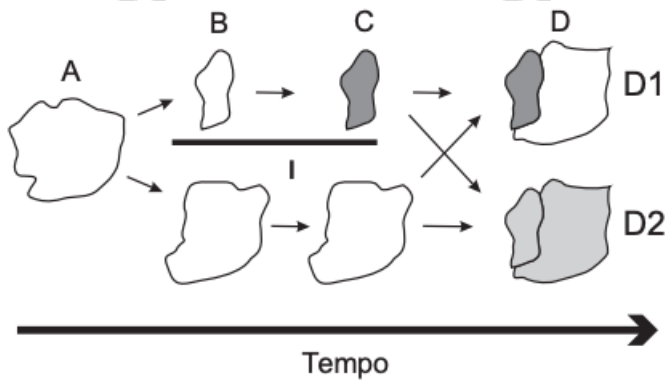
Uma propriedade desse gás seria reagir com uma solução aquosa de carbonato de sódio, liberando gás carbônico. O gás que reage com o carbonato possui caráter ácido, portanto será o  $\text{HCl}$ .

A reação poderia ser representada pela equação:



### Questão 101

Uma população (momento A) sofre isolamento em duas subpopulações (momento B) por um fator de isolamento (I). Passado um tempo, essas subpopulações apresentam características fenotípicas e genotípicas que as distinguem (momento C), representadas na figura pelas tonalidades de cor. O posterior desaparecimento do fator de isolamento I pode levar, no momento D, às situações D1 e D2.



A representação indica que, no momento D, na situação

- a D1 ocorre um novo fator de isolamento geográfico.
- b D1 existe uma única população distribuída em gradiente.
- c D1 ocorrem duas populações separadas por isolamento reprodutivo.
- d D2 coexistem duas populações com características fenotípicas distintas.
- e D2 foram preservadas as mesmas características fenotípicas da população original A.

#### Resolução:

Pela figura, é possível deduzir que em D1 há duas populações distintas, caracterizando uma especiação, ou seja, as duas populações estão isoladas reprodutivamente.

## Questão 102

A obtenção de óleos vegetais, de maneira geral, passa pelas etapas descritas no quadro.

Etapa	Subetapa	O que ocorre
Preparação da matéria-prima	Seleção dos grãos	Separação das sujidades mais grossas
	Descascamento	Separação de polpa e casca
	Trituração	Rompimento dos tecidos e das paredes das células
	Cozimento	Aumento da permeabilidade das membranas celulares
Extração do óleo bruto	Prensagem	Remoção parcial do óleo
	Extração	Obtenção do óleo bruto com hexano
	Destilação	Separação do óleo e do solvente

Qual das subetapas do processo é realizada em função apenas da polaridade das substâncias?

- a Trituração.
- b Cozimento.
- c Prensagem.
- d Extração.
- e Destilação.

### Resolução:

Após a prensagem, adiciona-se hexano para extração do óleo vegetal. Esse processo é feito com base na polaridade das substâncias, pois tanto o hexano quanto o óleo possuem caráter apolar.

### Questão 103

O dióxido de carbono passa para o estado sólido (gelo seco) a  $-78\text{ }^{\circ}\text{C}$  e retorna ao estado gasoso à temperatura ambiente. O gás é facilmente solubilizado em água, capaz de absorver radiação infravermelha da superfície da terra e não conduz eletricidade. Ele é utilizado como matéria-prima para a fotossíntese até o limite de saturação. Após a fixação pelos organismos autotróficos, o gás retorna ao meio ambiente pela respiração aeróbica, fermentação, decomposição ou por resíduos industriais, queima de combustíveis fósseis e queimadas. Apesar da sua importância ecológica, seu excesso causa perturbações no equilíbrio ambiental.

Considerando as propriedades descritas, o aumento atmosférico da substância afetará os organismos aquáticos em razão da

- a redução do potencial hidrogeniônico da água.
- b restrição da aerobiose pelo excesso de poluentes.
- c diminuição da emissão de oxigênio pelos autótrofos.
- d limitação de transferência de energia entre os seres vivos.
- e retração dos oceanos pelo congelamento do gás nos polos.

### Resolução:

Uma vez solubilizada em meio aquoso, a molécula de gás carbônico reage com a água e origina o ácido carbônico ( $\text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{H}_2\text{CO}_3$ ). Esse produto é instável e logo se converte às formas iônicas  $\text{HCO}_3^-$  e  $\text{H}^+$ . A elevação da concentração de íons  $\text{H}^+$  no meio caracteriza uma redução do potencial hidrogeniônico (pH) da água.

### Questão 104

Grupos de proteção ao meio ambiente conseguem resgatar muitas aves aquáticas vítimas de vazamentos de petróleo. Essas aves são lavadas com água e detergente neutro para a retirada completa do óleo de seu corpo e, posteriormente, são aquecidas, medicadas, desintoxicadas e alimentadas. Mesmo após esses cuidados, o retorno ao ambiente não pode ser imediato, pois elas precisam recuperar a capacidade de flutuação.

Para flutuar, essas aves precisam

- a recuperar o tônus muscular.
- b restaurar a massa corporal.
- c substituir as penas danificadas.
- d restabelecer a capacidade de homeotermia.
- e refazer a camada de cera impermeabilizante das penas.

### Resolução:

As aves têm suas penas revestidas por uma camada impermeabilizante de lipídeos. Contudo, ao serem lavadas com detergente, essa camada será removida, sendo necessário esperar um tempo para que elas possam repor a camada de cera e sejam capazes de flutuar novamente.



## Questão 105

Os manuais de refrigerador apresentam a recomendação de que o equipamento não deve ser instalado próximo a fontes de calor, como fogão e aquecedores, ou em local onde incida diretamente a luz do sol. A instalação em local inadequado prejudica o funcionamento do refrigerador e aumenta o consumo de energia.

O não atendimento dessa recomendação resulta em aumento do consumo de energia porque

- a o fluxo de calor por condução no condensador sofre considerável redução.
- b a temperatura da substância refrigerante no condensador diminui mais rapidamente.
- c o fluxo de calor promove significativa elevação da temperatura no interior do refrigerador.
- d a liquefação da substância refrigerante no condensador exige mais trabalho do compressor.
- e as correntes de convecção nas proximidades do condensador ocorrem com maior dificuldade.

### Resolução:

Um refrigerador tem por função retirar calor da fonte fria (parte interna do dispositivo) e liberar calor para a fonte quente (ambiente externo), através do condensador.

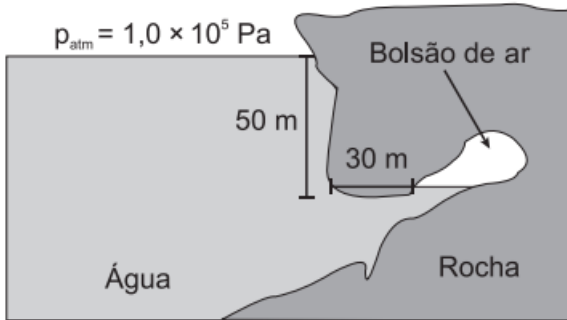
Se o refrigerador for instalado próximo a uma fonte de calor, a diferença de temperatura entre o condensador e o ambiente se reduz, dificultando o fluxo de calor para o ambiente, tanto por irradiação (fator preponderante), assim como condução (mas, não “considerável”, como propõe a opção A). Isso tenderia a baixar a eficiência do refrigerador.

Assim, para manter a eficiência, o refrigerador deve aumentar a diferença de temperatura entre o condensador e o ambiente. Isso é possível aumentando-se ainda mais a temperatura do fluido operante, que ocorre durante a compressão adiabática,

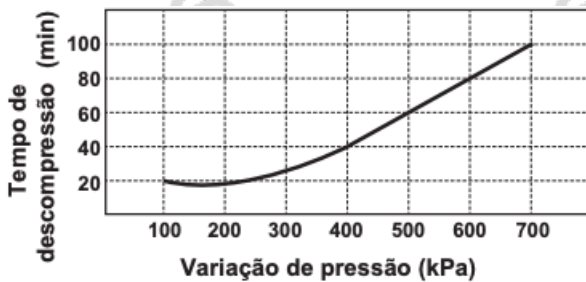
Dessa forma, exige-se um trabalho maior do compressor sobre o fluido, obrigando um consumo maior de energia elétrica.

### Questão 106

Um mergulhador fica preso ao explorar uma caverna no oceano. Dentro da caverna formou-se um bolsão de ar, como mostrado na figura, onde o mergulhador se abrigou.



Durante o resgate, para evitar danos a seu organismo, foi necessário que o mergulhador passasse por um processo de descompressão antes de retornar à superfície para que seu corpo ficasse novamente sob pressão atmosférica. O gráfico mostra a relação entre os tempos de descompressão recomendados para indivíduos nessa situação e a variação de pressão.



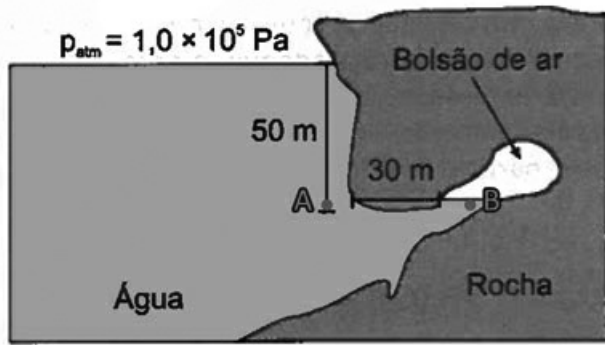
Considere que a aceleração da gravidade seja igual a  $10 \text{ m s}^{-2}$  e que a densidade da água seja de  $\rho = 1\,000 \text{ kg m}^{-3}$ .

Em minutos, qual é o tempo de descompressão a que o mergulhador deverá ser submetido?

- a 100
- b 80
- c 60
- d 40
- e 20

### Resolução:

Admitindo que a água do oceano esteja em repouso, as pressões nos pontos "A" e "B" são iguais pois estão no mesmo nível:



$$P_A = P_B$$

Assim, o acréscimo de pressão a que o mergulhador fica submetido no interior da caverna deve-se unicamente à profundidade "h". Logo, aplicando o teorema de Stevin, temos:

$$\Delta P = d_{\text{água}} \cdot g \cdot h$$

$$\Delta P = 10^3 \cdot 10 \cdot 50$$

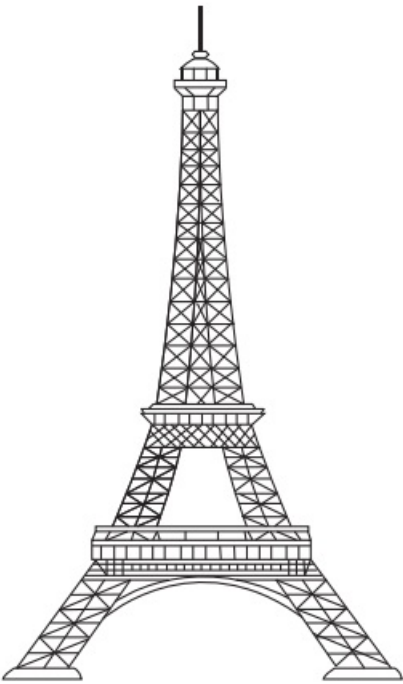
$$\Delta P = 500 \cdot 10^3 \text{ Pa}$$

Analisando o gráfico, temos que, para esse aumento, o tempo de descompressão é de 60 minutos.

### Questão 107

A Torre Eiffel, com seus 324 metros de altura, feita com treliças de ferro, pesava 7 300 toneladas quando terminou de ser construída em 1889. Um arquiteto resolve construir um protótipo dessa torre em escala 1:100, usando os mesmos materiais (cada dimensão linear em escala de 1:100 do monumento real).

Considere que a torre real tenha uma massa  $M_{\text{torre}}$  e exerça na fundação sobre a qual foi erguida uma pressão  $P_{\text{torre}}$ . O modelo construído pelo arquiteto terá uma massa  $M_{\text{modelo}}$  e exercerá uma pressão  $P_{\text{modelo}}$ .



Como a pressão exercida pela torre se compara com a pressão exercida pelo protótipo? Ou seja, qual é a razão entre as pressões  $(P_{\text{torre}})/(P_{\text{modelo}})$  ?

- a  $10^0$
- b  $10^1$
- c  $10^2$
- d  $10^4$
- e  $10^6$

### Resolução:

Aplicando a definição de pressão na relação pedida ( $p_{\text{torre}}/p_{\text{modelo}}$ ):

$$\frac{P_{\text{torre}}}{P_{\text{modelo}}} = \frac{\frac{P_{\text{torre}}}{A_{\text{torre}}}}{\frac{P_{\text{modelo}}}{A_{\text{modelo}}}} = \frac{P_{\text{torre}} \cdot A_{\text{modelo}}}{P_{\text{modelo}} \cdot A_{\text{torre}}}$$

Sendo  $P = m \cdot g$ , tem-se:

$$\frac{P_{\text{torre}}}{P_{\text{modelo}}} = \frac{M_{\text{torre}} \cdot g \cdot A_{\text{modelo}}}{M_{\text{modelo}} \cdot g \cdot A_{\text{torre}}} = \frac{M_{\text{torre}} \cdot A_{\text{modelo}}}{M_{\text{modelo}} \cdot A_{\text{torre}}}$$

A partir da definição de densidade,  $M = d \cdot V$ , logo:

$$\frac{P_{\text{torre}}}{P_{\text{modelo}}} = \frac{d \cdot V_{\text{torre}} \cdot A_{\text{modelo}}}{d \cdot V_{\text{modelo}} \cdot A_{\text{torre}}} = \frac{V_{\text{torre}} \cdot A_{\text{modelo}}}{V_{\text{modelo}} \cdot A_{\text{torre}}} \quad (1)$$

Podemos assim calcular as áreas e volumes:

$$V_{\text{torre}} = a \cdot \ell_{\text{torre}}^3 \quad (2)$$

$$V_{\text{modelo}} = a \cdot \ell_{\text{modelo}}^3 \quad (3)$$

$$A_{\text{torre}} = b \cdot \ell_{\text{torre}}^2 \quad (4)$$

$$A_{\text{modelo}} = b \cdot \ell_{\text{modelo}}^2 \quad (5)$$

De acordo com o enunciado, a razão entre a torre e o modelo de dimensão linear é 1:100, logo:

$$\ell_{\text{torre}} = 10^2 \cdot \ell_{\text{modelo}} \quad (6)$$

Substituindo (6) em (2) e (4), temos:

$$V_{\text{torre}} = a \cdot \ell_{\text{torre}}^3 = a \cdot (10^2 \cdot \ell_{\text{modelo}})^3 = a \cdot 10^6 \cdot \ell_{\text{modelo}}^3 \quad (7)$$

$$A_{\text{torre}} = b \cdot \ell_{\text{torre}}^2 = a \cdot (10^2 \cdot \ell_{\text{modelo}})^2 = b \cdot 10^4 \cdot \ell_{\text{modelo}}^2 \quad (8)$$

Substituindo (3), (5), (7) e (8) em (1), tem-se:

$$\frac{P_{\text{torre}}}{P_{\text{modelo}}} = \frac{(a \cdot 10^6 \cdot \ell_{\text{modelo}}^3) \cdot (b \cdot \ell_{\text{modelo}}^2)}{(a \cdot \ell_{\text{modelo}}^3) \cdot (b \cdot 10^4 \cdot \ell_{\text{modelo}}^2)} \quad \therefore \quad \frac{P_{\text{torre}}}{P_{\text{modelo}}} = 10^2$$

### Questão 108

Na indústria farmacêutica, é muito comum o emprego de substâncias de revestimento em medicamentos de uso oral, pois trazem uma série de benefícios como alteração de sabor em medicamentos que tenham gosto ruim, melhoria da assimilação do composto, entre outras ações. Alguns compostos poliméricos à base do polissacarídeo celulose são utilizados para garantir que o fármaco somente seja liberado quando em contato com soluções aquosas cujo pH se encontre próximo da faixa da neutralidade.

BORTOLINI, K. *et al.* Análise de perfil de dissolução de cápsulas gastrorresistentes utilizando polímeros industriais com aplicação em farmácias magistrais.

**Revista da Unifebe**, n. 12, 2013 (adaptado).

Qual é a finalidade do uso desse revestimento à base de celulose?

- a Diminuir a absorção do princípio ativo no intestino.
- b Impedir que o fármaco seja solubilizado no intestino.
- c Garantir que o fármaco não seja afetado pelas secreções gástricas.
- d Permitir a liberação do princípio ativo pela ação das amilases salivares.
- e Facilitar a liberação do fármaco pela ação dos sais biliares sobre o revestimento.

### Resolução:

O revestimento à base de celulose torna a cápsula do fármaco gastrorresistente (conforme se vê na fonte citada na questão). Isso garante que o fármaco não sofra ação das enzimas gástricas, sendo absorvido no intestino onde o pH pode estar próximo à neutralidade.

### Questão 109

As panelas de pressão reduzem o tempo de cozimento dos alimentos por elevar a temperatura de ebulição da água. Os usuários conhecedores do utensílio normalmente abaixam a intensidade do fogo em panelas de pressão após estas iniciarem a saída dos vapores.

Ao abaixar o fogo, reduz-se a chama, pois assim evita-se o(a)

- a aumento da pressão interna e os riscos de explosão.
- b dilatação da panela e a desconexão com sua tampa.
- c perda da qualidade nutritiva do alimento.
- d deformação da borracha de vedação.
- e consumo de gás desnecessário.

### Resolução:

O início da saída dos vapores da panela de pressão significa que o líquido no interior da panela entrou em ebulição. O tempo de cozimento tem relação com a temperatura do alimento, portanto, como não vai aumentar a temperatura até que toda a água passe para o estado gasoso, reduzir a intensidade da chama não produz variação na temperatura e evita o consumo desnecessário de gás.

### Questão 110

A nanotecnologia pode ser caracterizada quando os compostos estão na ordem de milionésimos de milímetros, como na utilização de nanomateriais catalíticos nos processos industriais. O uso desses materiais aumenta a eficiência da produção, consome menos energia e gera menores quantidades de resíduos. O sucesso dessa aplicação tecnológica muitas vezes está relacionado ao aumento da velocidade da reação química envolvida.

O êxito da aplicação dessa tecnologia é por causa da realização de reações químicas que ocorrem em condições de

- a) alta pressão.
- b) alta temperatura.
- c) excesso de reagentes.
- d) maior superfície de contato.
- e) elevada energia de ativação.

### Resolução:

Os nanomateriais apresentam dimensões entre 1 nm e 100 nm. O símbolo nm é utilizado para a unidade nanômetro ( $1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}$ ). Os materiais em escala nanométrica podem apresentar propriedades físico-químicas diferentes das que apresentam em outras escalas de tamanho. As propriedades dos nanomateriais estão diretamente relacionadas à sua grande área superficial (superfície de contato), em nível submicroscópico, ou ainda à elevada relação **área superficial/volume da nanopartícula**.



### Questão 111

Os fones de ouvido tradicionais transmitem a música diretamente para os nossos ouvidos. Já os modelos dotados de tecnologia redutora de ruído — Cancelamento de Ruído (CR) — além de transmitirem música, também reduzem todo ruído inconsistente à nossa volta, como o barulho de turbinas de avião e aspiradores de pó. Os fones de ouvido CR não reduzem realmente barulhos irregulares como discursos e choros de bebês. Mesmo assim, a supressão do ronco das turbinas do avião contribui para reduzir a “fadiga de ruído”, um cansaço persistente provocado pela exposição a um barulho alto por horas a fio. Esses aparelhos também permitem que nós ouçamos músicas ou assistamos a vídeos no trem ou no avião a um volume muito menor (e mais seguro).

Disponível em: <http://tecnologia.uol.com.br>. Acesso em: 21 abr. 2015 (adaptado).

A tecnologia redutora de ruído CR utilizada na produção de fones de ouvido baseia-se em qual fenômeno ondulatório?

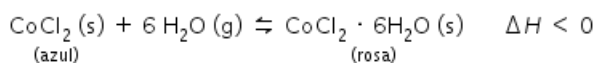
- a Absorção.
- b Interferência.
- c Polarização.
- d Reflexão.
- e Difração.

#### Resolução:

Os fones de ouvido dotados da tecnologia CR (cancelamento de ruído) funcionam com base no fenômeno ondulatório da interferência. São capazes de emitir ondas sonoras que interferem de maneira destrutiva as ondas sonoras captadas dos ruídos externos.

### Questão 112

Para garantir que produtos eletrônicos estejam armazenados de forma adequada antes da venda, algumas empresas utilizam cartões indicadores de umidade nas embalagens desses produtos. Alguns desses cartões contêm um sal de cobalto que muda de cor em presença de água, de acordo com a equação química:



Como você procederia para reutilizar, num curto intervalo de tempo, um cartão que já estivesse com a coloração rosa?

- a Resfriaria no congelador.
- b Borrifaria com *spray* de água.
- c Envolveria com papel alumínio.
- d Aqueceria com secador de cabelos.
- e Embrulharia em guardanapo de papel.

### Resolução:

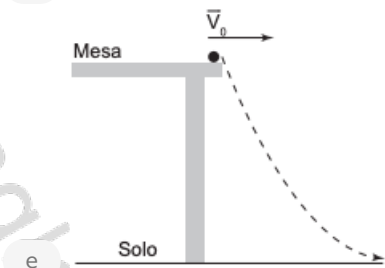
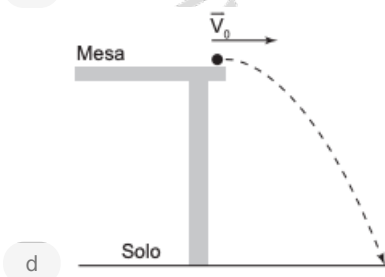
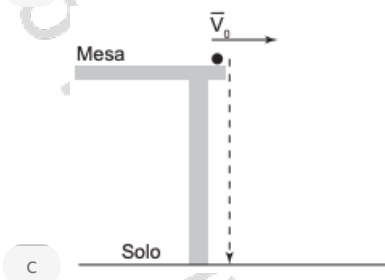
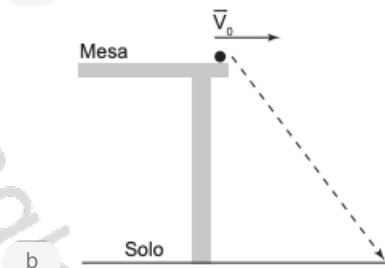
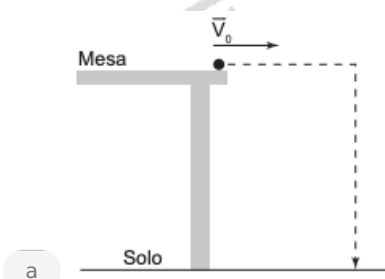
Para reutilizar o cartão indicador de umidade, é necessário que o cloreto de cobalto esteja na forma não hidratada ( $\text{CoCl}_2$ ), com coloração azul.

A equação dada mostra que a reação é exotérmica e que, no lado da reação com  $\text{CoCl}_2$ , há água no estado gasoso, portanto seria possível reutilizar o cartão pelo aumento da temperatura ou pela retirada de água gasosa da vizinhança. Essas duas medidas são alcançadas aquecendo-se o cartão com secador de cabelos.

### Questão 113

Nos desenhos animados, com frequência se vê um personagem correndo na direção de um abismo, mas, ao invés de cair, ele continua andando no vazio e só quando percebe que não há nada sob seus pés é que ele para de andar e cai verticalmente. No entanto, para observar uma trajetória de queda num experimento real, pode-se lançar uma bolinha, com velocidade constante ( $V_0$ ), sobre a superfície de uma mesa e verificar o seu movimento de queda até o chão.

Qual figura melhor representa a trajetória de queda da bolinha?



### Resolução:

De acordo com o enunciado, ao abandonar a mesa, a bolinha é lançada horizontalmente com velocidade de módulo  $V_0$ . Desprezando a ação da

resistência do ar, tomando como referencial a Terra, a trajetória da bolinha é uma parábola com vértice no ponto de lançamento e concavidade para baixo, o que está mais bem representado pela alternativa (d).

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Reso,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Reso,

A

A

A

A

### Questão 114

Dois engenheiros estão verificando se uma cavidade perfurada no solo está de acordo com o planejamento de uma obra, cuja profundidade requerida é de 30 m. O teste é feito por um dispositivo denominado oscilador de áudio de frequência variável, que permite relacionar a profundidade com os valores da frequência de duas ressonâncias consecutivas, assim como em um tubo sonoro fechado. A menor frequência de ressonância que o aparelho mediu foi 135 Hz. Considere que a velocidade do som dentro da cavidade perfurada é de  $360 \text{ m s}^{-1}$ .

Se a profundidade estiver de acordo com o projeto, qual será o valor da próxima frequência de ressonância que será medida?

- a) 137 Hz.
- b) 138 Hz.
- c) 141 Hz.
- d) 144 Hz.
- e) 159 Hz.

#### Resolução:

Consideremos a cavidade perfurada como um tubo fechado de comprimento  $L = 30 \text{ m}$ . A frequência do 1º harmônico pode ser calculada pela equação fundamental da ondulatória:

$$v = \lambda_1 \cdot f_1,$$

Como  $\lambda_1 = 4 \cdot L$ , pois o comprimento do tubo corresponde a meio fuso, temos:

$$360 = 4 \cdot 30 \cdot f_1$$

$$f_1 = 3 \text{ Hz}$$

Se a menor frequência de ressonância que o aparelho mediu foi 135 Hz, podemos calcular qual o harmônico correspondente:

$$f_n = n \cdot f_1$$

$$135 = n \cdot 3$$

$$n = 45$$

Como os tubos fechados possuem apenas os harmônicos ímpares, a próxima frequência de ressonância a ser medida será a do 47º harmônico. Assim, temos:

$$f_n = n \cdot f_1$$

$$f_{47} = 47 \cdot 3$$

$$f_{47} = 141 \text{ Hz}$$

### Questão 115

Instituições acadêmicas e de pesquisa no mundo estão inserindo genes em genomas de plantas que possam codificar produtos de interesse farmacológico. No Brasil, está sendo desenvolvida uma variedade de soja com um viricida ou microbicida capaz de prevenir a contaminação pelo vírus causador da aids. Essa leguminosa está sendo induzida a produzir a enzima cianovirina-N, que tem eficiência comprovada contra o vírus.

OLIVEIRA, M. Remédio na planta. **Pesquisa Fapesp**, n. 206, abr. 2013.

A técnica para gerar essa leguminosa é um exemplo de

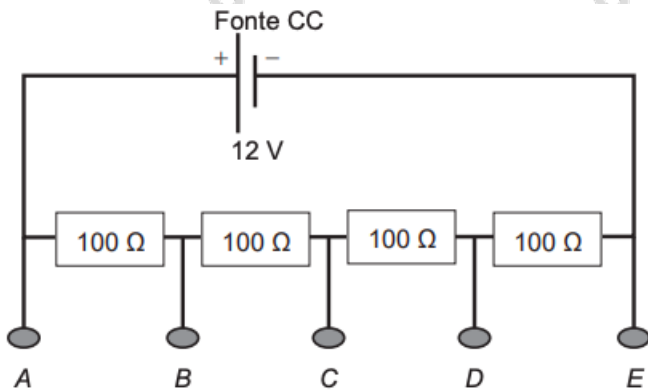
- a) hibridismo.
- b) transgenia.
- c) conjugação.
- d) terapia gênica.
- e) melhoramento genético.

#### Resolução:

A leguminosa em questão teve, segundo o texto do enunciado, genes inseridos no seu genoma. Por essa razão, a técnica exemplificada é a transgenia.

### Questão 116

Um estudante tem uma fonte de tensão com corrente contínua que opera em tensão fixa de 12 V. Como precisa alimentar equipamentos que operam em tensões menores, ele emprega quatro resistores de  $100\ \Omega$  para construir um divisor de tensão. Obtém-se este divisor associando os resistores, como exibido na figura. Os aparelhos podem ser ligados entre os pontos *A*, *B*, *C*, *D* e *E*, dependendo da tensão especificada.



Ele tem um equipamento que opera em 9,0 V com uma resistência interna de 10 kΩ.

Entre quais pontos do divisor de tensão esse equipamento deve ser ligado para funcionar corretamente e qual será o valor da intensidade da corrente nele estabelecida?

- a Entre *A* e *C*; 30 mA.
- b Entre *B* e *E*; 30 mA.
- c Entre *A* e *D*; 1,2 mA.
- d Entre *B* e *E*; 0,9 mA.
- e Entre *A* e *E*; 0,9 mA.

### Resolução:

Como os resistores do circuito apresentam a mesma resistência elétrica, a tensão da fonte é igualmente dividida entre cada dois pontos consecutivos. Assim:

$$U_{AB} = U_{BC} = U_{CD} = U_{DE} = \frac{12\text{ V}}{4} = 3\text{ V}$$

Considerando que o equipamento que será ligado ao circuito fornecido é um resistor e sendo sua resistência com ordem de grandeza maior que as resistências de  $100\ \Omega$ , pode-se admitir que, ao ligar o equipamento entre os pontos convenientes, não há alteração na d.d.p. entre os pontos *A*, *B*, *C*, *D* e *E*.

Dessa forma, para que a tensão no equipamento seja 9 V, deve-se ligá-lo entre os pontos *AD* ou *BE*. Portanto, elimina-se as alternativas *A* e *E*.

Ligando o equipamento de forma conveniente, pode-se assim obter a corrente elétrica que nele se forma:

$$U = R \cdot i \Rightarrow 9 = 10^4 \cdot i$$

$$\therefore i = 0,9 \cdot 10^{-3} \text{ A} = 0,9 \text{ mA}$$

Descarta-se assim as alternativas B e C e assinala-se a alternativa D.

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Reso

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Reso

A<sub>r</sub>

A<sub>r</sub>

A<sub>r</sub>

A<sub>r</sub>



### Questão 117

Pesquisadores dos Estados Unidos desenvolveram uma nova técnica, que utiliza raios de luz infravermelha (invisíveis a olho nu) para destruir tumores. Primeiramente, o paciente recebe uma injeção com versões modificadas de anticorpos que têm a capacidade de “grudar” apenas nas células cancerosas. Sozinhos, eles não fazem nada contra o tumor. Entretanto, esses anticorpos estão ligados a uma molécula, denominada IR700, que funcionará como uma “microbomba”, que irá destruir o câncer. Em seguida, o paciente recebe raios infravermelhos. Esses raios penetram no corpo e chegam até a molécula IR700, que é ativada e libera uma substância que ataca a célula cancerosa.

Disponível em: <http://super.abril.com.br>. Acesso em: 13 dez. 2012 (adaptado).

Com base nas etapas de desenvolvimento, o nome apropriado para a técnica descrita é:

- a Radioterapia.
- b Cromoterapia.
- c Quimioterapia.
- d Fotoimunoterapia.
- e Terapia magnética.

#### Resolução:

O enunciado menciona o uso de anticorpos que carregam determinada molécula de interesse (IR700) que é "ativada" por raios infravermelhos, portanto, o nome mais apropriado é aquele que associa essas duas realidades técnicas - FOTOIMUNOTERAPIA.

### Questão 118

Aranhas, escorpiões, carrapatos e ácaros são representantes da classe dos *Aracnídeos*. Esses animais são terrestres em sua grande maioria e ocupam os mais variados habitats, tais como montanhas altas, pântanos, desertos e solos arenosos. Podem ter sido os primeiros representantes do filo *Arthropoda* a habitar a terra seca.

A característica que justifica o sucesso adaptativo desse grupo na ocupação do ambiente terrestre é a presença de

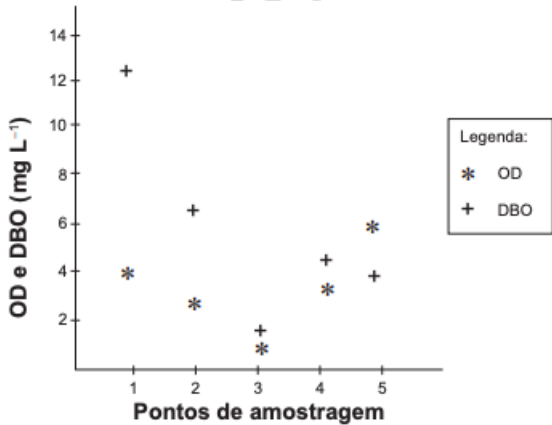
- a) quelíceras e pedipalpos que coordenam o movimento corporal.
- b) excreção de ácido úrico que confere estabilidade ao pH corporal.
- c) exoesqueleto constituído de quitina que auxilia no controle hídrico corporal.
- d) circulação sanguínea aberta que impede a desidratação dos tecidos corporais.
- e) sistema nervoso ganglionar que promove a coordenação central do movimento corporal.

#### Resolução:

O exoesqueleto quitinoso dos aracnídeos tem papel fundamental no sucesso adaptativo ao ambiente terrestre, pois diminui a perda de água para o ambiente, evitando a desidratação.

## Questão 119

Pesquisadores coletaram amostras de água de um rio em pontos diferentes, distantes alguns quilômetros um do outro. Ao longo do rio, há locais de águas limpas, como também locais que recebem descarga de esgoto de área urbana, e locais onde há decomposição ativa com ausência de peixes. Os pesquisadores analisaram dois parâmetros: oxigênio dissolvido (OD) e demanda bioquímica de oxigênio (DBO) em cada ponto de coleta de água, obtendo o gráfico:



Valores limites permitidos para águas doces destinadas ao abastecimento para o consumo humano após tratamento convencional, segundo Resolução Conama n. 357/2005: OD  $\geq 5 \text{ mg L}^{-1}$  e DBO  $\leq 5 \text{ mg L}^{-1}$ .

O OD é proveniente da atmosfera e da fotossíntese que ocorre no curso-d'água e sua concentração é função das variáveis físicas, químicas e bioquímicas locais. A DBO é a quantidade de oxigênio consumido por microrganismos em condições aeróbicas para degradar uma determinada quantidade de matéria orgânica, durante um período de tempo, numa temperatura de incubação específica.

Disponível em: [www.programaaguaazul.rn.gov.br](http://www.programaaguaazul.rn.gov.br). Acesso em: 16 ago. 2014 (adaptado).

Qual ponto de amostragem da água do rio está mais próximo ao local em que o rio recebe despejo de esgoto?

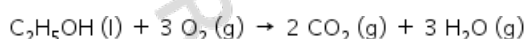
- a 1  
 b 2  
 c 3  
 d 4  
 e 5

### Resolução:

A amostragem próxima ao local em que o rio recebe esgoto apresenta elevada quantidade de matéria orgânica. Nessa situação, a DBO é elevada, bem superior à de água limpa (menor ou igual a  $5 \text{ mg} \cdot \text{L}^{-1}$ ), pois é necessária grande quantidade de oxigênio para sua degradação. A concentração de oxigênio dissolvido é menor do que na água limpa (OD maior ou igual a  $5 \text{ mg} \cdot \text{L}^{-1}$ ), devido à atividade decompositora aeróbia das bactérias.

## Questão 120

O crescimento da frota de veículos em circulação no mundo tem levado à busca e desenvolvimento de tecnologias que permitam minimizar emissões de poluentes atmosféricos. O uso de veículos elétricos é uma das propostas mais propagandeadas por serem de emissão zero. Podemos comparar a emissão de carbono na forma de  $\text{CO}_2$  (massa molar igual a  $44 \text{ g mol}^{-1}$ ) para os dois tipos de carros (a combustão e elétrico). Considere que os veículos tradicionais a combustão, movidos a etanol (massa molar igual a  $46 \text{ g mol}^{-1}$ ), emitem uma média de 2,6 mol de  $\text{CO}_2$  por quilômetro rodado, e os elétricos emitem o equivalente a 0,45 mol de  $\text{CO}_2$  por quilômetro rodado (considerando as emissões na geração e transmissão da eletricidade). A reação de combustão do etanol pode ser representada pela equação química:



Foram analisadas as emissões de  $\text{CO}_2$  envolvidas em dois veículos, um movido a etanol e outro elétrico, em um mesmo trajeto de 1 000 km.

CHIARADIA, C. A. **Estudo da viabilidade da implantação de frotas de veículos elétricos e híbridos elétricos no atual cenário econômico, político, energético e ambiental brasileiro.**

Guaratinguetá: Unesp, 2015 (adaptado).

A quantidade equivalente de etanol economizada, em quilograma, com o uso do veículo elétrico nesse trajeto, é mais próxima de

- a) 50.
- b) 60.
- c) 95.
- d) 99.
- e) 120.

### Resolução:

Cálculo da quantidade de gás carbônico ( $\text{CO}_2$ ) que deixa de ser emitida por km:

$$2,60 \text{ mol} - 0,45 \text{ mol} = 2,15 \text{ mol}$$

Como foram 1000 km:

$$\begin{array}{l} 2,15 \text{ mol} \text{ — } 1 \text{ km} \\ x \text{ mol} \text{ — } 1000 \text{ km} \\ x = 2150 \text{ mol de gás carbônico} \end{array}$$

Pela estequiometria da reação:

$$\begin{array}{l} 1 \text{ mol etanol} \text{ — } 2 \text{ mol gás carbônico} \\ z \text{ mol etanol} \text{ — } 2150 \text{ mol gás carbônico} \\ z = 1075 \text{ mol de etanol} \end{array}$$

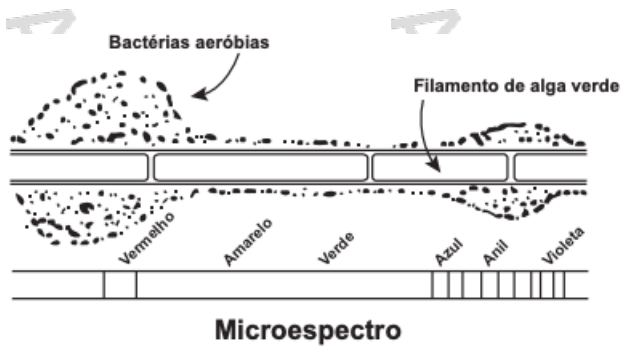
Cálculo da massa de etanol:

$$\begin{aligned} 1 \text{ mol} & \text{ — } 46 \text{ g} \\ 1075 \text{ mol} & \text{ — } w \\ w = 49450 \text{ g} & = 49,45 \text{ kg} \end{aligned}$$

A massa aproximada de etanol economizado é 50 kg.

## Questão 121

Em uma aula sobre metabolismo energético, foi apresentado um experimento clássico realizado por Engelmann. Um recipiente contendo bactérias aeróbias e uma alga verde filamentosa foi submetido à iluminação de uma fonte de luz, representada pelo microespectro. Após a explicação, um aluno esquematizou na lousa o resultado do referido experimento.



Considerando a figura, a faixa do microespectro em que a alga possui maior taxa de realização fotossintética é a do:

- a Anil.
- b Verde.
- c Violeta.
- d Amarelo.
- e Vermelho.

### Resolução:

As bactérias aeróbicas se distribuem predominantemente nas porções onde há mais  $O_2$  disponível. O experimento de Engelmann demonstra que a porção da alga filamentosa na qual o  $O_2$  se encontra em maior disponibilidade é aquela em que incide a faixa do microespectro vermelho.

## Questão 122

O exame parasitológico de fezes é utilizado para detectar ovos de parasitos. Um dos métodos utilizados, denominado de centrífugo-flutuação, considera a densidade dos ovos em relação a uma solução de densidade  $1,15 \text{ g mL}^{-1}$ . Assim, ovos que flutuam na superfície dessa solução são detectados. Os dados de densidade dos ovos de alguns parasitos estão apresentados na tabela.

Parasito	Densidade ( $\text{g mL}^{-1}$ )
<i>Ancylostoma</i>	1,06
<i>Ascaris lumbricoides</i>	1,11
<i>Ascaris suum</i>	1,13
<i>Schistosoma mansoni</i>	1,18
<i>Taenia saginata</i>	1,30

ZERBINI, A. M. Identificação e análise de viabilidade de ovos de helmintos em um sistema de tratamento de esgotos domésticos constituídos de reatores anaeróbios e rampas de escoamento superficial. Belo Horizonte: Prosab, 2001 (adaptado).

Considerando-se a densidade dos ovos e da solução, ovos de quais parasitos podem ser detectados por esse método?

- a *A. lumbricoides*, *A. suum* e *S. mansoni*.
- b *S. mansoni*, *T. saginata* e *Ancylostoma*.
- c *Ancylostoma*, *A. lumbricoides* e *A. suum*.
- d *T. saginata*, *S. mansoni* e *A. lumbricoides*.
- e *A. lumbricoides*, *A. suum* e *T. saginata*.

### Resolução:

A solução utilizada no teste apresenta densidade de  $1,15 \text{ g mL}^{-1}$ . Desse modo, apenas flutuarão os ovos com densidade menor que a da solução, isto é, os ovos de *Ancylostoma* e de *Ascaris*.

### Questão 123

Em seu laboratório, um técnico em química foi incumbido de tratar um resíduo, evitando seu descarte direto no meio ambiente. Ao encontrar o frasco, observou a seguinte informação: “Resíduo: mistura de acetato de etila e água”.

Considere os dados do acetato de etila:

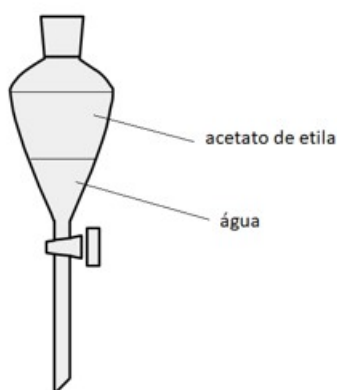
- Baixa solubilidade em água;
- Massa específica =  $0,9 \text{ g cm}^{-3}$ ;
- Temperatura de fusão =  $-83 \text{ }^\circ\text{C}$ ;
- Pressão de vapor maior que a da água.

A fim de tratar o resíduo, recuperando o acetato de etila, o técnico deve

- a) evaporar o acetato de etila sem alterar o conteúdo de água.
- b) filtrar a mistura utilizando um funil comum e um papel de filtro.
- c) realizar uma destilação simples para separar a água do acetato de etila.
- d) proceder a uma centrifugação da mistura para remover o acetato de etila.
- e) decantar a mistura separando os dois componentes em um funil adequado.

### Resolução:

A partir das informações fornecidas no enunciado, temos que o acetato de etila apresenta baixa solubilidade em água, formando assim uma mistura heterogênea líquido - líquido com esta. Desse modo, pode-se realizar a separação dos componentes do sistema por meio da utilização de um funil de separação (funil de bromo ou funil de decantação).





### Questão 124

Em 2011, uma falha no processo de perfuração realizado por uma empresa petrolífera ocasionou derramamento de petróleo na bacia hidrográfica de Campos, no Rio de Janeiro.

Os impactos decorrentes desse derramamento ocorrem porque os componentes do petróleo

- a reagem com a água do mar e sofrem degradação, gerando compostos com elevada toxicidade.
- b acidificam o meio, promovendo o desgaste das conchas calcárias de moluscos e a morte de corais.
- c dissolvem-se na água, causando a mortandade dos seres marinhos por ingestão da água contaminada.
- d têm caráter hidrofóbico e baixa densidade, impedindo as trocas gasosas entre o meio aquático e a atmosfera.
- e têm cadeia pequena e elevada volatilidade, contaminando a atmosfera local e regional em função dos ventos nas orlas marítimas.

### Resolução:

O petróleo é uma mistura de hidrocarbonetos com densidade menor do que a água e de caráter hidrofóbico que, ao ser lançado em corpos d'água, acumula-se na superfície, impedindo a entrada de luz e a dissolução de gases da atmosfera para o ambiente aquático.

### Questão 125

Uma população encontra-se em equilíbrio genético quanto ao sistema ABO, em que 25% dos indivíduos pertencem ao grupo O e 16%, ao grupo A homozigotos. Considerando que:  $p$  = frequência de  $I^A$ ;  $q$  = frequência de  $I^B$ ; e  $r$  = frequência de  $i$ , espera-se encontrar:

Grupo	Genótipos	Frequências
A	$I^A I^A$ e $I^A i$	$p^2 + 2pr$
B	$I^B I^B$ e $I^B i$	$q^2 + 2qr$
AB	$I^A I^B$	$2pq$
O	$ii$	$r^2$

A porcentagem de doadores compatíveis para alguém do grupo B nessa população deve ser de

- a 11%.
- b 19%.
- c 26%.
- d 36%.
- e 60%.

#### Resolução:

As informações do enunciado permitem concluir que a frequência do alelo  $i = 0,5$  e do alelo  $I^A = 0,4$ . A soma dos alelos  $I^A + I^B + i = 1,0$ , o que permite concluir que a frequência de  $I^B = 0,1$ .

Pessoas do grupo sanguíneo B podem receber transfusões de sangue B ou O.

Assim, como mostrado na tabela, a frequência de indivíduos do grupo sanguíneo B na população é calculada pela equação:

$$q^2 + 2qr = 0,1^2 + 2 \times 0,1 \times 0,5 = 0,11 \text{ ou } 11\%.$$

A porcentagem de indivíduos do grupo O é de 25%, portanto, o total de doadores para o grupo B é de  $11\% + 25\% = 36\%$ .

### Questão 126

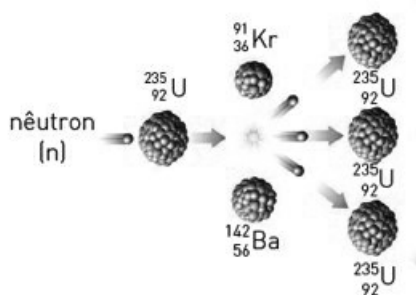
Embora a energia nuclear possa ser utilizada para fins pacíficos, recentes conflitos geopolíticos têm trazido preocupações em várias partes do planeta e estimulado discussões visando o combate ao uso de armas de destruição em massa. Além do potencial destrutivo da bomba atômica, uma grande preocupação associada ao emprego desse artefato bélico é a poeira radioativa deixada após a bomba ser detonada.

Qual é o processo envolvido na detonação dessa bomba?

- a Fissão nuclear do urânio, provocada por nêutrons.
- b Fusão nuclear do hidrogênio, provocada por prótons.
- c Desintegração nuclear do plutônio, provocada por elétrons.
- d Associação em cadeia de chumbo, provocada por pósitrons.
- e Decaimento radioativo do carbono, provocado por partículas beta.

### Resolução:

A reação que ocorre na explosão da bomba atômica é denominada FISSÃO NUCLEAR, uma reação em cadeia, na qual nêutrons bombardeiam átomos de Urânio, e pode ser ilustrada por:



## Questão 127

Plantas pioneiras são as que iniciam o processo natural de cicatrização de uma área desprovida de vegetação. Em geral, têm pequeno porte e crescem muito rápido, desenvolvem-se a pleno sol e são pouco exigentes quanto às condições do solo. Produzem grande quantidade de sementes e possuem ciclo de vida curto.

BLUM, C. T. **Lista preliminar de espécies vegetais pioneiras nativas do Paraná** - versão 2008. Disponível em: [www.chaua.org.br](http://www.chaua.org.br). Acesso em: 10 fev. 2015.

Essas plantas são importantes em um projeto de restauração ambiental, pois promovem, no solo,

- a aumento da incidência de luz solar.
- b diminuição da absorção de água.
- c estabilização da umidade.
- d elevação de temperatura.
- e liberação de oxigênio.

### Resolução:

Plantas pioneiras proporcionam sombreamento do solo, o que reduz o aquecimento e, conseqüentemente, a perda de água pela evaporação.

### Questão 128

Mesmo para peixes de aquário, como o peixe arco-íris, a temperatura da água fora da faixa ideal (26 °C a 28 °C), bem como sua variação brusca, pode afetar a saúde do animal. Para manter a temperatura da água dentro do aquário na média desejada, utilizam-se dispositivos de aquecimento com termostato. Por exemplo, para um aquário de 50 L, pode-se utilizar um sistema de aquecimento de 50 W otimizado para suprir sua taxa de resfriamento. Essa taxa pode ser considerada praticamente constante, já que a temperatura externa ao aquário é mantida pelas estufas. Utilize para a água o calor específico  $4,0 \text{ kJ kg}^{-1} \text{ K}^{-1}$  e a densidade  $1 \text{ kg L}^{-1}$ .

Se o sistema de aquecimento for desligado por 1 h, qual o valor mais próximo para a redução da temperatura da água do aquário?

- a 4,0 °C
- b 3,6 °C
- c 0,9 °C
- d 0,6 °C
- e 0,3 °C

### Resolução:

De acordo com o enunciado, o sistema de aquecimento compensa a taxa de resfriamento. Assim, quando o sistema de aquecimento é desligado, a potência de resfriamento é igual a 50 W. Aplicando-se a definição de potência e ajustando-se adequadamente as unidades:

$$P = \frac{|Q|}{\Delta t}$$

$$50 = \frac{|Q|}{3600}$$

$$|Q| = 180\,000 \text{ J}$$

Já que ocorre um resfriamento da água:

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta\theta$$

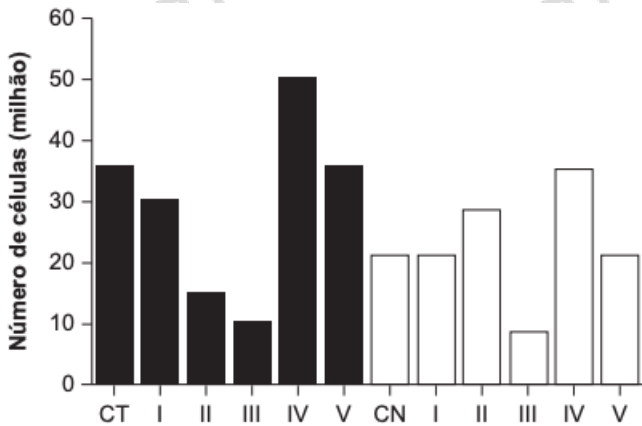
Adequando-se os sinais, ajustando-se as unidades e observando-se que a massa de 50 L de água é igual a 50 kg ( $d = 1 \text{ kg/L}$ ):

$$-180 = 50 \cdot 4 \cdot \Delta\theta$$

$$\therefore \Delta\theta = -0,9 \text{ °C}$$

### Questão 129

Em uma pesquisa estão sendo testados cinco quimioterápicos quanto à sua capacidade antitumoral. No entanto, para o tratamento de pacientes, sabe-se que é necessário verificar também o quanto cada composto agride células normais. Para o experimento, partiu-se de cultivos de células tumorais (colunas escuras na figura) e células normais (colunas claras) com o mesmo número de células iniciais. Dois grupos-controle não receberam quimioterápicos: controle de células tumorais (CT) e de células normais (CN). As colunas I, II, III, IV e V correspondem aos grupos tratados com os cinco compostos. O número de células viáveis após os tratamentos está representado pelas colunas.



Qual quimioterápico deve ser escolhido para tratamento desse tipo de tumor?

- a I
- b II
- c III
- d IV
- e V

#### Resolução:

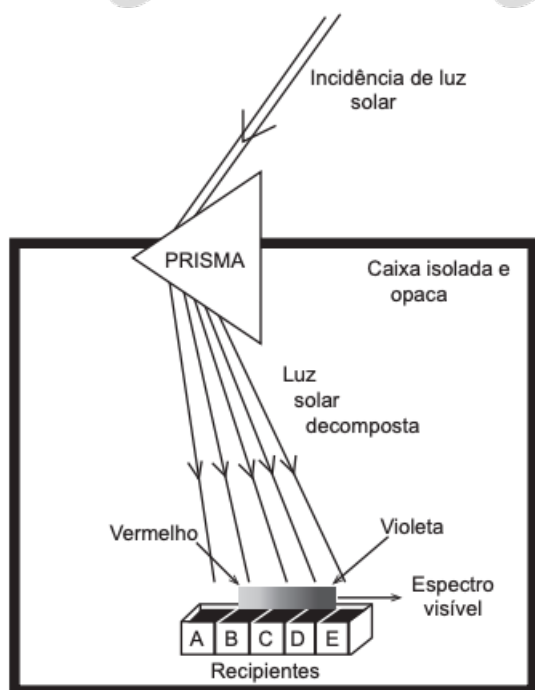
A análise das colunas do gráfico mostra que o quimioterápico do grupo II apresenta a melhor relação entre a eliminação das células tumorais e a sobrevivência das células normais. Os outros quimioterápicos têm menor eficiência sobre as células tumorais ou permitem menor sobrevivência das células normais.

### Questão 130

Herschel, em 1880, começou a escrever sobre a condensação da luz solar no foco de uma lente e queria verificar de que maneira os raios coloridos contribuem para o aquecimento. Para isso, ele projetou sobre um anteparo o espectro solar obtido com um prisma, colocou termômetros nas diversas faixas de cores e verificou nos dados obtidos que um dos termômetros iluminados indicou um aumento de temperatura maior para uma determinada faixa de frequências.

SAYURI, M.; GASPAR, M. B. Infravermelho na sala de aula. Disponível em: [www.cienciamao.usp.br](http://www.cienciamao.usp.br). Acesso em: 15 ago. 2016 (adaptado).

Para verificar a hipótese de Herschel, um estudante montou o dispositivo apresentado na figura. Nesse aparato, cinco recipientes contendo água, à mesma temperatura inicial, e separados por um material isolante térmico e refletor são posicionados lado a lado (A, B, C, D e E) no interior de uma caixa de material isolante térmico e opaco. A luz solar, ao entrar na caixa, atravessa o prisma e incide sobre os recipientes. O estudante aguarda até que ocorra o aumento da temperatura e a afere em cada recipiente.



Em qual dos recipientes a água terá maior temperatura ao final do experimento?

- a A
- b B
- c C
- d D
- e E

#### Resolução:

O exercício aborda o experimento de Herschel, que consiste em incidir luz solar em um prisma, decompondo-a em diversas radiações, visíveis (vermelho

ao violeta) e não visíveis (infravermelho e ultravioleta), chamado espectro eletromagnético. Herschel estava interessado na medida da quantidade de energia radiante associada às diferentes faixas de frequência da radiação, desde o infravermelho até o ultravioleta. Para tanto, utilizou termômetros e mediu a temperatura para as diferentes frequências do espectro. Herschel verificou que as temperaturas medidas cresciam das faixas de frequência do ultravioleta ao infravermelho.

Isso se justifica pela abordagem da física moderna, que ocorreu anos após o referido experimento com os estudos de Wien, Boltzmann, Planck, entre outros. A partir desses elementos da física moderna, concluiu-se que, para a faixa de temperaturas médias associadas ao experimento, a densidade de energia aumenta da faixa do ultravioleta para a faixa do infravermelho. A radiação infravermelha gera aumento das oscilações nas cargas elétricas que constituem os átomos, por isso, esse tipo de radiação está associado ao calor.



### Questão 131

A Química Verde é um ramo da química que prega o desenvolvimento de processos eficientes, que transformem a maior parte do reagente em produto, de forma mais rápida e seletiva, que utilizem poucos reagentes, que produzam somente o produto desejado, evitando a formação de coprodutos, e que utilizem solventes não agressivos ao meio ambiente. Assim, as indústrias contornariam problemas relacionados à poluição ambiental e ao desperdício de água e energia.

O perfil de um processo que segue todos os princípios desse ramo da química pode ser representado por:

- a  $A + B + C \rightarrow D$  (a reação ocorre a altas pressões).
- b  $A + B \rightarrow C + D$  (a reação é fortemente endotérmica).
- c  $A + 3B \rightarrow C$  (a reação ocorre com uso de solvente orgânico).
- d  $3A + 2B \rightarrow 2C \rightarrow 3D + 2E$  (a reação ocorre sob pressão atmosférica).
- e  $A + \frac{1}{2}B \rightarrow C$  (a reação ocorre com o uso de um catalisador contendo um metal não tóxico).

### Resolução:

Segundo os princípios da Química Verde, vamos analisar as alternativas:

A) Incorreta, pois é realizada em pressões elevadas e origina mais de um produto.

B) Incorreta, pois é realizada em elevadas temperaturas e ainda origina dois produtos.

C) Incorreta, pois não deveria utilizar solventes orgânicos, que poderiam ser tóxicos e ainda poluir o ambiente.

D) Incorreta, pois origina mais de um produto.

E) Correta, pois origina um único produto ao utilizar um catalisador que irá acelerar a reação sem utilizar um material tóxico.

## Questão 132

Megaespetáculos com queima de grande quantidade de fogos de artifício em festas de final de ano são muito comuns no Brasil. Após a queima, grande quantidade de material particulado permanece suspensa no ar. Entre os resíduos, encontram-se compostos de sódio, potássio, bário, cálcio, chumbo, antimônio, cromo, além de percloratos e gases, como os dióxidos de nitrogênio e enxofre.

BRUNNING, A. **The Chemistry of Firework Pollution**. Disponível em: [www.compoundchem.com](http://www.compoundchem.com). Acesso em: 1 dez. 2017 (adaptado).

Esses espetáculos promovem riscos ambientais, porque

- a as substâncias resultantes da queima de fogos de artifício são inflamáveis.
- b os resíduos produzidos na queima de fogos de artifício ainda são explosivos.
- c o sódio e o potássio são os principais responsáveis pela toxicidade do produto da queima.
- d os produtos da queima contêm metais pesados e gases tóxicos que resultam em poluição atmosférica.
- e o material particulado gerado se deposita na superfície das folhas das plantas impedindo os processos de respiração celular.

### Resolução:

Entre os resíduos gerados na queima de fogos de artifício, tem-se metais pesados, como chumbo, antimônio e cromo, e gases tóxicos, como dióxido de nitrogênio e dióxido de enxofre.

### Questão 133

Há muitos mitos em relação a como se proteger de raios, cobrir espelhos e não pegar em facas, garfos e outros objetos metálicos, por exemplo. Mas, de fato, se houver uma tempestade com raios, alguns cuidados são importantes, como evitar ambientes abertos. Um bom abrigo para proteção é o interior de um automóvel, desde que este não seja conversível.

OLIVEIRA, A. **Raios nas tempestades de verão**. Disponível em: <http://cienciahoje.uol.com.br>. Acesso em: 10 dez. 2014 (adaptado).

Qual o motivo físico da proteção fornecida pelos automóveis, conforme citado no texto?

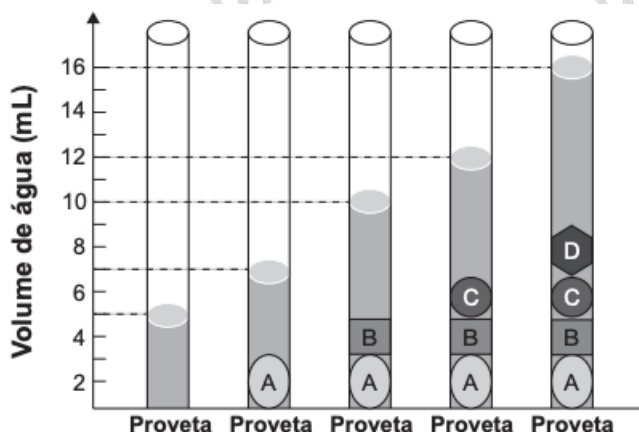
- a Isolamento elétrico dos pneus.
- b Efeito de para-raios da antena.
- c Blindagem pela carcaça metálica.
- d Escoamento da água pela lataria.
- e Aterramento pelo fio terra da bateria.

#### Resolução:

Conforme demonstrado experimentalmente por Michael Faraday, o campo elétrico no interior de um corpo condutor eventualmente eletrizado é nulo. Assim, as pessoas no interior do veículo se encontram protegidas de eventuais raios.

### Questão 134

As moedas despertam o interesse de colecionadores, numismatas e investidores há bastante tempo. Uma moeda de 100% cobre, circulante no período do Brasil Colônia, pode ser bastante valiosa. O elevado valor gera a necessidade de realização de testes que validem a procedência da moeda, bem como a veracidade de sua composição. Sabendo que a densidade do cobre metálico é próxima de  $9 \text{ g cm}^{-3}$ , um investidor negocia a aquisição de um lote de quatro moedas A, B, C e D fabricadas supostamente de 100% cobre e massas 26 g, 27 g, 10 g e 36 g, respectivamente. Com o objetivo de testar a densidade das moedas, foi realizado um procedimento em que elas foram sequencialmente inseridas em uma proveta contendo 5 mL de água, conforme esquematizado.



Com base nos dados obtidos, o investidor adquiriu as moedas

- a A e B.
- b A e C.
- c B e C.
- d B e D.
- e C e D.

#### Resolução:

As massas dos corpos A, B, C e D, conforme o texto, são, respectivamente, iguais a  $M_A = 26 \text{ g}$ ,  $M_B = 27 \text{ g}$ ,  $M_C = 10 \text{ g}$  e  $M_D = 36 \text{ g}$ .

A partir da análise do gráfico fornecido, observando-se o volume de água deslocada em cada caso, pode-se verificar que o volume dos corpos A, B, C e D são, respectivamente, iguais a:

$$V_A = 7 - 5 = 2 \text{ mL}, V_B = 10 - 7 = 3 \text{ mL}, \\ V_C = 12 - 10 = 2 \text{ mL e } V_D = 16 - 12 = 4 \text{ mL}.$$

Assim, a densidade dos corpos A, B, C e D são, respectivamente, iguais a:

$$d_A = \frac{26 \text{ g}}{2 \text{ mL}} = 13 \text{ g/mL}; d_B = \frac{27 \text{ g}}{3 \text{ mL}} = 9 \text{ g/mL}; d_C = \frac{10 \text{ g}}{2 \text{ mL}} = 5 \text{ g/mL}; d_D = \frac{36 \text{ g}}{4 \text{ mL}} = 9 \text{ g/mL}.$$

Portanto, o investidor adquiriu as moedas B e D.

### Questão 135

Os diferentes tipos de café que consumimos nem sempre vêm da mesma espécie de planta. As duas espécies de café mais utilizadas são *Coffea canephora* e *Coffea arabica*. A primeira é diploide ( $2n = 22$ ) e a segunda é tetraploide ( $2n = 44$ ). Acredita-se que a espécie tetraploide surgiu de um cruzamento natural entre *C. canephora* e *C. eugenioides*, ambas diploides, há milhões de anos. De fato, as análises genéticas atuais nos cromossomos de *C. arabica* detectam os alelos de ambas as origens.

A alteração cromossômica que poderia explicar o surgimento do café da espécie *C. arabica* é:

- a Duplicação em uma das plantas parentais antes do cruzamento.
- b Inversão durante a meiose gamética em ambas as plantas parentais.
- c Separação desigual na meiose gamética de uma das plantas parentais.
- d Falha na separação durante a meiose gamética em ambas as plantas parentais.
- e Deleções durante as primeiras mitoses zigóticas na planta descendente *C. arabica*.

### Resolução:

O processo de formação da espécie *C. arabica* envolveu um processo de duplicação cromossômica, o qual acarretou uma poliploidia em algum momento durante a formação da nova espécie.

**Obs.:** Devemos lamentar que a explicação colocada na alternativa não seja muito precisa e não remeta de modo claro para o mecanismo que é aceito pela ciência sobre a origem da espécie *C. arabica*. Os candidatos marcariam a alternativa A apenas por exclusão das demais alternativas.

### Questão 136

A fabricação da Bandeira Nacional deve obedecer ao descrito na Lei n. 5.700, de 1º de setembro de 1971, que trata dos Símbolos Nacionais. No artigo que se refere às dimensões da Bandeira, observa-se:

“Para cálculos das dimensões, será tomada por base a largura, dividindo-a em 14 (quatorze) partes iguais, sendo que cada uma das partes será considerada uma medida ou módulo (M). Os demais requisitos dimensionais seguem o critério abaixo:

I. Comprimento será de vinte módulos (20 M);

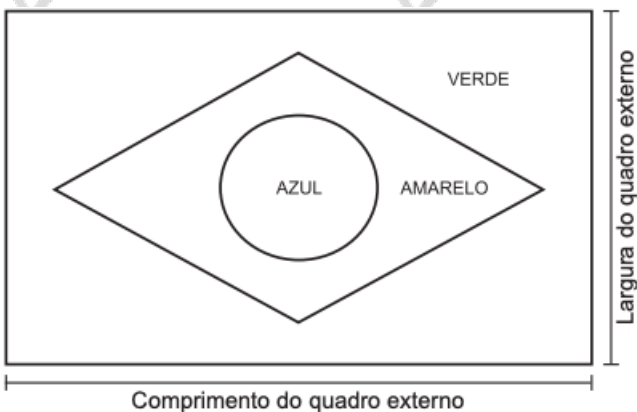
II. A distância dos vértices do losango amarelo ao quadro externo será de um módulo e sete décimos (1,7 M);

III. O raio do círculo azul no meio do losango amarelo será de três módulos e meio (3,5 M).”

BRASIL. Lei n. 5.700, de 1º de setembro de 1971. Disponível em: [www.planalto.gov.br](http://www.planalto.gov.br).

Acesso em: 15 set. 2015.

A figura indica as cores da bandeira do Brasil e localiza o quadro externo a que se refere a Lei n. 5.700.



Um torcedor, preparando-se para a Copa do Mundo e dispondo de cortes de tecidos verde (180 cm x 150 cm) e amarelo (o quanto baste), deseja confeccionar a maior Bandeira Nacional possível a partir das medidas do tecido verde.

Qual a medida, em centímetro, do lado do menor quadrado de tecido azul que deverá ser comprado para confecção do círculo da bandeira desejada?

a) 27

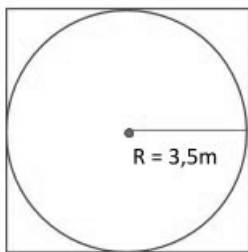
b) 32

c) 53

d) 63

e) 90

**Resolução:**



Lado = 7 m = x cm

Como o comprimento do retângulo verde é 180 cm (20 M) e a sua largura é 150 cm (14 M), verifica-se que não existe uma proporcionalidade entre essas medidas.

Para que seja possível construir uma bandeira sem faltar pano, deve-se ter:

7 M — x cm  
20 M — 180 cm

$$x = 63 \text{ cm}$$

Portanto, o menor lado do quadrado de tecido azul será 63 cm.

### Questão 137

Uma empresa de ônibus utiliza um sistema de vendas de passagens que fornece a imagem de todos os assentos do ônibus, diferenciando os assentos já vendidos, por uma cor mais escura, dos assentos ainda disponíveis. A empresa monitora, permanentemente, o número de assentos já vendidos e compara-o com o número total de assentos do ônibus para avaliar a necessidade de alocação de veículos extras.

Na imagem tem-se a informação dos assentos já vendidos e dos ainda disponíveis em um determinado instante.



A razão entre o número de assentos já vendidos e o total de assentos desse ônibus, no instante considerado na imagem, é

- a  $\frac{16}{42}$
- b  $\frac{16}{26}$
- c  $\frac{26}{42}$
- d  $\frac{42}{26}$
- e  $\frac{42}{16}$

**Resolução:**



Os assentos em negrito estão vendidos

Fazendo uma contagem direta, tem-se:

$$\text{Razão} = \frac{\text{número de assentos vendidos}}{\text{total de assentos}} = \frac{16}{42}$$



### Questão 138

A caixa-d'água de um edifício terá a forma de um paralelepípedo retângulo reto com volume igual a 28 080 litros. Em uma maquete que representa o edifício, a caixa-d'água tem dimensões 2 cm × 3,51 cm × 4 cm.

Dado: 1 dm<sup>3</sup> = 1 L.

A escala usada pelo arquiteto foi

- a 1 : 10
- b 1 : 100
- c 1 : 1 000
- d 1 : 10 000
- e 1 : 100 000

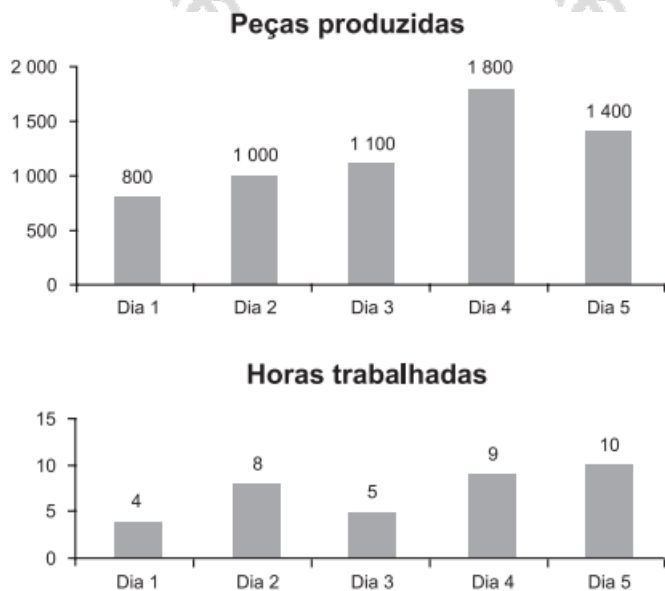
#### Resolução:

$$\text{Escala (linear)} = \frac{\text{medida do desenho}}{\text{medida real}}$$

$$\text{Escala (linear)} = \sqrt[3]{\frac{2 \text{ cm} \times 3,51 \text{ cm} \times 4 \text{ cm}}{28\,080 \text{ L}}} = \sqrt[3]{\frac{28,08 \text{ cm}^3}{28\,080\,000 \text{ cm}^3}} = \sqrt[3]{\frac{1}{1\,000\,000}} = \frac{1}{100}$$

### Questão 139

Os gráficos representam a produção de peças em uma indústria e as horas trabalhadas dos funcionários no período de cinco dias. Em cada dia, o gerente de produção aplica uma metodologia diferente de trabalho. Seu objetivo é avaliar a metodologia mais eficiente para utilizá-la como modelo nos próximos períodos. Sabe-se que, neste caso, quanto maior for a razão entre o número de peças produzidas e o número de horas trabalhadas, maior será a eficiência da metodologia.



Em qual dia foi aplicada a metodologia mais eficiente?

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 4
- e) 5

### Resolução:

Do enunciado, tem-se que

$$\text{Eficiência} = \frac{\text{N}^{\circ} \text{ de peças produzidas}}{\text{N}^{\circ} \text{ de horas trabalhadas}}$$

Assim, as eficiências de cada dia, em peças produzidas por horas trabalhadas, são

$$E_1 = \frac{800}{4} = 200$$

$$E_2 = \frac{1000}{8} = 125$$

$$E_3 = \frac{1100}{5} = 220$$

$$E_4 = \frac{1800}{9} = 200$$

$$E_5 = \frac{1400}{10} = 140$$

Logo, pode-se afirmar que a metodologia mais eficiente foi a do **dia 3**.

SOLV,

SOLV,

SOLV,

SO,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Reso,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Reso,

### Questão 140

O proprietário de um apartamento decidiu instalar porcelanato no piso da sala. Essa sala tem formato retangular com 3,2 m de largura e 3,6 m de comprimento. As peças do porcelanato têm formato de um quadrado com lado medindo 80 cm. Esse porcelanato é vendido em dois tipos de caixas, com os preços indicados a seguir.

- Caixas do tipo A: 4 unidades de piso, R\$ 35,00;
- Caixas do tipo B: 3 unidades de piso, R\$ 27,00.

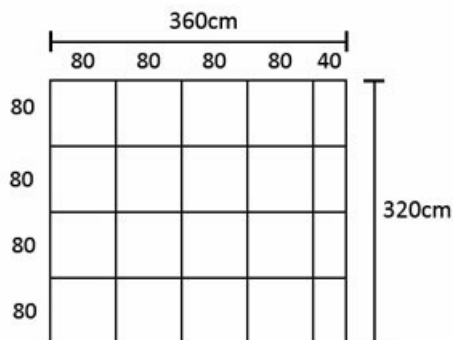
Na instalação do porcelanato, as peças podem ser recortadas e devem ser assentadas sem espaçamento entre elas, aproveitando-se ao máximo os recortes feitos.

A compra que atende às necessidades do proprietário, proporciona a menor sobra de pisos e resulta no menor preço é

- a) 5 caixas do tipo A.
- b) 1 caixa do tipo A e 4 caixas do tipo B.
- c) 3 caixas do tipo A e 2 caixas do tipo B.
- d) 5 caixas do tipo A e 1 caixa do tipo B.
- e) 6 caixas do tipo B.

#### Resolução:

Dado que as dimensões da sala são 320 cm de largura e 360 cm de comprimento, observe a figura a seguir:



Assim, são necessárias  $4 \cdot 4 + 2 = 18$  peças de porcelanato, e podemos organizar as opções de compra na tabela abaixo.

Opção	Nº de Peças	Sobra(Falta)	Preço (R\$)
1	$4 + 4 \cdot 3 = 20$	$20 - 18 = 2$	$5 \cdot 35 = 175$
2	$4 + 4 \cdot 3 = 16$	$16 - 18 = -2$	$1 \cdot 35 + 4 \cdot 27 = 143$
3	$3 \cdot 4 + 2 \cdot 3 = 18$	$18 - 18 = 0$	$3 \cdot 35 + 2 \cdot 27 = 159$
4	$5 \cdot 4 + 3 = 23$	$23 - 18 = 5$	$5 \cdot 35 + 1 \cdot 27 = 202$
5	$6 \cdot 3 = 18$	$18 - 18 = 0$	$6 \cdot 27 = 162$

Dessa forma, a opção que proporciona a menor sobra de pisos e resulta no menor preço é a **opção 3, com 3 caixas do tipo A e 2 caixas do tipo B.**

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Reso

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Reso

### Questão 141

Um hotel de 3 andares está sendo construído. Cada andar terá 100 quartos. Os quartos serão numerados de 100 a 399 e cada um terá seu número afixado à porta. Cada número será composto por peças individuais, cada uma simbolizando um único algarismo.

Qual a quantidade mínima de peças, simbolizando o algarismo 2, necessárias para identificar o número de todos os quartos?

- a 160
- b 157
- c 130
- d 120
- e 60

### Resolução:

A quantidade de peças "2" para a posição das centenas é 100.

A quantidade de peças "2" para a posição das dezenas é  $3 \cdot 10 = 30$

A quantidade de peças "2" para a posição das unidades é  $3 \cdot 10 = 30$

Logo, o total de peças necessárias é  $100 + 30 + 30 = 160$  peças.

### Questão 142

O Estatuto do Idoso, no Brasil, prevê certos direitos às pessoas com idade avançada, concedendo a estas, entre outros benefícios, a restituição de imposto de renda antes dos demais contribuintes. A tabela informa os nomes e as idades de 12 idosos que aguardam suas restituições de imposto de renda. Considere que, entre os idosos, a restituição seja concedida em ordem decrescente de idade e que, em subgrupos de pessoas com a mesma idade, a ordem seja decidida por sorteio.

Nome	Idade (em ano)
Orlando	89
Gustavo	86
Luana	86
Teresa	85
Márcia	84
Roberto	82
Heloisa	75
Marisa	75
Pedro	75
João	75
Antônio	72
Fernanda	70

Nessas condições, a probabilidade de João ser a sétima pessoa do grupo a receber sua restituição é igual a

- a  $\frac{1}{12}$
- b  $\frac{7}{12}$
- c  $\frac{1}{8}$
- d  $\frac{5}{6}$
- e  $\frac{1}{4}$

#### Resolução:

Na tabela apresentada, há 6 pessoas que possuem idade superior a 75 anos e que, portanto, receberão a restituição antes de João.

Para que João seja a sétima pessoa a receber a restituição, ele deverá ser o primeiro sorteado do grupo de pessoas com 75 anos (4 pessoas).

A probabilidade de que João seja o primeiro sorteado é  $\frac{1}{4}$ .

### Questão 143

No Brasil, o tempo necessário para um estudante realizar sua formação até a diplomação em um curso superior, considerando os 9 anos de ensino fundamental, os 3 anos do ensino médio e os 4 anos de graduação (tempo médio), é de 16 anos. No entanto, a realidade dos brasileiros mostra que o tempo médio de estudo de pessoas acima de 14 anos é ainda muito pequeno, conforme apresentado na tabela.

**Tempo médio de estudo de pessoas acima de 14 anos**

Ano da Pesquisa	1995	1999	2003	2007
Tempo de estudo (em ano)	5,2	5,8	6,4	7,0

Disponível em: [www.ibge.gov.br](http://www.ibge.gov.br). Acesso em: 19 dez. 2012 (adaptado).

Considere que o incremento no tempo de estudo, a cada período, para essas pessoas, se mantenha constante até o ano 2050, e que se pretenda chegar ao patamar de 70% do tempo necessário à obtenção do curso superior dado anteriormente.

O ano em que o tempo médio de estudo de pessoas acima de 14 anos atingirá o percentual pretendido será

- a) 2018.
- b) 2023.
- c) 2031.
- d) 2035.
- e) 2043.

#### Resolução:

Para se atingir o patamar pretendido, o tempo médio de estudos precisará chegar a  $0,7 \cdot 16 = 11,2$  anos.

Da tabela, vemos que os tempos de estudo formam uma progressão aritmética de razão igual a 0,6:

PA (5,2; 5,8; 6,4; 7; ... ; 11,2)

O número  $n$  de termos dessa progressão é dado por:

$$11,2 = 5,2 + (n - 1) \cdot 0,6, \text{ ou seja, } n = 11.$$

Note que os anos da pesquisa também estão em progressão aritmética de razão 4:

PA (1995, 1999, 2003, 2007, ...)

Portanto, o décimo primeiro termo dessa progressão é

$$1995 + (11 - 1) \cdot 4, \text{ ou seja, } 2035,$$

que corresponde ao ano em que o tempo médio de estudo de pessoas acima



de 14 anos atingirá o percentual pretendido.

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Reso

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Reso



### Questão 144

Uma torneira está gotejando água em um balde com capacidade de 18 litros. No instante atual, o balde se encontra com ocupação de 50% de sua capacidade. A cada segundo caem 5 gotas de água da torneira, e uma gota é formada, em média, por  $5 \times 10^{-2}$  mL de água.

Quanto tempo, em hora, será necessário para encher completamente o balde, partindo do instante atual?

- a  $2 \times 10^1$
- b  $1 \times 10^1$
- c  $2 \times 10^{-2}$
- d  $1 \times 10^{-2}$
- e  $1 \times 10^{-3}$

### Resolução:

Como uma hora equivale a  $60 \cdot 60 = 3\,600$  segundos, e um litro equivale a 1 000 mL, então o tempo necessário, em horas, para preencher os 50% restantes do balde, isto é, 9 000 mililitros, é dado por:

$$\frac{9\,000}{5 \cdot 5 \cdot 10^{-2} \cdot 3\,600} = \frac{9\,000}{900}$$

ou seja,  $1 \cdot 10^1$ .

### Questão 145

Um clube deseja produzir miniaturas em escala do troféu que ganhou no último campeonato. O troféu está representado na Figura 1 e é composto por uma base em formato de um paralelepípedo reto-retângulo de madeira, sobre a qual estão fixadas três hastes verticais que sustentam uma esfera de 30 cm de diâmetro, que fica centralizada sobre a base de madeira. O troféu tem 100 cm de altura, incluída sua base.

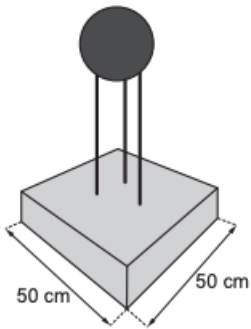


Figura 1

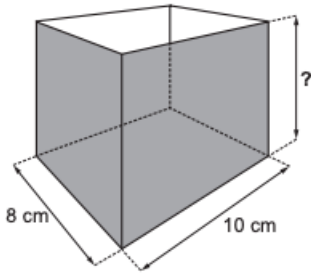


Figura 2

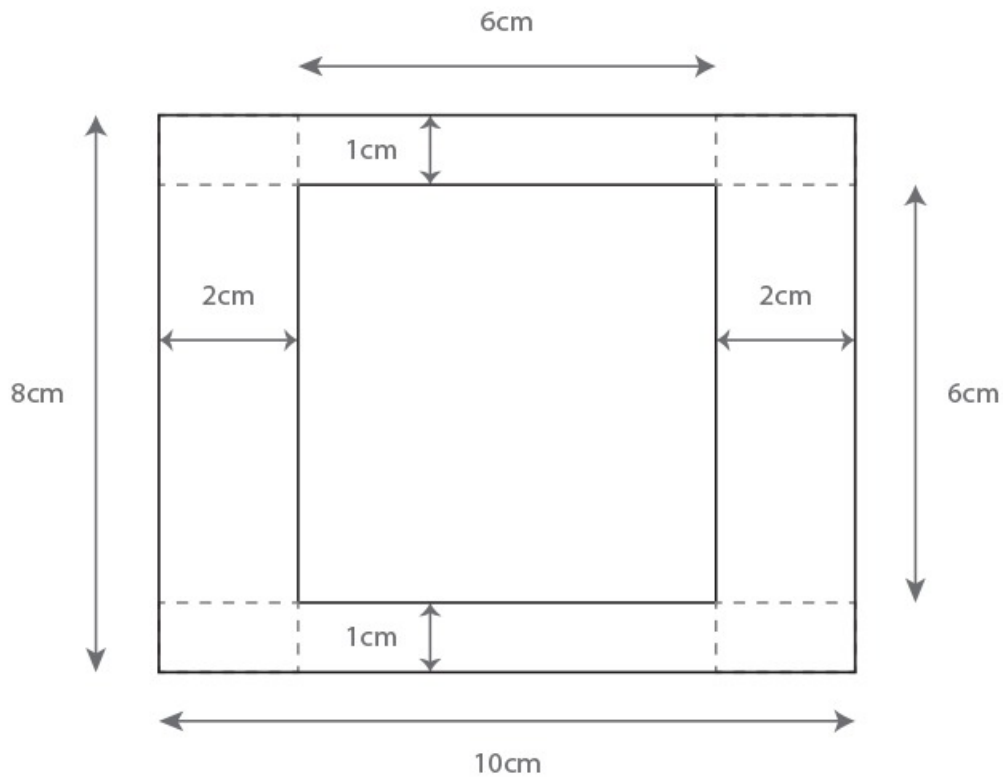
A miniatura desse troféu deverá ser instalada no interior de uma caixa de vidro, em formato de paralelepípedo reto-retângulo, cujas dimensões internas de sua base estão indicadas na Figura 2, de modo que a base do troféu seja colada na base da caixa e distante das paredes laterais da caixa de vidro em pelo menos 1 cm. Deve ainda haver uma distância de exatos 2 cm entre o topo da esfera e a tampa dessa caixa de vidro. Nessas condições deseja-se fazer a maior miniatura possível.

A medida da altura, em centímetro, dessa caixa de vidro deverá ser igual a

- a) 12.
- b) 14.
- c) 16.
- d) 18.
- e) 20.

#### Resolução:

Considerando a menor medida da base da caixa, que é de 8 cm, e que deve haver uma folga mínima de 1 cm de cada lado, então a base da miniatura deverá medir 6 cm x 6 cm, conforme a figura abaixo.



Para que a miniatura fique em escala, sua altura "h" deverá ser dada pela seguinte regra de três:

$$\begin{array}{l} 50 \text{ cm} \text{ --- } 6 \text{ cm} \\ 100 \text{ cm} \text{ --- } h \text{ cm} \end{array}$$

De onde vem que:  $50 \cdot h = 100 \cdot 6$ , ou seja,  $h = 12 \text{ cm}$ .

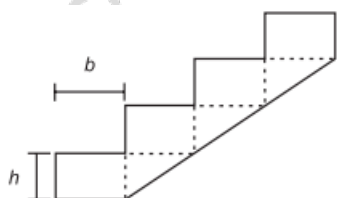
Como deve haver uma folga de 2 centímetros entre o topo da miniatura e a tampa, a altura da caixa deverá ser de  $12 + 2$ , ou seja,  $14 \text{ cm}$ .

### Questão 146

Uma casa de dois andares está sendo projetada. É necessário incluir no projeto a construção de uma escada para o acesso ao segundo andar. Para o cálculo das dimensões dos degraus utilizam-se as regras:

$$|2h + b - 63,5| \leq 1,5 \text{ e } 16 \leq h \leq 19,$$

nas quais  $h$  é a altura do degrau (denominada espelho) e  $b$  é a profundidade da pisada, como mostra a figura. Por conveniência, escolheu-se a altura do degrau como sendo  $h = 16$ . As unidades de  $h$  e  $b$  estão em centímetro.



Nesse caso, o mais amplo intervalo numérico ao qual a profundidade da pisada ( $b$ ) deve pertencer, para que as regras sejam satisfeitas é

- a  $30 \leq b$
- b  $30 \leq b \leq 31,5$
- c  $30 \leq b \leq 33$
- d  $31,5 \leq b \leq 33$
- e  $b \leq 33$

### Resolução:

Do enunciado,  $|2h + b - 63,5| \leq 1,5$  e  $16 \leq h \leq 19$

Como  $h = 16$ , então  $|32 + b - 63,5| \leq 1,5$ .

Daí,  $|b - 31,5| \leq 1,5$

ou seja,  $-1,5 \leq b - 31,5 \leq 1,5$ .

Consequentemente,

$$-1,5 + 31,5 \leq b \leq 1,5 + 31,5.$$

Portanto,  $30 \leq b \leq 33$

### Questão 147

Muitos modelos atuais de veículos possuem computador de bordo. Os computadores informam em uma tela diversas variações de grandezas associadas ao desempenho do carro, dentre elas o consumo médio de combustível. Um veículo, de um determinado modelo, pode vir munido de um dos dois tipos de computadores de bordo:

- Tipo A: informa a quantidade  $X$  de litro de combustível gasto para percorrer 100 quilômetros;
- Tipo B: informa a quantidade de quilômetro que o veículo é capaz de percorrer com um litro de combustível.

Um veículo utiliza o computador do Tipo A, e ao final de uma viagem o condutor viu apresentada na tela a informação " $X/100$ ".

Caso o seu veículo utilizasse o computador do Tipo B, o valor informado na tela seria obtido pela operação

- a  $X \cdot 100$
- b  $\frac{X}{100}$
- c  $\frac{100}{X}$
- d  $\frac{1}{X}$
- e  $1 \cdot X$

#### Resolução:

Seja  $Y$  a informação obtida, caso utilizássemos o computador do tipo B.

Com os dados do enunciado, tem-se a tabela:

Computador	Consumo médio	Significado
Tipo A	$\frac{X}{100}$	X litros por 100 quilômetros
Tipo B	Y	Y quilômetros por 1 litro

Dessa tabela, segue-se a regra de três:

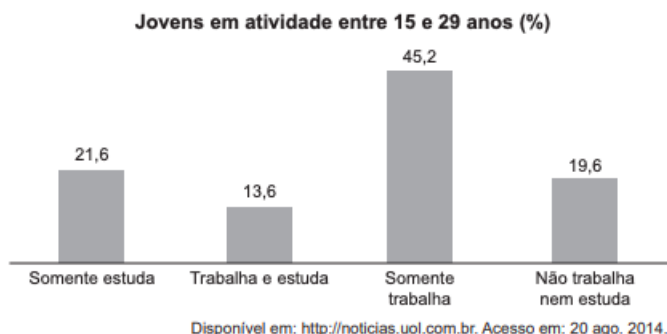
Litros	Quilômetros
X	100
1	Y

Da qual resulta

$$XY = 100, \text{ ou seja, } Y = \frac{100}{X}$$

## Questão 148

A Pesquisa Nacional por Amostra de Domicílios (Pnad) é uma pesquisa feita anualmente pelo IBGE, exceto nos anos em que há Censo. Em um ano, foram entrevistados 363 mil jovens para fazer um levantamento sobre suas atividades profissionais e/ou acadêmicas. Os resultados da pesquisa estão indicados no gráfico.



De acordo com as informações dadas, o número de jovens entrevistados que trabalha é

- a 114 708.
- b 164 076.
- c 213 444.
- d 284 592.
- e 291 582.

### Resolução:

De acordo com o gráfico sobre os jovens em atividade, 13,6% trabalham e estudam e 45,2% somente trabalham. Assim, o total de jovens que trabalham é 58,8% (13,6% + 45,2%) do total dos jovens entrevistados.

Desse modo, o número de jovens que trabalha é dado por:

$$\frac{58,8}{100} \cdot 363\,000 = 213\,444$$

### Questão 149

A Lei de Zipf, batizada com o nome do linguista americano George Zipf, é uma lei empírica que relaciona a frequência ( $f$ ) de uma palavra em um dado texto com o seu ranking ( $r$ ). Ela é dada por

$$f = \frac{A}{r^B}$$

O ranking da palavra é a sua posição ao ordenar as palavras por ordem de frequência. Ou seja,  $r = 1$  para a palavra mais frequente,  $r = 2$  para a segunda palavra mais frequente e assim sucessivamente.  $A$  e  $B$  são constantes positivas.

Diponível em: <http://klein.sbm.org.br>. Acesso em: 12 ago. 2020 (adapado).

Com base nos valores de  $X = \log(r)$  e  $Y = \log(f)$ , é possível estimar valores para  $A$  e  $B$ .

No caso hipotético em que a lei é verificada exatamente, a relação entre  $Y$  e  $X$  é

a  $Y = \log(A) - B \cdot X$

b  $Y = \frac{\log(A)}{X + \log(B)}$

c  $Y = \frac{\log(A)}{B} - X$

d  $Y = \frac{\log(A)}{B \cdot X}$

e  $Y = \frac{\log(A)}{X^B}$

### Resolução:

Sabendo que  $f$ ,  $r$  e  $A$  são números positivos, tem-se:

$$f = \frac{A}{r^B}$$

$$\log f = \log \frac{A}{r^B}$$

$$\log f = \log A - \log r^B$$

$$\log f = \log A - B \cdot \log r$$

Como  $X = \log r$  e  $Y = \log f$ .

Assim,  $Y = \log A - B \cdot X$



## Questão 150

Enquanto um ser está vivo, a quantidade de carbono 14 nele existente não se altera. Quando ele morre, essa quantidade vai diminuindo. Sabe-se que a meia-vida do carbono 14 é de 5 730 anos, ou seja, num fóssil de um organismo que morreu há 5 730 anos haverá metade do carbono 14 que existia quando ele estava vivo. Assim, cientistas e arqueólogos usam a seguinte fórmula para saber a idade de um fóssil encontrado:  $Q(t) = Q_0 \cdot 2^{-\frac{t}{5730}}$  em que  $t$  é o tempo, medido em ano,  $Q(t)$  é a quantidade de carbono 14 medida no instante  $t$  e  $Q_0$  é a quantidade de carbono 14 no ser vivo correspondente.

Um grupo de arqueólogos, numa de suas expedições, encontrou 5 fósseis de espécies conhecidas e mediram a quantidade de carbono 14 neles existente. Na tabela temos esses valores juntamente com a quantidade de carbono 14 nas referidas espécies vivas.

Fóssil	$Q_0$	$Q(t)$
1	128	32
2	256	8
3	512	64
4	1 024	512
5	2 048	128

O fóssil mais antigo encontrado nessa expedição foi

- a 1.
- b 2.
- c 3.
- d 4.
- e 5.

### Resolução:

O fóssil mais antigo dentre os encontrados é aquele em que o número de meias-vidas de carbono 14 for maior.

Das informações da tabela, temos:

$$\text{Fóssil 1: } \frac{Q(t)}{Q_0} = \frac{32}{128} = \frac{1}{2^2}$$

Assim, ocorreram duas meias-vidas.

$$\text{Fóssil 2: } \frac{Q(t)}{Q_0} = \frac{8}{256} = \frac{1}{2^5}$$

Assim, ocorreram cinco meias-vidas.

$$\text{Fóssil 3: } \frac{Q(t)}{Q_0} = \frac{64}{512} = \frac{1}{2^3}$$

Assim, ocorreram três meias-vidas.

$$\text{Fóssil 4: } \frac{Q(t)}{Q_0} = \frac{512}{1\,024} = \frac{1}{2^3}$$

Assim, ocorreu uma meia-vida.

$$\text{Fóssil 5: } \frac{Q(t)}{Q_0} = \frac{128}{2\,048} = \frac{1}{2^4}$$

Assim, ocorreram quatro meias-vidas.

Logo, o fóssil 2 foi o mais antigo encontrado nessa expedição.

### Questão 151

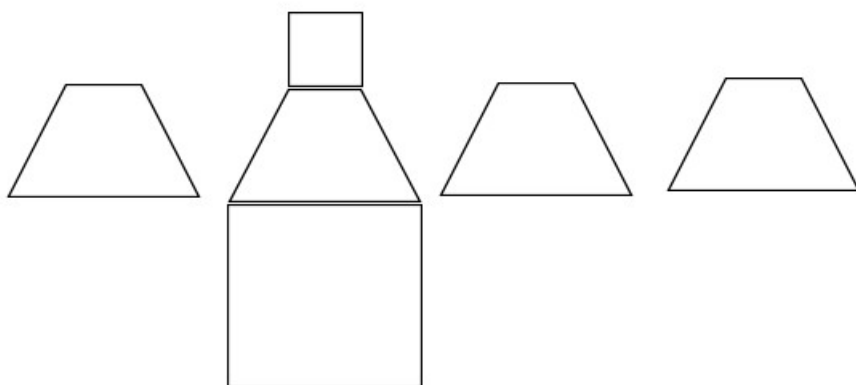
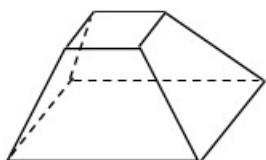
Uma das Sete Maravilhas do Mundo Moderno é o Templo de Kukulcán, localizado na cidade de Chichén Itzá, no México. Geometricamente, esse templo pode ser representado por um tronco reto de pirâmide de base quadrada.

As quantidades de cada tipo de figura plana que formam esse tronco de pirâmide são

- a 2 quadrados e 4 retângulos.
- b 1 retângulo e 4 triângulos isósceles.
- c 2 quadrados e 4 trapézios isósceles.
- d 1 quadrado, 3 retângulos e 2 trapézios retângulos.
- e 2 retângulos, 2 quadrados e 2 trapézios retângulos.

#### Resolução:

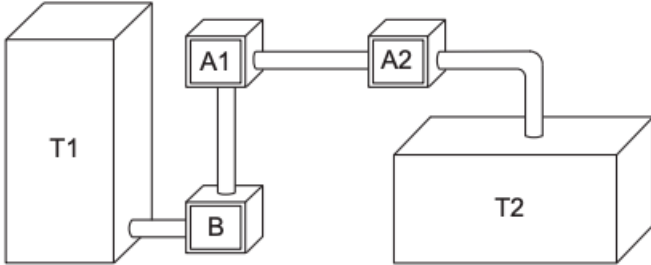
Planificando um tronco de pirâmide reto de base quadrada, tem-se



São 4 trapézios isósceles e 2 quadrados.

### Questão 152

Um processo de aeração, que consiste na introdução de ar num líquido, acontece do seguinte modo: uma bomba B retira o líquido de um tanque T1 e o faz passar pelo aerador A1, que aumenta o volume do líquido em 15%, e em seguida pelo aerador A2, ganhando novo aumento de volume de 10%. Ao final, ele fica armazenado num tanque T2, de acordo com a figura.



Os tanques T1 e T2 são prismas retos de bases retangulares, sendo que a base de T1 tem comprimento  $c$  e largura  $L$ , e a base de T2 tem comprimento  $\frac{c}{2}$  e largura  $2L$ .

Para finalizar o processo de aeração sem derramamento do líquido em T2, o responsável deve saber a relação entre a altura da coluna de líquido que já saiu de T1, denotada por  $x$ , e a altura da coluna de líquido que chegou a T2, denotada por  $y$ .

Disponível em: [www.dec.ufcg.edu.br](http://www.dec.ufcg.edu.br). Acesso em: 21 abr. 2015.

A equação que relaciona as medidas das alturas  $y$  e  $x$  é dada por

- a  $y = 1,265x$
- b  $y = 1,250x$
- c  $y = 1,150x$
- d  $y = 1,125x$
- e  $y = x$

### Resolução:

Sejam  $v_1$  e  $v_2$ , respectivamente, os volumes nos tanques T1 e T2, tem-se:

$$v_2 = 1,15 \cdot 1,10 \cdot v_1$$

Assim,

$$\frac{c}{2} \cdot 2L \cdot y = 1,15 \cdot 1,10 \cdot c \cdot L \cdot x$$

$$y = 1,265x$$

### Questão 153

Para chegar à universidade, um estudante utiliza um metrô e, depois, tem duas opções:

- seguir num ônibus, percorrendo 2,0 km;
- alugar uma bicicleta, ao lado da estação do metrô, seguindo 3,0 km pela ciclovia.

O quadro fornece as velocidades médias do ônibus e da bicicleta, em km/h, no trajeto metrô–universidade.

Dia da semana	Velocidade média	
	Ônibus (km/h)	Bicicleta (km/h)
Segunda-feira	9	15
Terça-feira	20	22
Quarta-feira	15	24
Quinta-feira	12	15
Sexta-feira	10	18
Sábado	30	16

A fim de poupar tempo no deslocamento para a universidade, em quais dias o aluno deve seguir pela ciclovia?

- a Às segundas, quintas e sextas-feiras.
- b Às terças e quintas-feiras e aos sábados.
- c Às segundas, quartas e sextas-feiras.
- d Às terças, quartas e sextas-feiras.
- e Às terças e quartas-feiras e aos sábados.

#### Resolução:

Neste problema, pode-se calcular a velocidade média  $v$  pela razão entre a distância percorrida  $d$  e o tempo necessário para percorrer essa distância  $t$ :

$$v = \frac{d}{t} \quad \therefore t = \frac{d}{v}$$

Ou seja, a variação do espaço e a velocidade média são diretamente proporcionais.

Como a distância a ser percorrida na ciclovia (3 km) é 50% maior que a distância a ser percorrida pelo ônibus (2 km), será mais vantajoso ir pela ciclovia sempre que a velocidade for maior que a do ônibus acrescida de 50%.

Veamos em cada dia isso.

segunda-feira:  $1,5 \cdot 9 = 13,5$  e  $13,5 < 15$ . Assim, é mais vantajoso ir de bicicleta.

terça-feira:  $1,5 \cdot 20 = 30$  e  $30 > 22$ . Assim, é mais vantajoso ir de ônibus.

quarta-feira:  $1,5 \cdot 15 = 22,5$  e  $22,5 < 24$ . Assim, é mais vantajoso ir de bicicleta.

quinta-feira:  $1,5 \cdot 12 = 18$  e  $18 > 15$ . Assim, é mais vantajoso ir de ônibus.

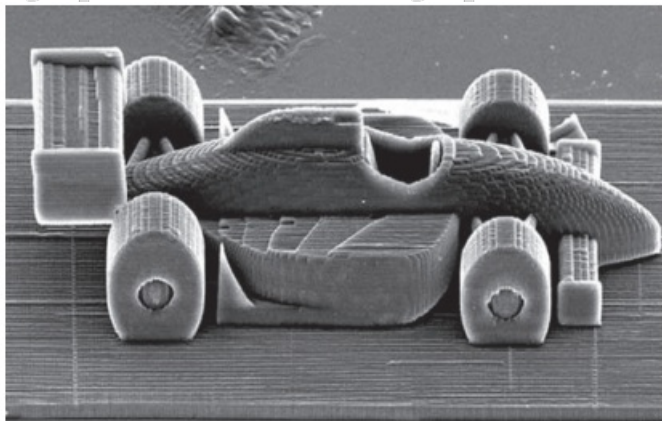
sexta-feira:  $1,5 \cdot 10 = 15$  e  $15 < 18$ . Assim, é mais vantajoso ir de bicicleta.

sábado:  $1,5 \cdot 30 = 45$  e  $45 > 16$ . Assim, é mais vantajoso ir de ônibus.

Assim, a fim de poupar tempo nesse deslocamento ele deve ir de bicicleta às segundas, quartas e sextas-feiras.

### Questão 154

Pesquisadores da Universidade de Tecnologia de Viena, na Áustria, produziram miniaturas de objetos em impressoras 3D de alta precisão. Ao serem ativadas, tais impressoras lançam feixes de laser sobre um tipo de resina, esculpindo o objeto desejado. O produto final da impressão é uma escultura microscópica de três dimensões, como visto na imagem ampliada.



A escultura apresentada é uma miniatura de um carro de Fórmula 1, com 100 micrômetros de comprimento. Um micrômetro é a milionésima parte de um metro.

Usando notação científica, qual é a representação do comprimento dessa miniatura, em metro?

- a  $1,0 \times 10^{-1}$
- b  $1,0 \times 10^{-3}$
- c  $1,0 \times 10^{-4}$
- d  $1,0 \times 10^{-6}$
- e  $1,0 \times 10^{-7}$

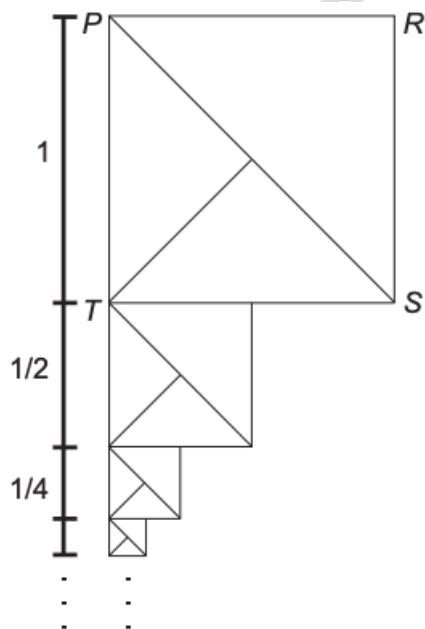
#### Resolução:

Do enunciado, 1 micrômetro é  $10^{-6}$  de um metro. Assim, 100 micrômetros equivalem a:

$$(100 \cdot 10^{-6})\text{m} = (10^2 \cdot 10^{-6})\text{m} = 1,0 \cdot 10^{-4}\text{m}$$

### Questão 155

O artista gráfico holandês Maurits Cornelius Escher criou belíssimas obras nas quais as imagens se repetiam, com diferentes tamanhos, induzindo ao raciocínio de repetição infinita das imagens. Inspirado por ele, um artista fez um rascunho de uma obra na qual propunha a ideia de construção de uma sequência de infinitos quadrados, cada vez menores, uns sob os outros, conforme indicado na figura.



O quadrado  $PRST$ , com lado de medida 1, é o ponto de partida. O segundo quadrado é construído sob ele tomando-se o ponto médio da base do quadrado anterior e criando-se um novo quadrado, cujo lado corresponde à metade dessa base. Essa sequência de construção se repete recursivamente.

Qual é a medida do lado do centésimo quadrado construído de acordo com esse padrão?

- a  $\left(\frac{1}{2}\right)^{100}$
- b  $\left(\frac{1}{2}\right)^{99}$
- c  $\left(\frac{1}{2}\right)^{97}$
- d  $\left(\frac{1}{2}\right)^{-98}$
- e  $\left(\frac{1}{2}\right)^{-99}$

### Resolução:

As medidas dos lados dos quadrados, que são construídos a partir da metade do lado do quadrado anterior, formam uma Progressão Geométrica de razão  $\frac{1}{2}$  e cujo primeiro termo é  $a_1 = 1$ . Assim,

$$a_{100} = a_1 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{100-1} \quad \therefore a_{100} = \left(\frac{1}{2}\right)^{99}$$



Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Reso,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Reso,

Anglo

Anglo

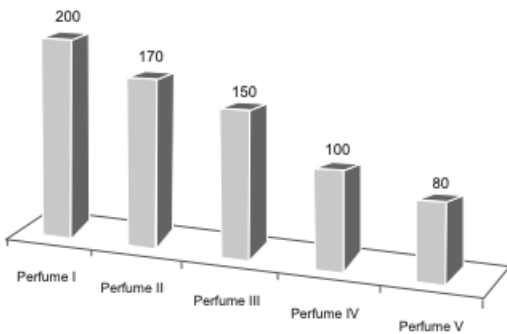
Anglo

Anglo

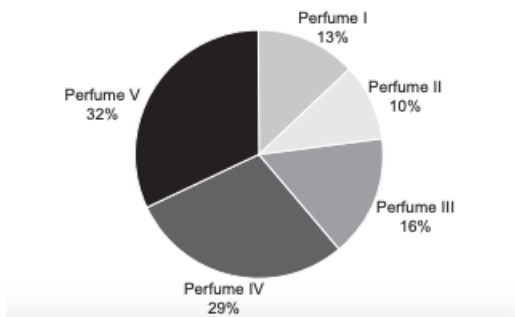
### Questão 156

O gerente de uma loja de cosméticos colocou à venda cinco diferentes tipos de perfume, tendo em estoque na loja as mesmas quantidades de cada um deles. O setor de controle de estoque encaminhou ao gerente registros gráficos descrevendo os preços unitários de cada perfume, em real, e a quantidade vendida de cada um deles, em percentual, ocorrida no mês de novembro.

**Preço do perfume por unidade (R\$)**



**Porcentagem da quantidade vendida de cada perfume**



Dados a chegada do final de ano e o aumento das vendas, a gerência pretende aumentar a quantidade estocada do perfume do tipo que gerou a maior arrecadação em espécie, em real, no mês de novembro.

Nessas condições, qual o tipo de perfume que deverá ter maior reposição no estoque?

- a I
- b II
- c III
- d IV
- e V

### Resolução:

Seja  $N$  o número de perfumes de cada tipo no estoque da loja antes das vendas de novembro. Os totais arrecadados com as vendas de cada perfume em novembro foram calculados na tabela a seguir.

Perfume	Total arrecadado (R\$)
I	$0,13N \cdot 200 = 26N$
II	$0,10N \cdot 170 = 17N$
III	$0,16N \cdot 150 = 24N$
IV	$0,29N \cdot 100 = 29N$
V	$0,32N \cdot 80 = 25,6N$

Portanto, a maior arrecadação foi gerada pelo perfume IV.

### Questão 157

Amigo secreto é uma brincadeira tradicional nas festas de fim de ano. Um grupo de amigos se reúne e cada um deles sorteia o nome da pessoa que irá presentear. No dia da troca de presentes, uma primeira pessoa presenteia seu amigo secreto. Em seguida, o presenteado revela seu amigo secreto e o presenteia. A brincadeira continua até que todos sejam presenteados, mesmo no caso em que o ciclo se fecha. Dez funcionários de uma empresa, entre eles um casal, participarão de um amigo secreto. A primeira pessoa a revelar será definida por sorteio.

Qual é a probabilidade de que a primeira pessoa a revelar o seu amigo secreto e a última presenteada sejam as duas pessoas do casal?

- a  $\frac{1}{5}$
- b  $\frac{1}{45}$
- c  $\frac{1}{50}$
- d  $\frac{1}{90}$
- e  $\frac{1}{100}$

### Resolução:

#### Nota inicial

Ressaltamos que a questão, da forma como foi apresentada, exige conteúdo de probabilidade que não faz parte do programa do Ensino Médio.

Sejam A e B as duas pessoas do casal, a probabilidade de que uma delas seja sorteada para iniciar a revelação do amigo secreto é  $p_1 = \frac{2}{10}$ .

Dado que A tenha sido sorteada para iniciar a revelação, deve-se agora calcular a probabilidade  $p_2$  de que B seja a última presenteada.

Primeiramente, vamos calcular o total de resultados distintos que o sorteio inicial pode ter. Para isso, calculamos o número de permutações caóticas de 10 elementos (uma permutação caótica é aquela em que nenhum elemento permanece em sua posição original, uma vez que nenhuma pessoa pode sortear a si mesma na brincadeira de amigo secreto). Pode-se provar que esse número é dado por:

$$D_{10} = 10! \cdot \left( \frac{1}{2!} - \frac{1}{3!} + \frac{1}{4!} - \frac{1}{5!} + \frac{1}{6!} - \frac{1}{7!} + \frac{1}{8!} - \frac{1}{9!} + \frac{1}{10!} \right) \therefore D_{10} = 1\,334\,961$$

Dentre essas possibilidades, vamos contar em quantas a pessoa A inicia a revelação e é também a última presenteada. A sequência abaixo ilustra uma dessas possibilidades, em que A presenteia B, B presenteia C, e assim sucessivamente:

A → B → C → D → E → F → G → H → I → J → A

Como A deve iniciar e terminar a sequência, tem-se um total de  $9! = 362\,880$

possibilidades. Dessa forma, o número de possibilidades em que A não é a última pessoa a ser presenteada é dada pela diferença:

$$1\ 334\ 961 - 362\ 880 = 972\ 081$$

Cada uma das outras 9 pessoas é a última a ser presenteada em um número igual de possibilidades. Assim, B será a última a ser presenteada em um número de possibilidades dado por:

$$\frac{972\ 081}{9} = 108\ 009$$

Logo, a probabilidade  $p_2$  é tal que:

$$p_2 = \frac{108\ 009}{1\ 334\ 961} = \frac{12\ 001}{148\ 329}$$

Portanto, a probabilidade  $P$  pedida é:

$$P = p_1 \cdot p_2 = \frac{2}{10} \cdot \frac{12\ 001}{148\ 329} = \frac{12\ 001}{741\ 645}$$

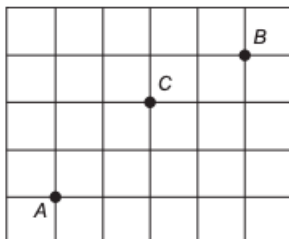
Dessa forma, não há alternativa correta.

**Nota:** Se fosse perguntada a probabilidade de que a primeira e a última pessoa presenteadas fossem as duas do casal, então teríamos  $\frac{2}{10} \cdot \frac{1}{9} = \frac{1}{45}$ . No

entanto, a pergunta feita no enunciado foi diferente, e a resposta não se encontrava entre as alternativas apresentadas.

### Questão 158

Três amigos, André, Bernardo e Carlos, moram em um condomínio fechado de uma cidade. O quadriculado representa a localização das ruas paralelas e perpendiculares, delimitando quadras de mesmo tamanho nesse condomínio, em que nos pontos  $A$ ,  $B$  e  $C$  estão localizadas as casas de André, Bernardo e Carlos, respectivamente.



André deseja deslocar-se da sua casa até a casa de Bernardo, sem passar pela casa de Carlos, seguindo ao longo das ruas do condomínio, fazendo sempre deslocamentos para a direita ( $\rightarrow$ ) ou para cima ( $\uparrow$ ), segundo o esquema da figura.

O número de diferentes caminhos que André poderá utilizar para realizar o deslocamento nas condições propostas é

- a) 4.
- b) 14.
- c) 17.
- d) 35.
- e) 48.

### Resolução:

Pelo desenho de ruas perpendiculares e paralelas, percebe-se que:

- A casa de Bernardo fica 4 ruas à direita e 3 ruas acima da casa de André.
- A casa de Carlos fica 2 ruas à direita e 2 ruas acima da casa de André.
- A casa de Bernardo fica 2 ruas à direita e 1 rua acima da casa de Carlos.

Sendo assim, já que os amigos só podem se locomover para a direita e para cima, e não podem retornar, tem-se:

Número de trajetos diferentes possíveis da casa de André para a casa de Bernardo:

$$\frac{7!}{3! \cdot 4!} = 35$$

Número de trajetos diferentes possíveis da casa de André para a casa de Carlos:

$$\frac{4!}{2! \cdot 2!} = 6$$

Número de trajetos diferentes possíveis da casa de Carlos para a casa de Bernardo:

$$\frac{3!}{2! \cdot 1!} = 3$$

Portanto, o número de trajetos possíveis da casa de André até a casa de Bernardo, sem passar pela casa de Carlos, é dado por:

$$35 - 6 \cdot 3 = 17$$

### Questão 159

Uma pessoa precisa comprar 15 sacos de cimento para uma reforma em sua casa. Faz pesquisa de preço em cinco depósitos que vendem o cimento de sua preferência e cobram frete para entrega do material, conforme a distância do depósito à sua casa. As informações sobre preço do cimento, valor do frete e distância do depósito até a casa dessa pessoa estão apresentadas no quadro.

Depósito	Valor do saco de cimento	Valor do frete para cada quilômetro	Distância entre a casa e o depósito
	(R\$)	(R\$)	(km)
A	23,00	1,00	10
B	21,50	3,00	12
C	22,00	1,50	14
D	21,00	3,50	18
E	24,00	2,50	2

A pessoa escolherá um desses depósitos para realizar sua compra, considerando os preços do cimento e do frete oferecidos em cada opção.

Se a pessoa decidir pela opção mais econômica, o depósito escolhido para a realização dessa compra será o

- a A.
- b B.
- c C.
- d D.
- e E.

### Resolução:

Pela tabela, pode-se calcular quanto custaria os 15 sacos de cimento em cada um dos depósitos, mais o valor do frete, por meio da expressão:

$$15 \cdot (\text{Valor do saco de cimento}) + (\text{Valor do frete por km}) \cdot (\text{Distância})$$

Depósito	Valor do saco de cimento	Valor do frete para cada quilômetro	Distância entre a casa e o depósito
	(R\$)	(R\$)	(km)
A	23,00	1,00	10
B	21,50	3,00	12
C	22,00	1,50	14
D	21,00	3,50	18
E	24,00	2,50	2

Sendo assim, tem-se, em reais:

$$\text{DEPÓSITO A: } 15 \cdot 23 + 1 \cdot 10 = 355,00$$

$$\text{DEPÓSITO B: } 15 \cdot 21,50 + 3 \cdot 12 = 358,50$$

$$\text{DEPÓSITO C: } 15 \cdot 22 + 1,50 \cdot 14 = 351,00$$



DEPÓSITO D:  $15 \cdot 21 + 3,50 \cdot 18 = 378,00$

DEPÓSITO E:  $15 \cdot 24 + 2,50 \cdot 2 = 365,00$

O menor valor obtido foi o do Depósito C.

### Questão 160

Um motociclista planeja realizar uma viagem cujo destino fica a 500 km de sua casa. Sua moto consome 5 litros de gasolina para cada 100 km rodados, e o tanque da moto tem capacidade para 22 litros. Pelo mapa, observou que no trajeto da viagem o último posto disponível para reabastecimento, chamado Estrela, fica a 80 km do seu destino. Ele pretende partir com o tanque da moto cheio e planeja fazer somente duas paradas para reabastecimento, uma na ida e outra na volta, ambas no posto Estrela. No reabastecimento para a viagem de ida, deve considerar também combustível suficiente para se deslocar por 200 km no seu destino.

A quantidade mínima de combustível, em litro, que esse motociclista deve reabastecer no posto Estrela na viagem de ida, que seja suficiente para fazer o segundo reabastecimento, é

- a 13.
- b 14.
- c 17.
- d 18.
- e 21.

#### Resolução:

Na ida de casa ao posto são 420 km.

O consumo, em litro, nesse trecho é:  $\frac{420}{100} \cdot 5 = 21$ .

Portanto, ao chegar ao posto, sobra 1 litro de gasolina no tanque.

Trecho do posto ao destino, somado com o deslocamento de 200 km e voltando ao posto:  $80 + 200 + 80 = 360$  (km).

O consumo previsto, em litro, nesse trecho é:  $\frac{360}{100} \cdot 5 = 18$ .

Como há ainda 1 litro no tanque, ele deve reabastecer na ida, no mínimo, 17 litros.

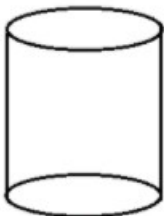
### Questão 161

Uma loja de materiais de construção vende dois tipos de caixas-d'água: tipo A e tipo B. Ambas têm formato cilíndrico e possuem o mesmo volume, e a altura da caixa-d'água do tipo B é igual a 25% da altura da caixa-d'água do tipo A.

Se  $R$  denota o raio da caixa-d'água do tipo A, então o raio da caixa-d'água do tipo B é

- a  $\frac{R}{2}$
- b  $2R$
- c  $4R$
- d  $5R$
- e  $16R$

#### Resolução:



caixa tipo A  
raio:  $R$   
altura:  $H$



caixa tipo B  
raio:  $r$   
altura:  $h$

Ambos possuem o mesmo volume:  $\pi R^2 H = \pi r^2 h \therefore R^2 H = r^2 h$  (\*)

De  $h = 25\% \cdot H$ , ou seja,  $h = \frac{1}{4} H$ , segue de (\*):

$$R^2 H = r^2 \frac{H}{4}$$

$$4R^2 = r^2$$

Logo,  $r = 2R$ .

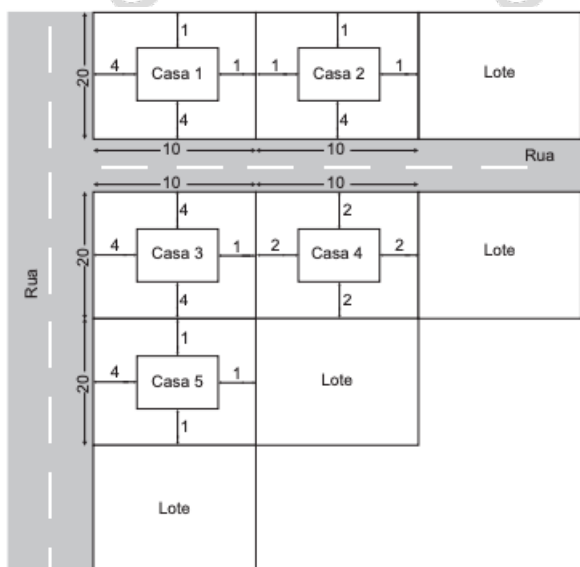
## Questão 162

A lei municipal para a edificação de casas em lotes de uma cidade determina que sejam obedecidos os seguintes critérios:

- afastamento mínimo de 4 m da rua;
- afastamento mínimo de 1 m da divisa com outro lote;
- área total construída da casa entre 40% e 50% da área total do lote.

Um construtor submeteu para aprovação na prefeitura dessa cidade uma planta com propostas para a construção de casas em seus 5 lotes. Cada lote tem área medindo  $200 \text{ m}^2$ .

A imagem apresenta um esquema, sem escala, no qual estão representados os lotes, as ruas e os afastamentos considerados nos projetos entre as casas e as divisas dos lotes. As medidas indicadas no esquema estão expressas em metro.



A prefeitura aprovará apenas a planta da casa

- a 1.
- b 2.
- c 3.
- d 4.
- e 5.

**Resolução:**

	Área da casa em $m^2$	Porcentagem de $200 \text{ m}^2$
casa 1	$(20 - 5)(10 - 5) = 75$	$\frac{75}{200} = 37,5\%$
casa 2	$(20 - 5)(10 - 2) = 120$	$\frac{120}{200} = 60\%$
casa 3	$(20 - 8)(10 - 5) = 60$	$\frac{60}{200} = 30\%$
casa 4	$(20 - 4)(10 - 4) = 96$	$\frac{96}{200} = 48\%$
<b>casa 5</b>	$(20 - 2)(10 - 5) = 90$	$\frac{90}{200} = 45\%$

A planta da casa 5 é a única que tem um afastamento mínimo de 4 m da rua e uma área total construída entre 40% e 50%.

### Questão 163

Nos livros *Harry Potter*, um anagrama do nome do personagem "TOM MARVOLO RIDDLE" gerou a frase "I AM LORD VOLDEMORT".

Suponha que Harry quisesse formar todos os anagramas da frase "I AM POTTER", de tal forma que as vogais e consoantes aparecessem sempre intercaladas, e sem considerar o espaçamento entre as letras.

Nessas condições, o número de anagramas formados é dado por

- a)  $9!$
- b)  $4! \cdot 5!$
- c)  $2 \times 4! \cdot 5!$
- d)  $\frac{9!}{2}$
- e)  $\frac{4! \cdot 5!}{2}$

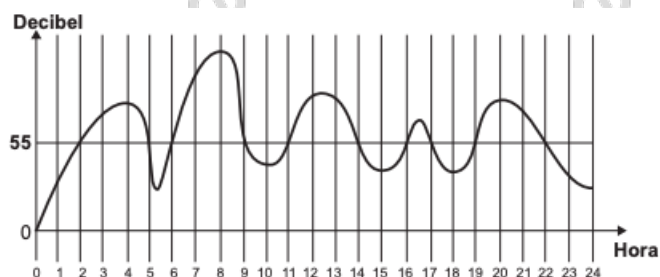
### Resolução:

Como as vogais e as consoantes devem aparecer intercaladas, e como há 4 vogais e 5 consoantes, os anagramas a serem considerados devem começar necessariamente com uma consoante (CVCVCVCVC). Além disso, a consoante T aparece 2 vezes.

Nessas condições, o número de anagramas é dado por  $P_4 \cdot P_5^2 = 4! \cdot \frac{5!}{2!} = \frac{4! \cdot 5!}{2}$ .

## Questão 164

A exposição a barulhos excessivos, como os que percebemos em geral em tráfegos intensos, casas noturnas e espetáculos musicais, podem provocar insônia, estresse, infarto, perda de audição, entre outras enfermidades. De acordo com a Organização Mundial da Saúde, todo e qualquer som que ultrapasse os 55 decibéis (unidade de intensidade do som) já pode ser considerado nocivo para a saúde. O gráfico foi elaborado a partir da medição do ruído produzido, durante um dia, em um canteiro de obras.



Disponível em: [www.revistaencontro.com.br](http://www.revistaencontro.com.br). Acesso em: 12 ago. 2020 (adaptado).

Nesse dia, durante quantas horas o ruído esteve acima de 55 decibéis?

- a) 5
- b) 8
- c) 10
- d) 11
- e) 13

### Resolução:

Do gráfico, tem-se a seguinte relação dos intervalos em que os ruídos produzidos superaram o limite de 55 decibéis:

Intervalo	Duração em horas
das 2 h até às 5 h	3
das 6 h até às 9 h	3
das 11 h até às 14 h	3
das 16 h até às 17 h	1
das 19 h até às 22 h	3

Total de horas com ruído acima de 55 decibéis:  $3 + 3 + 3 + 1 + 3 = 13$

### Questão 165

O técnico de um time de basquete pretende aumentar a estatura média de sua equipe de 1,93 m para, no mínimo, 1,99 m. Para tanto, dentre os 15 jogadores que fazem parte de sua equipe, irá substituir os quatro mais baixos, de estaturas: 1,78 m, 1,82 m, 1,84 m e 1,86 m. Para isso, o técnico contratou um novo jogador de 2,02 m. Os outros três jogadores que ele ainda precisa contratar devem satisfazer à sua necessidade de aumentar a média das estaturas da equipe. Ele fixará a média das estaturas para os três jogadores que ainda precisa contratar dentro do critério inicialmente estabelecido.

Qual deverá ser a média mínima das estaturas, em metro, que ele deverá fixar para o grupo de três novos jogadores que ainda irá contratar?

- a 1,96
- b 1,98
- c 2,05
- d 2,06
- e 2,08

#### Resolução:

$$1,78 + 1,82 + 1,84 + 1,86 = 7,30$$

A média atual, em m, é dada por  $\frac{S_{11} + 7,30}{15} = 1,93$ , em que  $S_{11}$  é a soma das estaturas, em m, dos 11 jogadores que serão mantidos.

$$S_{11} = 15 \cdot 1,93 = 7,30 \therefore S_{11} = 21,65$$

A média pretendida, em m, é dada por  $\frac{S_{11} + 2,02 + S}{15} = 1,99$  em que  $S$  é a soma das estaturas, em m, dos três novos jogadores que precisam ser contratados.

Segue que:

$$\frac{21,65 + 2,02 + S}{15} = 1,99$$

$$23,67 + S = 15 \cdot 1,99$$

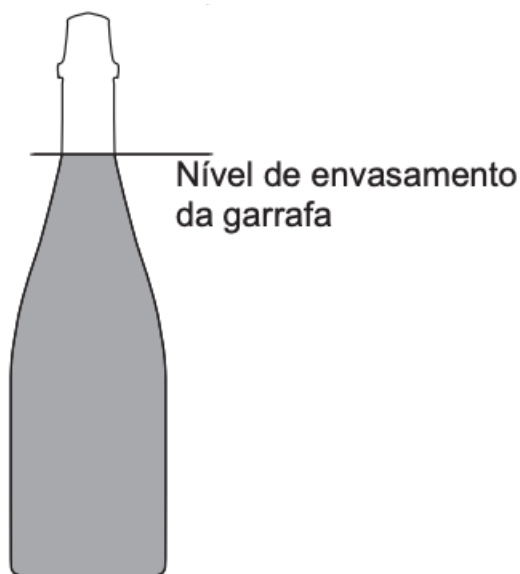
$$23,67 + S = 29,85 \therefore S = 6,18$$

A média, em m, das estaturas dos três novos jogadores é dada por  $\frac{6,18}{3} = 2,06$ .

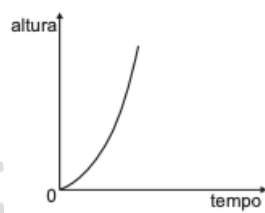
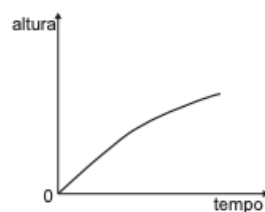
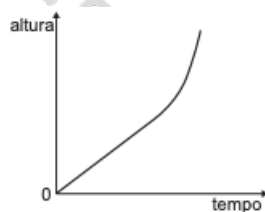
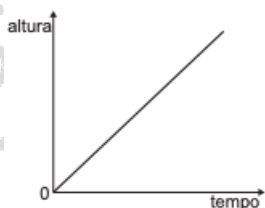


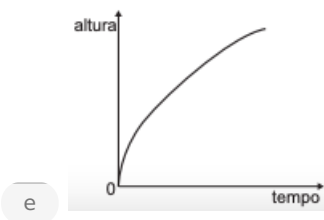
### Questão 166

O consumo de espumantes no Brasil tem aumentado nos últimos anos. Uma das etapas do seu processo de produção consiste no envasamento da bebida em garrafas semelhantes às da imagem. Nesse processo, a vazão do líquido no interior da garrafa é constante e cessa quando atinge o nível de envasamento.



Qual esboço de gráfico melhor representa a variação da altura do líquido em função do tempo, na garrafa indicada na imagem?





### Resolução:

Considere os pontos A, B e C, marcando a altura do líquido em três instantes distintos do envasamento:



Dado que a vazão é constante, e as seções transversais da garrafa são congruentes para quaisquer pontos entre A e B, então nesse intervalo a taxa de variação da altura do líquido, em função do tempo, é constante, o que caracteriza uma função afim, cujo gráfico é formado por pontos de uma reta; Como a área da seção transversal da garrafa diminui à medida que a altura do líquido atinge do ponto B ao ponto C, então nesse intervalo a taxa de variação da altura do líquido, em função do tempo, é crescente, o que caracteriza uma função cujo gráfico possui concavidade voltada para cima.

Das alternativas propostas, a única cujo gráfico possui os comportamentos descritos anteriormente é a alternativa B.

### Questão 167

O quadro representa os gastos mensais, em real, de uma família com internet, mensalidade escolar e mesada do filho.

Internet	Mensalidade escolar	Mesada do filho
120	700	400

No início do ano, a internet e a mensalidade escolar tiveram acréscimos, respectivamente, de 20% e 10%. Necessitando manter o valor da despesa mensal total com os itens citados, a família reduzirá a mesada do filho.

Qual será a porcentagem da redução da mesada?

- a 15,0
- b 23,5
- c 30,0
- d 70,0
- e 76,5

#### Resolução:

De acordo com o enunciado, tem-se:

- Aumento com Internet: 20% de 120 reais =  $0,20 \cdot 120 = 24$  reais.

- Aumento com Mensalidade escolar: 10% de 700 reais =  $0,10 \cdot 700 = 70$  reais.

Logo, o aumento do gasto mensal da família será de:  $24 + 70 = 94$  reais.

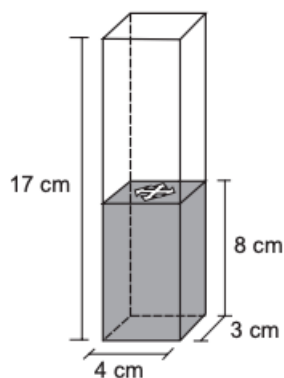
Para que o valor total da despesa mensal da família seja mantido, o acréscimo de 94 reais deve ser descontado da mesada do filho.

Portanto, a porcentagem de redução da mesada do filho será de  $\frac{94}{400} = 0,235$ , ou seja, 23,5%

### Questão 168

Num recipiente com a forma de paralelepípedo reto-retângulo, colocou-se água até a altura de 8 cm e um objeto, que ficou flutuando na superfície da água.

Para retirar o objeto de dentro do recipiente, a altura da coluna de água deve ser de, pelo menos, 15 cm. Para a coluna de água chegar até essa altura, é necessário colocar dentro do recipiente bolinhas de volume igual a  $6 \text{ cm}^3$  cada, que ficarão totalmente submersas.

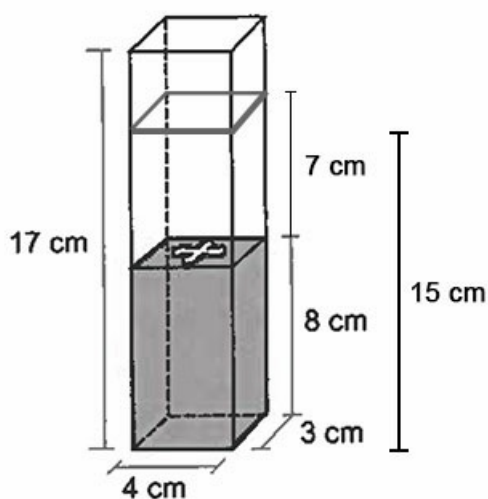


O número mínimo de bolinhas necessárias para que se possa retirar o objeto que flutua na água, seguindo as instruções dadas, é de

- a 14.
- b 16.
- c 18.
- d 30.
- e 34.

### Resolução:

Para que o objeto possa ser retirado, a coluna de água deve ser de, no mínimo, 15 cm, ou seja, a altura da coluna de água deve aumentar em  $15 \text{ cm} - 8 \text{ cm} = 7 \text{ cm}$ .



Seja  $n$  o número de bolinhas que fará com que o nível da água suba 7 cm. Esse volume precisa ser igual ao volume do paralelepípedo de base com dimensões 4 cm x 3 cm e altura 7 cm. Nessas condições, tem-se:

Volume de  $n$  bolinhas = Volume do paralelepípedo (4cm x 3cm x 7cm)

$$\therefore n \cdot 6 = 4 \cdot 3 \cdot 7$$

$$\therefore n = 14$$

Resposta: 14 bolinhas.

### Questão 169

Um grupo sanguíneo, ou tipo sanguíneo, baseia-se na presença ou ausência de dois antígenos, A e B, na superfície das células vermelhas do sangue. Como dois antígenos estão envolvidos, os quatro tipos sanguíneos distintos são:

- Tipo A: apenas o antígeno A está presente;
- Tipo B: apenas o antígeno B está presente;
- Tipo AB: ambos os antígenos estão presentes;
- Tipo O: nenhum dos antígenos está presente.

Disponível em: <http://saude.hsw.uol.com.br>. Acesso em: 15 abr. 2012 (adaptado).

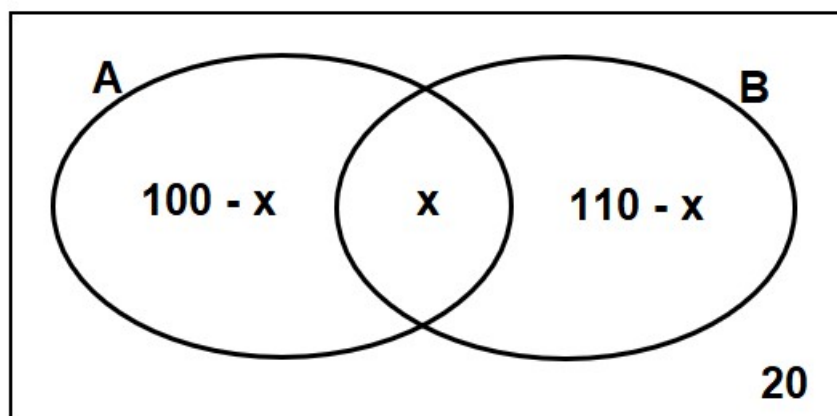
Foram coletadas amostras de sangue de 200 pessoas e, após análise laboratorial, foi identificado que em 100 amostras está presente o antígeno A, em 110 amostras há presença do antígeno B e em 20 amostras nenhum dos antígenos está presente.

Dessas pessoas que foram submetidas à coleta de sangue, o número das que possuem o tipo sanguíneo A é igual a

- a 30.
- b 60.
- c 70.
- d 90.
- e 100.

### Resolução:

Denotando por A o conjunto das amostras de sangue que possuem o antígeno A, B o conjunto das amostras de sangue que possuem o antígeno B e  $x$  a quantidade de amostras que possuem os dois antígenos, do enunciado, podemos construir o seguinte diagrama:



Como o total de amostras é 200, devemos ter:

$$(110 - x) + x + (100 - x) + 20 = 200 \Rightarrow x = 30$$

Logo, o número de amostras que possuem somente o antígeno A é dado por

$$100 - x = 100 - 30 = 70.$$

### Questão 170

Antônio, Joaquim e José são sócios de uma empresa cujo capital é dividido, entre os três, em partes proporcionais a: 4, 6 e 6, respectivamente. Com a intenção de igualar a participação dos três sócios no capital da empresa, Antônio pretende adquirir uma fração do capital de cada um dos outros dois sócios.

A fração do capital de cada sócio que Antônio deverá adquirir é

- a  $\frac{1}{2}$
- b  $\frac{1}{3}$
- c  $\frac{1}{9}$
- d  $\frac{2}{3}$
- e  $\frac{4}{3}$

### Resolução:

Representando os capitais iniciais de Antônio, Joaquim e José por  $4k$ ,  $6k$  e  $6k$ , respectivamente, e  $x$  a quantidade de capital de Joaquim (e de José) a ser adquirida por Antônio, temos que, após a aquisição, Antônio terá  $4k + x + x = 4k + 2x$  de capital, enquanto Joaquim e José terão, cada um,  $6k - x$  de capital.

Para que as participações dos três sócios sejam iguais, devemos ter:

$$\begin{aligned}4k + 2x &= 6k - x \\3x &= 2k \\x &= \frac{2k}{3}\end{aligned}$$

Assim, a fração do capital de Joaquim (e de José), que Antônio deverá adquirir,

$$\text{é de } \frac{\frac{2k}{3}}{6k} = \frac{2}{18} = \frac{1}{9}.$$

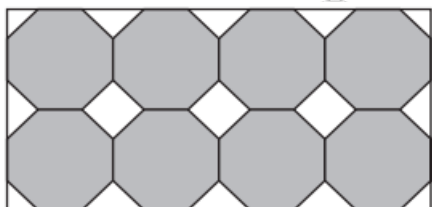


### Questão 171

Azulejo designa peça de cerâmica vitrificada e/ou esmaltada usada, sobretudo, no revestimento de paredes. A origem das técnicas de fabricação de azulejos é oriental, mas sua expansão pela Europa traz consigo uma diversificação de estilos, padrões e usos, que podem ser decorativos, utilitários e arquitetônicos.

Disponível em: [www.itaucultural.org.br](http://www.itaucultural.org.br). Acesso em: 31 jul. 2012.

Azulejos no formato de octógonos regulares serão utilizados para cobrir um painel retangular conforme ilustrado na figura.



Entre os octógonos e na borda lateral dessa área, será necessária a colocação de 15 azulejos de outros formatos para preencher os 15 espaços em branco do painel. Uma loja oferece azulejos nos seguintes formatos:

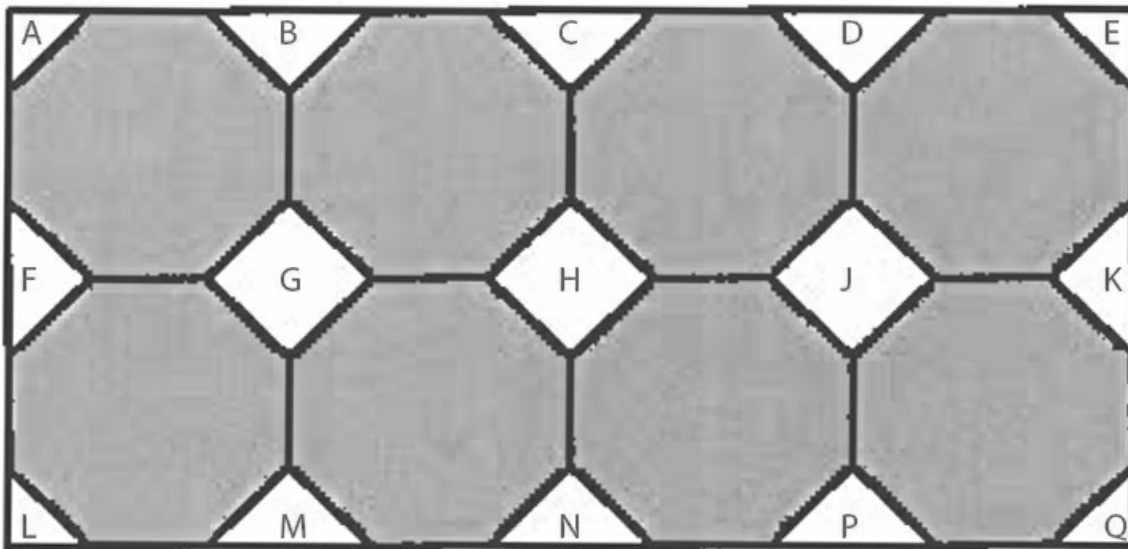
- 1 - Triângulo retângulo isósceles;
- 2 - Triângulo equilátero;
- 3 - Quadrado.

Os azulejos necessários para o devido preenchimento das áreas em branco desse painel são os de formato

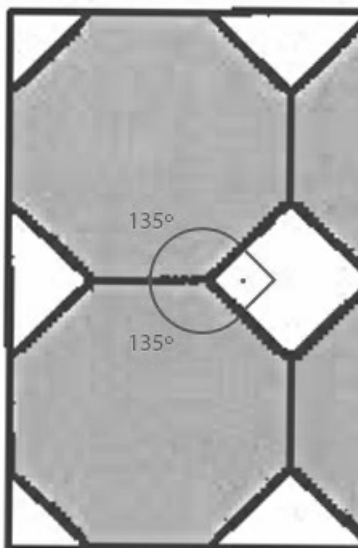
- a 1.
- b 3.
- c 1 e 2.
- d 1 e 3.
- e 2 e 3.

### Resolução:

Representando cada um dos 15 espaços em branco por letras maiúsculas, temos:



Como a medida de um ângulo interno de um octógono regular vale  $\frac{(8 - 2) \cdot 180^\circ}{8} = 135^\circ$ , então cada vértice interno ao painel, em que estão justapostos dois octógonos e um quadrilátero (ou dois octógonos e um triângulo), satisfaz a condição observada na figura:



Além disso, dado que o octógono é regular, seus lados possuem medidas iguais. Assim, temos que:

- Os polígonos G, H e J são quadrados;
- Os triângulos B, C, D, F, K, M, N e P são retângulos e isósceles (todos congruentes entre si);
- Os triângulos A, E, L e Q também são retângulos e isósceles (todos congruentes entre si).

Portanto, os 15 azulejos necessários devem ser de formato quadrado ou triângulo retângulo isósceles, ou seja, formatos 1 e 3.

### Questão 172

No período de fim de ano, o síndico de um condomínio resolveu colocar, em um poste, uma iluminação natalina em formato de cone, lembrando uma árvore de Natal, conforme as figuras 1 e 2.



Figura 1

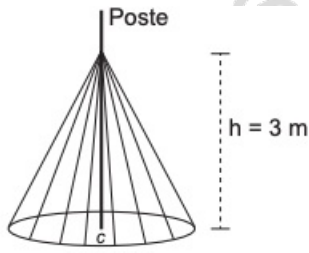


Figura 2

A árvore deverá ser feita colocando-se mangueiras de iluminação, consideradas segmentos de reta de mesmo comprimento, a partir de um ponto situado a 3 m de altura no poste até um ponto de uma circunferência de fixação, no chão, de tal forma que esta fique dividida em 20 arcos iguais. O poste está fixado no ponto  $C$  (centro da circunferência) perpendicularmente ao plano do chão.

Para economizar, ele utilizará mangueiras de iluminação aproveitadas de anos anteriores, que juntas totalizaram pouco mais de 100 m de comprimento, dos quais ele decide usar exatamente 100 m e deixar o restante como reserva.

Para que ele atinja seu objetivo, o raio, em metro, da circunferência deverá ser de

- a 4,00.
- b 4,87.
- c 5,00.
- d 5,83.
- e 6,26.

### Resolução:

Seja  $x$  o comprimento de cada mangueira de iluminação. Para dividir a circunferência de fixação em 20 arcos iguais, são necessárias 20 mangueiras. Como o comprimento total das mangueiras é de 100 metros, temos:

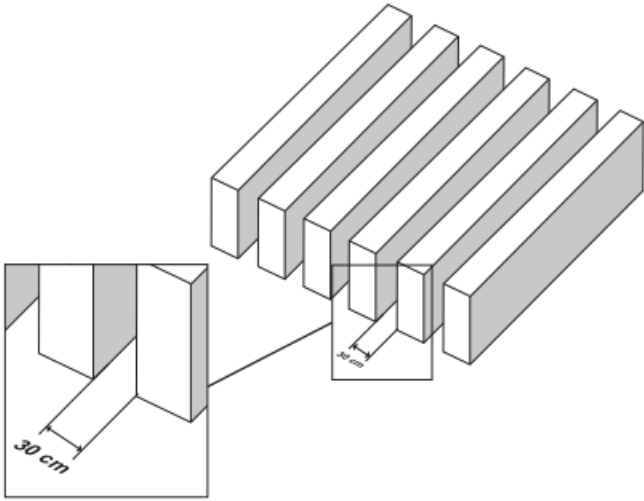
$$20 \cdot x = 100 \Leftrightarrow x = 5 \text{ m}$$

Assim, a Figura 2 representa um cone reto de altura 3 m, geratriz 5 m e cujo raio da base  $R$  é dado por:

$$R^2 + 3^2 = 5^2 \Leftrightarrow R = 4 \text{ m}$$

### Questão 173

Pergolado é o nome que se dá a um tipo de cobertura projetada por arquitetos, comumente em praças e jardins, para criar um ambiente para pessoas ou plantas, no qual há uma quebra da quantidade de luz, dependendo da posição do sol. É feito como um estrado de vigas iguais, postas paralelas e perfeitamente em fila, como ilustra a figura.



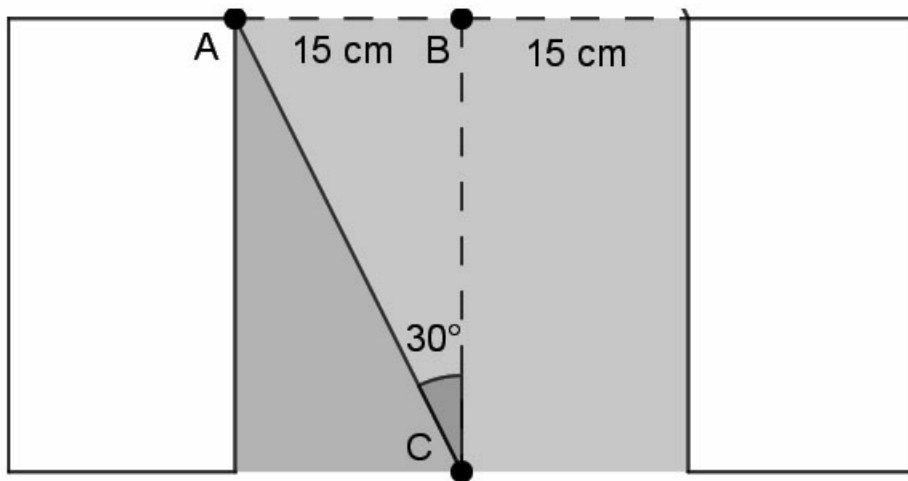
Um arquiteto projeta um pergolado com vãos de 30 cm de distância entre suas vigas, de modo que, no solstício de verão, a trajetória do sol durante o dia seja realizada num plano perpendicular à direção das vigas, e que o sol da tarde, no momento em que seus raios fizerem  $30^\circ$  com a posição a pino, gere a metade da luz que passa no pergolado ao meio-dia.

Para atender à proposta do projeto elaborado pelo arquiteto, as vigas do pergolado devem ser construídas de maneira que a altura, em centímetro, seja a mais próxima possível de

- a 9.
- b 15.
- c 26.
- d 52.
- e 60.

#### Resolução:

Considere a seção transversal do vão entre duas vigas consecutivas do pergolado, observado no momento em que o sol da tarde emite raios que fazem  $30^\circ$  com a posição vertical.



Na figura, a região cinza clara representa a região iluminada. Para que o sol gere a metade da luz que passa no pergolado ao meio-dia, a projeção ortogonal do segmento  $\overline{AC}$ , que representa um raio solar, deve cobrir metade do vão entre as vigas. Assim, no triângulo retângulo ABC:

$$\operatorname{tg} 30^\circ = \frac{AB}{BC} \Leftrightarrow \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{15}{BC} \Leftrightarrow BC = 15\sqrt{3} \text{ cm}$$

Adotando  $\sqrt{3} \approx 1,73$ , conclui-se que a altura das vigas deve ser de aproximadamente  $15 \cdot 1,73 = 25,95$  cm.

Portanto, a altura deve estar o mais próximo possível de 26 cm.

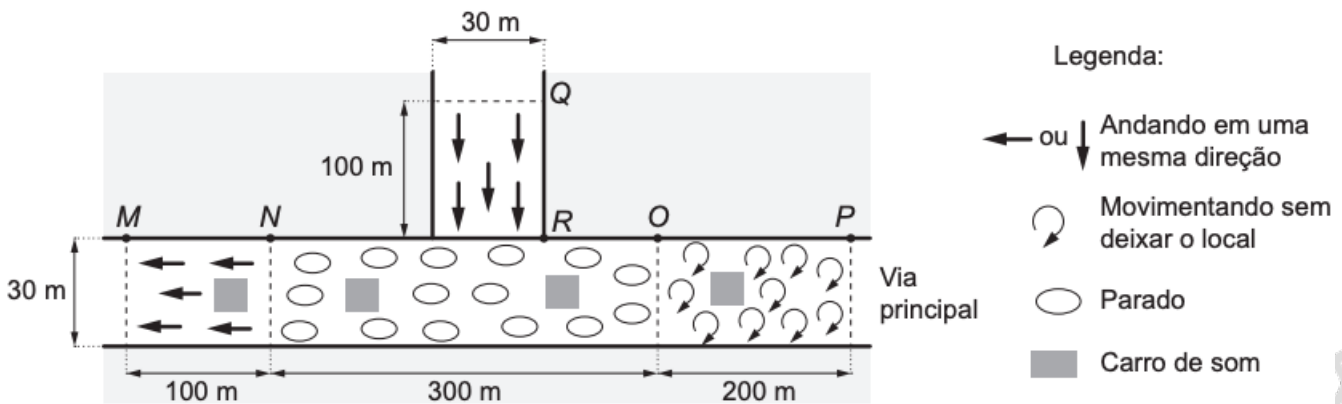
### Questão 174

O fenômeno das manifestações populares de massa traz à discussão como estimar o número de pessoas presentes nesse tipo de evento. Uma metodologia usada é: no momento do ápice do evento, é feita uma foto aérea da via pública principal na área ocupada, bem como das vias afluentes que apresentem aglomerações de pessoas que acessam a via principal. A foto é sobreposta por um mapa virtual das vias, ambos na mesma escala, fazendo-se um esboço geométrico da situação. Em seguida, subdivide-se o espaço total em trechos, quantificando a densidade, da seguinte forma:

- 4 pessoas por metro quadrado, se elas estiverem andando em uma mesma direção;
- 5 pessoas por metro quadrado, se elas estiverem se movimentando sem deixar o local;
- 6 pessoas por metro quadrado, se elas estiverem paradas.

É feito, então, o cálculo do total de pessoas, considerando os diversos trechos, e desconta-se daí 1 000 pessoas para cada carro de som fotografado.

Com essa metodologia, procederam-se aos cálculos para estimar o número de participantes na manifestação cujo esboço geométrico é dado na figura. Há três trechos na via principal: *MN*, *NO* e *OP*, e um trecho numa via afluente da principal: *QR*.



Obs.: a figura não está em escala (considere as medidas dadas).

Segundo a metodologia descrita, o número estimado de pessoas presentes a essa manifestação foi igual a

- a) 110 000.
- ✓ b) 104 000.
- c) 93 000.
- d) 92 000.
- e) 87 000.

### Resolução:

Na via principal:

o trecho MN corresponde a um retângulo de área  $30 \cdot 100 = 3000 \text{ m}^2$ . Como, nesse trecho, as pessoas estão andando em uma mesma direção, deve ser considerada a densidade de 4 pessoas por metro quadrado, o que totalizaria  $3000 \cdot 4 = 12\ 000$  pessoas.

o trecho NO corresponde a um retângulo de área  $300 \cdot 30 = 9000 \text{ m}^2$ . Como, nesse trecho, as pessoas estão paradas, deve ser considerada a densidade de 6 pessoas por metro quadrado, o que totalizaria  $9000 \cdot 6 = 54\ 000$  pessoas.

o trecho OP corresponde a um retângulo de área  $200 \cdot 30 = 6000 \text{ m}^2$ . Como, nesse trecho, as pessoas estão se movimentando sem deixar o local, deve ser considerada a densidade de 5 pessoas por metro quadrado, o que totalizaria  $6000 \cdot 5 = 30\ 000$  pessoas.

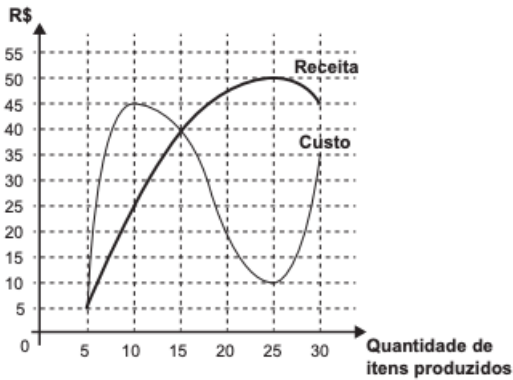
Na via afluyente:

o trecho QR corresponde a um retângulo de área  $30 \cdot 100 = 3000 \text{ m}^2$ . Como, nesse trecho, as pessoas estão andando em uma mesma direção, deve ser considerada a densidade de 4 pessoas por metro quadrado, o que totalizaria  $3000 \cdot 4 = 12\ 000$  pessoas.

Portanto, considerando ainda que foram fotografados 4 carros de som, o número estimado de pessoas presentes na manifestação é de  $12\ 000 + 54\ 000 + 30\ 000 + 12\ 000 - 4\ 000 = 104\ 000$  pessoas.

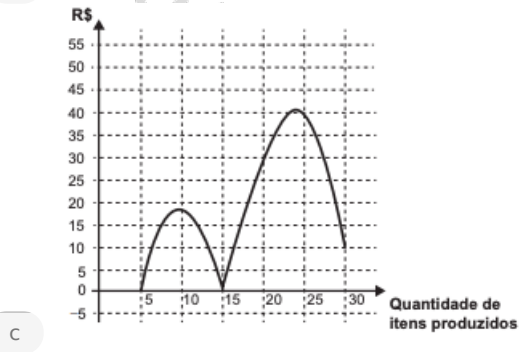
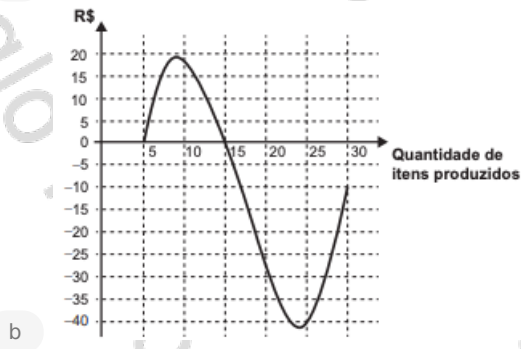
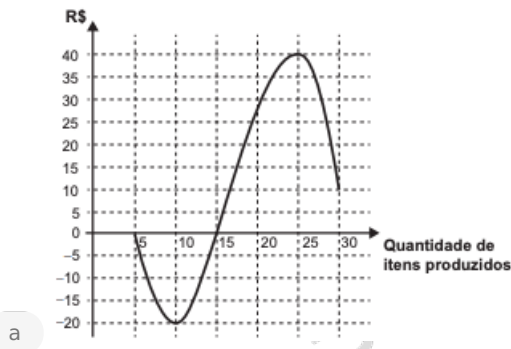
### Questão 175

Um administrador resolve estudar o lucro de sua empresa e, para isso, traça o gráfico da receita e do custo de produção de seus itens, em real, em função da quantidade de itens produzidos.

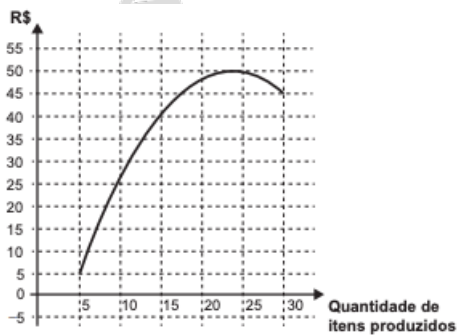
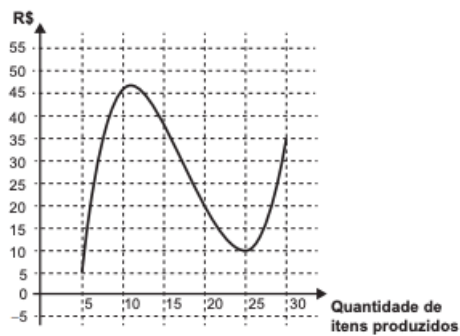


O lucro é determinado pela diferença: Receita - Custo.

O gráfico que representa o lucro dessa empresa, em função da quantidade de itens produzidos, é





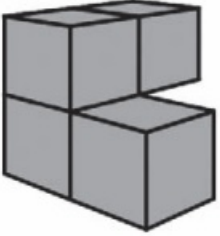


### Resolução:

Pelo gráfico, nota-se que o lucro é nulo quando o número  $Q$  de itens produzidos é 5 ou 15, já que, para essas quantidades, a receita iguala o custo de produção. Além disso, para  $5 < Q < 15$ , o lucro deve ser negativo, pois nesse intervalo o custo supera a receita; e para  $15 < Q < 30$  o lucro deve ser positivo, pois a receita supera o custo. O único gráfico condizente com essas características é o da alternativa A.

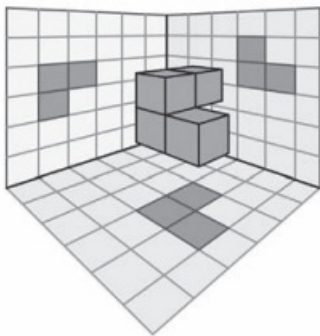
### Questão 176

Em um jogo desenvolvido para uso no computador, objetos tridimensionais vão descendo do alto da tela até alcançarem o plano da base. O usuário pode mover ou girar cada objeto durante sua descida para posicioná-lo convenientemente no plano horizontal. Um desses objetos é formado pela justaposição de quatro cubos idênticos, formando assim um sólido rígido, como ilustrado na figura.

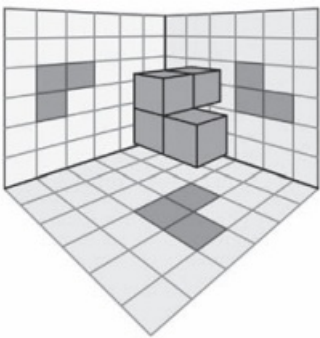


Para facilitar a movimentação do objeto pelo usuário, o programa projeta ortogonalmente esse sólido em três planos quadriculados perpendiculares entre si, durante sua descida.

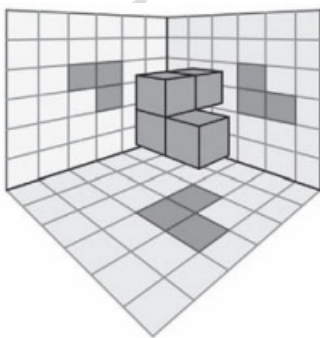
A figura que apresenta uma possível posição desse sólido, com suas respectivas projeções ortogonais sobre os três planos citados, durante sua descida é



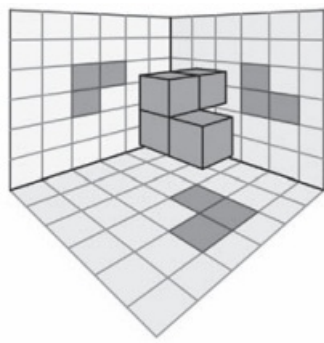
a



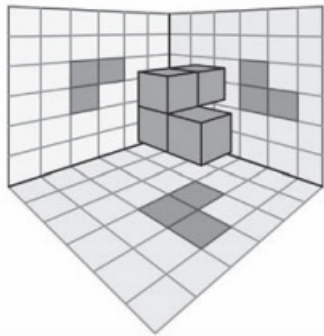
b



c



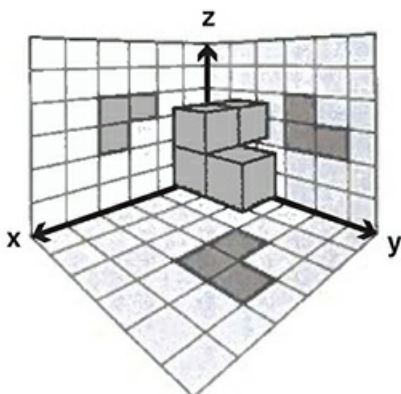
d



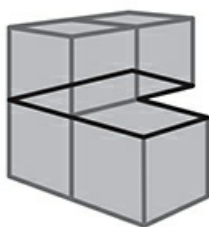
e

### Resolução:

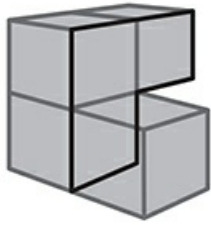
Considere a orientação de eixos indicada na figura a seguir.



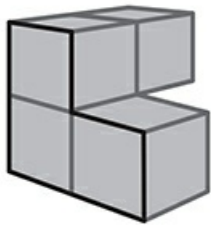
A projeção ortogonal do objeto no plano XY é dada pela seção transversal do objeto indicada na figura a seguir.



A projeção ortogonal do objeto no plano XZ é dada pela seção transversal do objeto indicada na figura a seguir.



A projeção ortogonal do objeto no plano YZ é dada pela seção transversal do objeto indicada na figura a seguir.

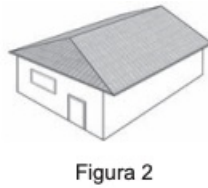
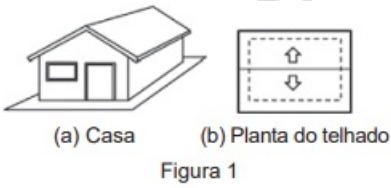


Portanto, a alternativa E representa corretamente o sólido e suas projeções ortogonais.

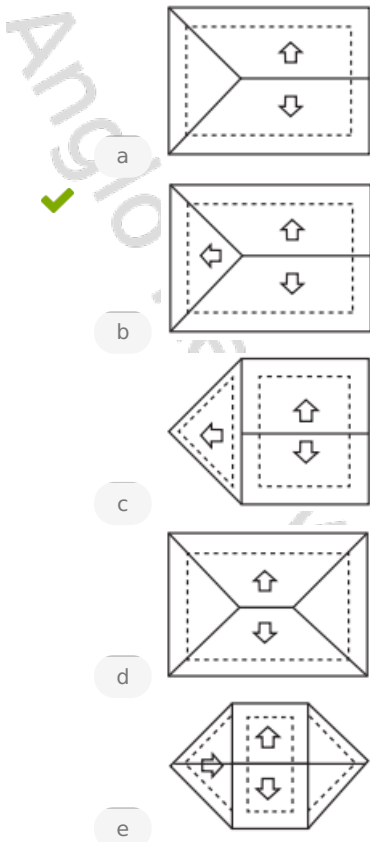
**Observação:** Apesar de a alternativa A apresentar os contornos corretos das projeções ortogonais do objeto, há uma inconsistência nessa representação: a projeção ortogonal sobre o plano XY fica a três unidades de distância do plano YZ, enquanto a projeção sobre o plano XY fica a duas unidades de distância do mesmo plano. Assim, a alternativa A está incorreta.

### Questão 177

A Figura 1 apresenta uma casa e a planta do seu telhado, em que as setas indicam o sentido do escoamento da água de chuva. Um pedreiro precisa fazer a planta do escoamento da água de chuva de um telhado que tem três caídas de água, como apresentado na Figura 2.



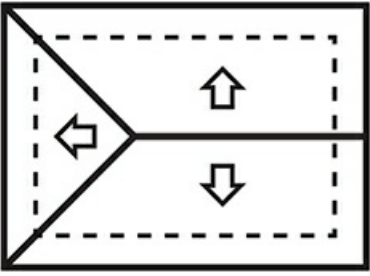
A figura que representa a planta do telhado da Figura 2 com o escoamento da água de chuva que o pedreiro precisa fazer é



### Resolução:

Como o telhado é dividido em 3 partes, haverá uma nova face triangular em relação ao telhado de 2 partes, e nesse a água escoará do vértice para a borda.

Dentre as opções apresentadas, a única com essas características é a figura da alternativa B.



Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Reso

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Resolv

Anglo Reso

Anglo

Anglo

Anglo

Anglo

### Questão 178

Suponha que uma equipe de corrida de automóveis disponha de cinco tipos de pneu (I, II, III, IV, V), em que o fator de eficiência climática EC (índice que fornece o comportamento do pneu em uso, dependendo do clima) é apresentado:

- EC do pneu I: com chuva 6, sem chuva 3;
- EC do pneu II: com chuva 7, sem chuva -4;
- EC do pneu III: com chuva -2, sem chuva 10;
- EC do pneu IV: com chuva 2, sem chuva 8;
- EC do pneu V: com chuva -6, sem chuva 7.

O coeficiente de rendimento climático (CRC) de um pneu é calculado como a soma dos produtos dos fatores de EC, com ou sem chuva, pelas correspondentes probabilidades de se ter tais condições climáticas: ele é utilizado para determinar qual pneu deve ser selecionado para uma dada corrida, escolhendo-se o pneu que apresentar o maior CRC naquele dia. No dia de certa corrida, a probabilidade de chover era de 70% e o chefe da equipe calculou o CRC de cada um dos cinco tipos de pneu.

O pneu escolhido foi

- a I.
- b II.
- c III.
- d IV.
- e V.

### Resolução:

Como a probabilidade de chover no dia da corrida era 70%, a de não chover era 30%. Dessa forma, os cálculos do CRC em cada caso ficam:

	Com chuva (70%)	Sem chuva (30%)	CRC
Pneu I	$6 \times 0,7 = 4,2$	$3 \times 0,3 = 0,9$	5,1
Pneu II	$7 \times 0,7 = 4,9$	$-4 \times 0,3 = -1,2$	3,7
Pneu III	$-2 \times 0,7 = -1,4$	$10 \times 0,3 = 3$	1,6
Pneu IV	$2 \times 0,7 = 1,4$	$8 \times 0,3 = 2,4$	3,8
Pneu V	$-6 \times 0,7 = -4,2$	$7 \times 0,3 = 2,1$	-2,1

Logo, o maior coeficiente de rendimento climático para esse dia é o do pneu I.

### Questão 179

Um pé de eucalipto em idade adequada para o corte rende, em média, 20 mil folhas de papel A4. A densidade superficial do papel A4, medida pela razão da massa de uma folha desse papel por sua área, é de 75 gramas por metro quadrado, e a área de uma folha de A4 é 0,062 metro quadrado.

Disponível em: <http://revistagalileu.globo.com>. Acesso em: 28 fev. 2013 (adaptado).

Nessas condições, quantos quilogramas de papel rende, em média, um pé de eucalipto?

- a 4 301
- b 1 500
- c 930
- d 267
- e 93

#### Resolução:

Como a área de uma folha de A4 é de  $0,062 \text{ m}^2$ , a área de 20 mil folhas é de  $20\,000 \cdot 0,062 \text{ m}^2 = 1\,240 \text{ m}^2$ . Considerando que a densidade superficial do papel A4 é de  $75 \text{ g/m}^2$ , a massa de 20 000 folhas é dada por  $1\,240 \text{ m}^2 \cdot 75 \frac{\text{g}}{\text{m}^2} = 93\,000 \text{ g} = 93 \text{ kg}$ .



### Questão 180

Com o objetivo de contratar uma empresa responsável pelo serviço de atendimento ao público, os executivos de uma agência bancária realizaram uma pesquisa de satisfação envolvendo cinco empresas especializadas nesse segmento. Os procedimentos analisados (com pesos que medem sua importância para a agência) e as respectivas notas que cada empresa recebeu estão organizados no quadro.

Procedimento	Peso	Notas da empresa				
		X	Y	Z	W	T
Rapidez no atendimento	3	5	1	4	3	4
Clareza nas informações passadas aos clientes	5	1	4	3	3	2
Cortesia no atendimento	2	2	2	2	3	4

A agência bancária contratará a empresa com a maior média ponderada das notas obtidas nos procedimentos analisados.

Após a análise dos resultados da pesquisa de satisfação, os executivos da agência bancária contrataram a empresa

- a X.
- b Y.
- c Z.
- d W.
- e T.

### Resolução:

Sejam  $M_X$ ,  $M_Y$ ,  $M_Z$ ,  $M_W$  e  $M_T$ , respectivamente, as médias ponderadas das empresas X, Y, Z, W e T. Considerando que a soma dos pesos é  $3 + 5 + 2 = 10$ , tem-se:

$$M_X = \frac{3 \cdot 5 + 5 \cdot 1 + 2 \cdot 2}{10} = 2,4$$

$$M_Y = \frac{3 \cdot 1 + 5 \cdot 4 + 2 \cdot 2}{10} = 2,7$$

$$M_Z = \frac{3 \cdot 4 + 5 \cdot 3 + 2 \cdot 2}{10} = 3,1$$

$$M_W = \frac{3 \cdot 3 + 5 \cdot 3 + 2 \cdot 3}{10} = 3,0$$

$$M_T = \frac{3 \cdot 4 + 5 \cdot 2 + 2 \cdot 4}{10} = 3,0$$

Portanto, a empresa contratada, que apresentou a maior média ponderada, foi a empresa Z.

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Reso,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Resolv,

Anglo Reso,

Anglo F

Anglo F

Anglo F

Anglo F

