ENEM 2019 - 2º dia - Rosa

Questão 091

As cutias, pequenos roedores das zonas tropicais, transportam pela boca as sementes que caem das árvores, mas, em vez de comê-las, enterram-nas em outro lugar. Esse procedimento lhes permite salvar a maioria de suas sementes enterradas para as épocas mais secas, quando não há frutos maduros disponíveis. Cientistas descobriram que as cutias roubam as sementes enterradas por outras, e esse comportamento da "ladroagem" faz com que uma mesma semente possa ser enterrada dezenas de vezes.

Disponível em: http://chc.cienciahoje.uol.com.br. Acesso em: 30 jul. 2012.

Essa "ladroagem" está associada à relação de

a) sinfilia.
b) predatismo
c) parasitismo.
✔ d) competição.
e) comensalismo.

Resolução:

O fenômeno descrito no texto evidencia uma forma de competição pelos mesmos recursos ambientais (sementes), entre indivíduos de uma determinada espécie, caracterizando uma competição (intraespecífica).

Questão 092

Os olhos humanos normalmente tem três tipos de cones responsáveis pela percepção das cores: um tipo para tons vermelhos, um para tons azuis e outro para tons verdes. As diversas cores que enxergamos são o resultado da recepção das cores básica, como indica a figura.

A protanopia é um tipo de daltonismo em que há diminuição ou ausência de receptores da cor vermelha. Considere um teste com dois voluntários: uma com visão normal e outra com caso severo de protanopia. Neste teste, eles devem escrever a cor dos cartões que lhes são mostrados. São utilizadas as cores indicadas na figura.

Para qual cartão os dois voluntários indentificarão a mesma cor?

a) Vermelho.
b) Magenta.
c) Amarelo.
d) Branco.
✔ e) Azul.

Resolução:

Como mostrado na figura, as cores vermelho, amarelo, branco e magenta depende do vermelho para a sua formação. Dessa forma, a ausência dos cones para o vermelho torna difícil a sua detecção. Por outro lado, azul, verde e ciano não são afetados.

Questão 093

A cada safra, a quantidade de café beneficiado é igual á quantidade de resíduos gerados pelo seu beneficiamento. O resíduo pode ser utilizado como fertilizante, pois contêm cerca de 6,5% da pectina (um polissacarídeo), aproximadamente 25% de açúcares fermentáveis (frutose, sacarose, e galactose), bem como resíduos de alcaloides (compostos aminados) que não foram extraídos no processo.

LIMA, L. S. et al. Utilização de resíduo oriundo da torrefação do café da agricultura em substituição à adubação convencional. **ACSA – Agropecuária Cientifica no Semi-Árido**, v. 10, n. 1, jan.-mar., 2014 (adaptado).

Esse resíduo contribui para a fertilidade do solo, pois

- ✔ a) possibilita a reciclagem de carbono e nitrogênio.
- b) promove o deslocamento do alumínio, que é tóxico.
- c) melhora a compactação do solo por causa da presença de pectina.
- d) eleva o pH do solo em função da degradação dos componentes do resíduo.
- e) apresenta efeitos inibidores de crescimento para a maioria das espécies vegetais pela cafeína.

Resolução:

Os resíduos em questão contêm compostos aminados e carboidratos que, após a ação dos decompositores, possibilitam a reciclagem do carbono e do nitrogênio.

Questão 094

Um alimento orgânico deve apresentar em sua embalagem o selo de uma instituição certificadora, garantindo ao consumidor que, além de ser um alimento isento de agrotóxicos, também é produzido com técnicas planejadas e controladas. A técnica de produção desses alimentos causa menor impacto aos recursos naturais, contribuindo para melhorar a qualidade de vida das pessoas.

Nesse sistema de produção de alimentos vegetais, o controle de insetos é manejado por meio do(a)

a) prática de adubação verde.
b) emprego da compostagem.
c) controle da irrigação do solo.
✔ d) utilização de predadores naturais.
e) uso de sementes inoculadas com *Rhizobium*.

Resolução:

Para controlar o tamanho da população de insetos considerados praga, sem o uso de agrotóxicos, a melhor estratégia é o emprego de inimigos naturais, como predadores e parasitas.

Questão 095

Dois amigos se encontram em um posto de gasolina para calibrar os pneus de suas bicicletas. Uma das bicicletas é de corrida (bicicleta A) e a outra, de passeio (bicicleta B). Os pneus de ambas as bicicletas têm as mesmas características, exceto que a largura dos pneus de A é menor que a largura dos pneus de B. Ao calibrarem os pneus das bicicletas A e B, respectivamente com pressões de calibração p_A e p_B, os amigos observam que o pneu da bicicleta A deforma, sob mesmos esforços, muito menos que o pneu da bicicleta B. Pode-se considerar que as massas de ar comprimido no pneu da bicicleta A, m_A, e no pneu da bicicleta B, m_B, são diretamente proporcionais aos seus volumes.

Comparando as pressões e massas de ar comprimido nos pneus das bicicletas, temos:

a) $P_A < P_B$ e $m_A < m_B$
✔ b) $P_A > P_B$ e $m_A < m_B$
c) $P_A > P_B$ e $m_A = m_B$
d) $P_A < P_B$ e $m_A = m_B$
e) $P_A > P_B$ e $m_A > m_B$

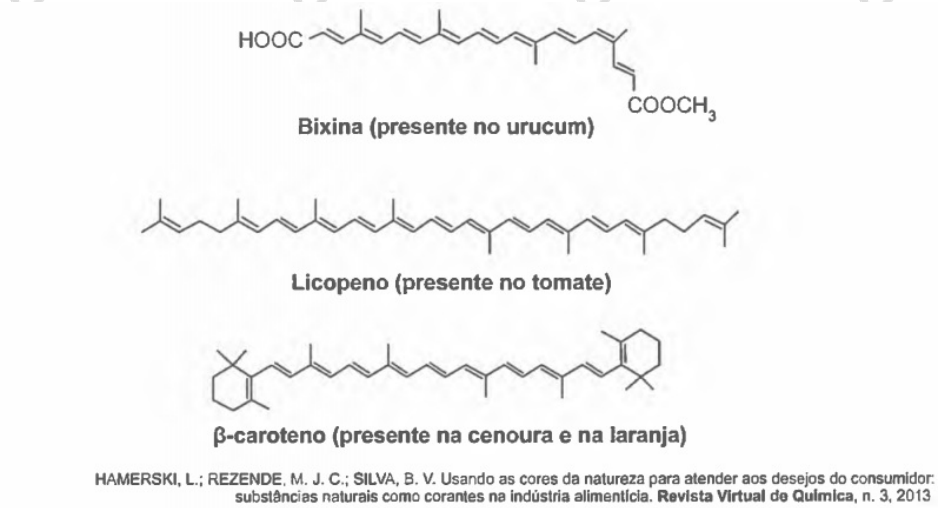
Resolução:

A partir do texto depreende-se que:
I) sob os mesmos esforços, o pneu A deforma muito menos que o pneu B. Logo, $P_A > P_B$.
II) as massas de ar comprimido são diretamente proporcionais aos volumes e os pneus apresentam mesmas características, exceto que a largura do pneu A é menor que a do pneu B. Sendo assim, $V_A < V_B$ e consequentemente $m_A < m_B$.

Observação: No entanto, o trecho a seguir merece atenção:
"Pode-se considerar que as massas de ar comprimido no pneu da bicicleta A, m_A, e no pneu da bicicleta B, m_B, são diretamente proporcionais aos seus volumes."
Essa afirmação é válida se considerarmos que as densidades do ar no interior dos pneus são iguais. Mas isso não corresponde a realidade da qual a física não pode se desconectar, principalmente aquela vivenciada pela imensa maioria dos estudantes do ensino médio.
Suponha-se que esses amigos estivessem usando uma bomba manual e não um compressor do posto de gasolina.
É razoável imaginar que:
(i) sendo a pressão do ar no pneu A bem maior que a pressão do ar no pneu B, e que
(ii) o volume do pneu A é um pouco menor que o volume do pneu B (pelo menos assim é na maioria das bicicletas),
o número de vezes que uma pessoa deve impulsionar a bomba para calibrar o pneu A é bem maior que para o pneu B. Como a massa de ar comprimido no pneu é diretamente proporcional ao número de vezes que a bomba é acionada, conclui-se que $m_A > m_B$, o que nos levaria à alternativa E.

Questão 096

A utilização de corantes na indústria de alimentos é bastante difundida e a escolha por corantes naturais vem sendo mais explorada por diversas razões. A seguir são mostradas três estruturas de corantes naturais.



Bixina (presente no urucum)

Licopeno (presente no tomate)

β-caroteno (presente na cenoura e na laranja)

HAMERSKI, L.; REZENDE, M. J. C.; SILVA, B. V. Usando as cores da natureza para atender aos desejos do consumidor: substâncias naturais como corantes na indústria alimentícia. **Revista Virtual de Química**, n. 3, 2013

A propriedade comum às estruturas que confere cor a esses compostos é a presença de

a) cadeia conjugada.
b) cadeia ramificada.
c) átomos de carbonos terciários.
d) ligações duplas de configuração cis.
e) átomos de carbonos de hibridação *sp*3.

Resolução:

A propriedade comum às estruturas é a alternância de ligações duplas e simples, conhecida como duplas conjugadas ou cadeia conjugada.

Questão 097

Para realizar o desentupimento de tubulações de esgotos residenciais, é utilizada uma mistura sólida comercial que contém hidróxido de sódio (NaOH) e outra espécie química pulverizada. Quando é adicionada água a essa mistura, ocorre uma reação que libera gás hidrogênio e energia na forma de calor, aumentando a eficiência do processo de desentupimento. Considere os potenciais padrão de redução (E^{θ}) da água e de outras espécies em meio básico, expressos no quadro.

Semirreação de redução	E^{θ} (V)
$2\,H_2O + 2\,e^- \longrightarrow H_2 + 2\,OH^-$	−0,83
$Co(OH)_2 + 2\,e^- \longrightarrow Co + 2\,OH^-$	−0,73
$Cu(OH)_2 + 2\,e^- \longrightarrow Cu + 2\,OH^-$	−0,22
$PbO + H_2O + 2\,e^- \longrightarrow Pb + 2\,OH^-$	−0,58
$Al(OH)_4^- + 3\,e^- \longrightarrow Al + 4\,OH^-$	−2,33
$Fe(OH)_2 + 2\,e^- \longrightarrow Fe + 2\,OH^-$	−0,88

Qual é a outra espécie que está presente na composição da mistura sólida comercial para aumentar sua eficiência?

- ✔ a) Al
- b) Co
- c) $Cu\{OH)_2$
- d) $Fe(OH)_2$
- e) Pb

Resolução:

Para que ocorra liberação de H_2, o potencial de redução da água deve ser maior do que o do metal que irá se oxidar.
Apenas Fe e $A\ell$, de acordo com a tabela, podem se oxidar em meio básico.
Como apenas o alumínio consta nas alternativas, tem-se que a equação do processo é dada por:

$$\begin{array}{l} 6H_2O_2 + \cancel{6e^-} \rightarrow 3H_2 + \cancel{6OH^-} \\ \underline{2A\ell + \overset{2}{\cancel{8}}OH^- \rightarrow \cancel{6e^-} + 2A\ell(OH)_4^-} \\ 2A\ell + 6H_2O + 2OH^- \rightarrow 2A\ell(OH)_4^- + 3H_2 \end{array}$$

Questão 098

As redes de alta tensão para transmissão de energia elétrica geram campo magnético variável o suficiente para induzir corrente elétrica no arame das cercas. Tanto os animais quanto os funcionários das propriedades rurais ou das concessionárias de energia devem ter muito cuidado ao se aproximarem de uma cerca quando esta estiver próxima a uma rede de alta tensão, pois, se tocarem no arame da cerca, poderão sofrer choque elétrico.

Para minimizar este tipo de problema, deve-se:

- ✔ a) Fazer o aterramento dos arames da cerca.
- b) Acrescentar fusível de segurança na cerca.
- c) Realizar o aterramento da rede de alta tensão.
- d) Instalar fusível de segurança na rede de alta tensão.
- e) Utilizar fios encapados com isolante na rede de alta tensão.

Resolução:

A partir da indução gerada pelo campo magnético variável estabelecido no espaço pela rede elétrica, o choque elétrico sofrido pela pessoa se dá pela diferença de potencial elétrico entre a cerca e o solo, portanto, após o aterramento da cerca, o efeito do choque elétrico pode ser minimizado.

Anglo Resolve

Questão 099

A esquistossomose (barriga-d'água) caracteriza-se pela inflamação do fígado e do baço causada pelo verme *Schistosoma mansoni* (esquistossomo). O contágio ocorre depois que larvas do verme são liberadas na água pelo caramujo do gênero *Biomphalaria*, seu hospedeiro intermediário, e penetram na pele humana. Após o diagnóstico, o tratamento tradicional utiliza medicamentos por via oral para matar o parasita dentro do corpo. Uma nova estratégia terapêutica baseia-se na utilização de uma vacina, feita a partir de uma proteína extraída do verme, que induz o organismo humano a produzir anticorpos para combater e prevenir a doença.

Instituto Oswaido Cruz/Fundação Oswaldo Cruz (IOC/Fiocruz). **Fiocruz anuncia nova fase de vacina para esquistossomose**. Disponível em: http://agenda.fiocruz.br. Acesso em: 3 maio 2019 (adaptado).

Uma vantagem da vacina em relação ao tratamento tradicional é que ela poderá

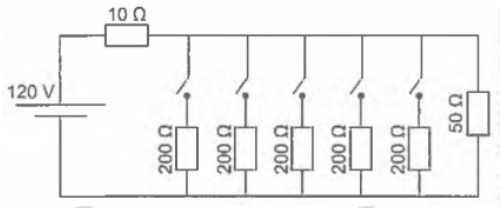
a) impedir a penetração do parasita pela pele.
b) eliminar o caramujo para que não haja contágio.
c) impedir o acesso do esquistossomo especificamente para o fígado.
d) eliminar o esquistossomo antes que ocorra contato com o organismo.
✔ e) eliminar o esquistossomo dentro do organismo antes da manifestação de sintomas.

Resolução:

Ao receber a vacina, o indivíduo produz anticorpos e estabelece memória imunológica contra o esquistossomo.
Dessa forma, o parasita é atacado no momento em que entra no corpo humano, sendo eliminado antes que se instale no organismo e provoque os sintomas da doença.

Questão 100

Uma casa tem um cabo elétrico mal dimensionado, de resistência igual a 10 Ω, que a conecta à rede elétrica de 120 V. Nessa casa, cinco lâmpadas, de resistência igual a 200 Ω, estão conectadas ao mesmo circuito que uma televisão de resistência igual a 50 Ω, conforme ilustrado no esquema. A televisão funciona apenas com tensão entre 90 V e 130 V.

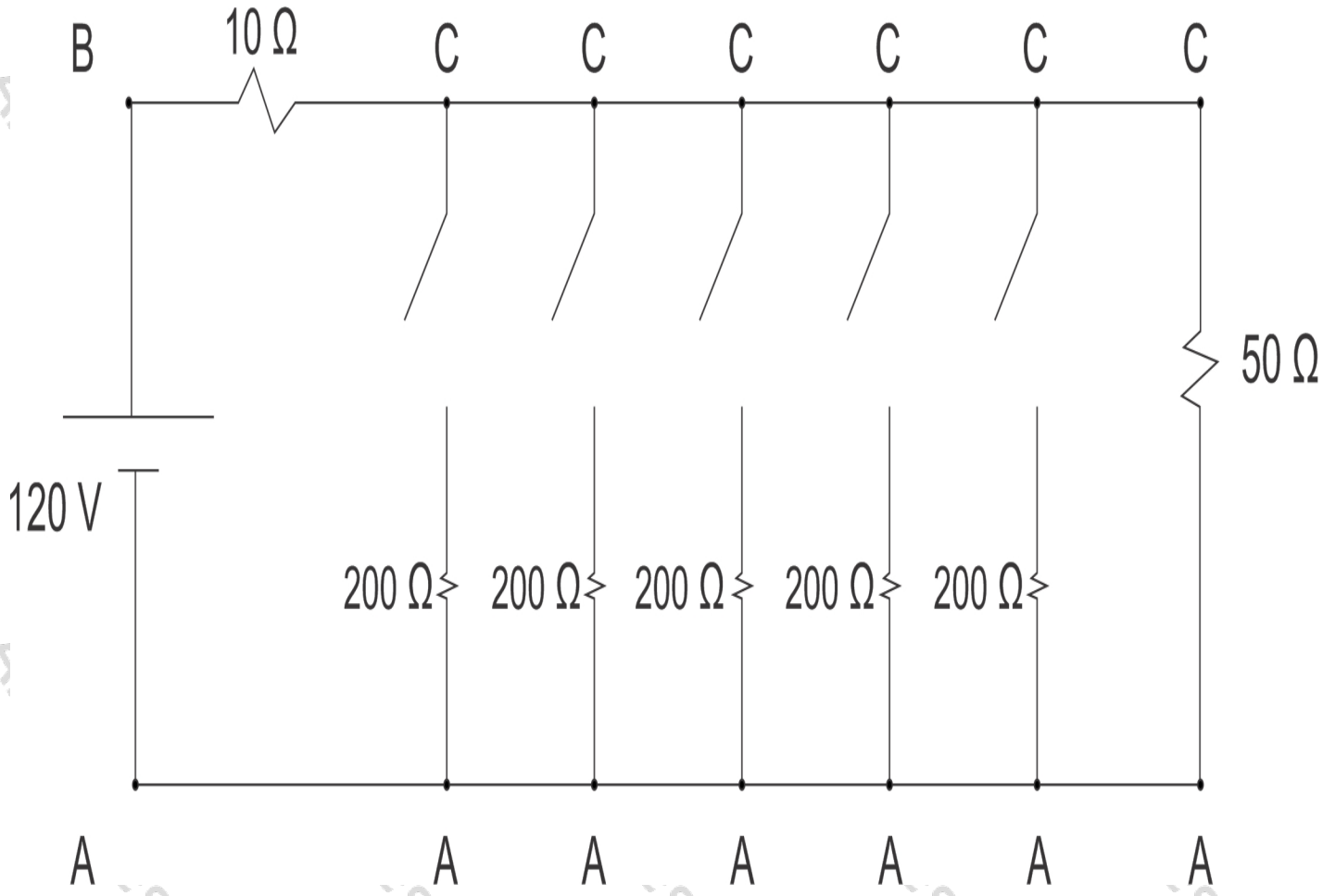


O número máximo de lâmpadas que podem ser ligadas sem que a televisão pare de funcionar é:

a) 1.
✔ b) 2.
c) 3.
d) 4.
e) 5.

Resolução:

Admitindo os pontos A, B e C no circuito:



Observa-se que o resistor entre B e C está ligado em série com a associação em paralelo das lâmpadas com a TV.
O maior número de lâmpadas em paralelo corresponde à menor resistência equivalente, que determina a menor ddp entre C e A. Dessa forma, a ddp entre C e A é 90 V, pois corresponde à menor ddp de funcionamento. Assim U_{BA} = 120 V, U_{BC} = 30 V.

para o cabo:

$U_{BC} = R_C \cdot i_T \Rightarrow 30 = 10 \cdot i \ \ \therefore i = 3\,A$

(intensidade da corrente elétrica total)

para a TV:

$U_{CA} = R_{TV} \cdot i_{TV} \Rightarrow 90 = 50 \cdot i_{TV} \ \ \therefore i_{TV} = 1{,}8\,A$

Dessa forma, para as lâmpadas associadas em paralelo, tem-se a corrente de 1,2 A mas, para cada lâmpada, tem-se

$U_{CA} = R_L \cdot i_L \Rightarrow 90 = 200 \cdot i_L \ \ \therefore i_L = 0{,}45\,A$

Como a intensidade da corrente elétrica total nas lâmpadas é 1,2 A, é possível ligar, no máximo, duas (02) lâmpadas.

Questão 101

O 2,4-dinitrofenol (DNP) é conhecido como desacoplador da cadeia de elétrons na mitocôndria e apresenta um efeito emagrecedor. Contudo, por ser perigoso e pela ocorrência de casos letais, seu uso como medicamento é proibido em diversos países, inclusive no Brasil. Na mitocôndria, essa substância captura, no espaço intermembranas, prótons (H^+) provenientes da atividade das proteínas da cadeia respiratória, retornando-os à matriz mitocondrial. Assim, esses prótons não passam pelo transporte enzimático na membrana interna.

GRUNDLINGH, J. et al. 2,4-Dinitrophenol (DNP): a Weight Loss Agent with Significant Acute Toxicity and Risk of Dealh **Journal of Medical Toxicology**, v. 7, 2011 (adaptado).

O efeito emagrecedor desse composto está relacionado ao(à)

a) obstrução da cadeia respiratória, resultando em maior consumo celular de ácidos graxos.
b) bloqueio das reações do ciclo de Krebs, resultando em maior gasto celular de energia.
c) diminuição da produção de acetil CoA, resultando em maior gasto celular de piruvato.
d) inibição da glicólise, resultando em maior absorção celular da glicose sanguínea.
✔ e) redução da produção de ATP, resultando em maior gasto celular de nutrientes.

Resolução:

O composto 2,4-dinitrofenol interfere diretamente em um processo conhecido como bomba de prótons, que ocorre na cadeia transportadora de elétrons e permite a síntese de ATP. Como o 2,4-dinitrofenol torna a respiração celular menos eficiente, haverá redução na síntese de ATP e maior consumo de nutrientes.

Questão 102

Em 1808, Dalton publicou o seu famoso livro intitulado **Um novo sistema de filosofia química** (do original *A New System of Chemical Philosophy*), no qual continha os cinco postulados que serviam como alicerce da primeira teoria atômica da matéria fundamentada no método científico. Esses postulados são numerados a seguir:

1. A matéria é constituída de átomos indivisíveis.

2. Todos os átomos de um dado elemento químico são idênticos em massa e em todas as outras propriedades.

3. Diferentes elementos químicos têm diferentes tipos de átomos; em particular, seus átomos têm diferentes massas.

4. Os átomos são indestrutíveis e nas reações químicas mantêm suas identidades.

5. Átomos de elementos combinam com átomos de outros elementos em proporções de números inteiros pequenos para formar compostos.

Após o modelo de Dalton, outros modelos baseados em outros dados experimentais evidenciaram, entre outras coisas, a natureza elétrica da matéria, a composição e organização do átomo e a quantização da i energia no modelo atômico.

OXTOBY, D. W.; GILLIS, H. P.; BUTLER, L. J. **Principies of Modern Chemistry**. Boston Cengage Learning, 2012 (adaptado).

Com base no modelo atual que descreve o átomo, qual dos postulados de Dalton ainda é considerado correto?

a) 1
b) 2
c) 3
d) 4
✔ e) 5

Resolução:

As afirmações 1, 2, 3 e 4 estão incorretas de acordo com o modelo atual.

1. O átomo é divisível.
2. Um mesmo elemento pode apresentar isótopos.
3. Diferentes elementos podem apresentar o mesmo número de massa: isóbaros.
4. Átomos podem sofrer fusão ou fissão, mudando suas identidades.
5. Correta.

Os átomos podem se combinar em proporções definidas, originando diferentes substâncias.

Questão 103

Um dos parâmetros de controle de qualidade de polpas de frutas destinadas ao consumo como bebida é a acidez total expressa em ácido cítrico, que corresponde à massa dessa substância em 100 gramas de polpa de fruta. O ácido cítrico é uma molécula orgânica que apresenta três hidrogênios ionizáveis (ácido triprótico) e massa molar 192 g mol^{-1}. O quadro indica o valor mínimo desse parâmetro de qualidade para polpas comerciais de algumas frutas.

Polpa de fruta	Valor mínimo da acidez total expressa em ácido cítrico (g/100 g)
Acerola	0,8
Caju	0,3
Cupuaçu	1,5
Graviola	0,6
Maracujá	2,5

A acidez total expressa em ácido cítrico de uma amostra comercial de polpa de fruta foi determinada. No procedimento, adicionou-se água destilada a 2,2 g da amostra e, após a solubilização do ácido cítrico, o sólido remanescente foi filtrado. A solução obtida foi titulada com solução de hidróxido de sódio 0,01 mol L^{-1}, em que se consumiram 24 mL da solução básica (titulante).

BRASIL. Ministério da Agricultura e do Abastecimento. **Instrução normativa n. 1, de 7 de janeiro de 2000**. Disponfvel em www.agricultura.30v.br. Acesso em 9 maio 2019 (adaptado).

Entre as listadas, a amostra analisada pode ser de qual polpa de fruta?

a) Apenas caju.
b) Apenas maracujá.
✔ c) Caju ou graviola.
d) Acerola ou cupuaçu,
e) Cupuaçu ou graviola.

Resolução:

$3NaOH + 1Ác.\ Cítrico \longrightarrow Citrato\ de\ Sódio + 3H_2O$

$1\ L \text{ —— } 0{,}01\ mol\ NaOH$
$24 \cdot 10^{-3}\ L \text{ —— } x$

$x = 2{,}4 \cdot 10^{-4}\ mol\ NaOH$

$1\ mol\ Ác.\ Cítrico \text{ —— } 3\ mol\ NaOH$
$y \text{ —— } 2{,}4 \cdot 10^{-4}\ mol\ NaOH$

$y = 8 \cdot 10^{-5}\ mol\ Ác.\ Cítrico$

$1\ mol\ Ác.\ Cítrico \text{ —— } 192\ g$
$8 \cdot 10^{-5}\ mol\ Ác.\ Cítrico \text{ —— } z$

$z = 0{,}01536\ g\ de\ Ác.\ Cítrico$

$0{,}01536\ g\ Ácido\ Cítrico \text{ —— } 2{,}2\ g\ amostra\ (polpa)$
$w \text{ —— } 100\ g\ amostra$

$w \cong 0{,}7\ g\ Ác.\ Cítrico / 100\ g\ amostra$

Como a tabela fornece a acidez mínima, as amostras podem ser de caju ou graviola.

Questão 104

Uma cozinheira colocou sal a mais no feijão que estava cozinhando. Para solucionar o problema, ela acrescentou batatas cruas e sem tempero dentro da panela. Quando terminou de cozinhá-lo, as batatas estavam salgadas, porque absorveram parte do caldo com excesso de sal. Finalmente, ela adicionou água para completar o caldo do feijão.

O sal foi absorvido pelas batatas por

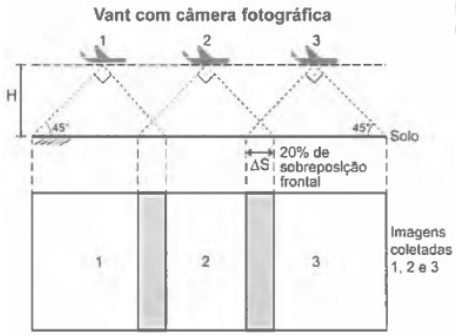
a) osmose, por envolver apenas o transporte do solvente.
b) fagocitose, porque o sal transportado é uma substância sólida.
c) exocitose, uma vez que o sal foi transportado da água para a batata.
d) pinocitose, porque o sal estava diluído na água quando foi transportado.
✔ e) difusão, porque o transporte ocorreu a favor do gradiente de concentração.

Resolução:

Como consequência do sal a mais colocado no feijão, a cozinheira obteve um meio hipertônico em relação ao interior das células da batata que posteriormente foi adicionada à panela.
Como havia uma maior concentração do sal no meio extracelular do que no meio intracelular, esse excedente de sal passa por difusão para o interior das células da batata, a favor do gradiente de concentração.

Questão 105

A agricultura de precisão reúne técnicas agrícolas que consideram particularidades locais do solo ou lavoura a fim de otimizar o uso de recursos. Uma das formas de adquirir informações sobre essas particularidades é a fotografia aérea de baixa altitude realizada por um veículo aéreo não tripulado (vant). Na fase de aquisição é importante determinar o nível de sobreposição entre as fotografias. A figura ilustra como uma seqüência de imagens é coletada por um vant e como são formadas as sobreposições frontais.



O operador do vant recebe uma encomenda na qual as imagens devem ter uma sobreposição frontal de 20% em um terreno plano. Para realizar a aquisição das imagens, seleciona uma altitude H fixa de voo de 1 000 m, a uma velocidade constante de 50 m s^{-1}. A abertura da câmera fotográfica do vant é de 90°. Considere tg(45°) = 1.

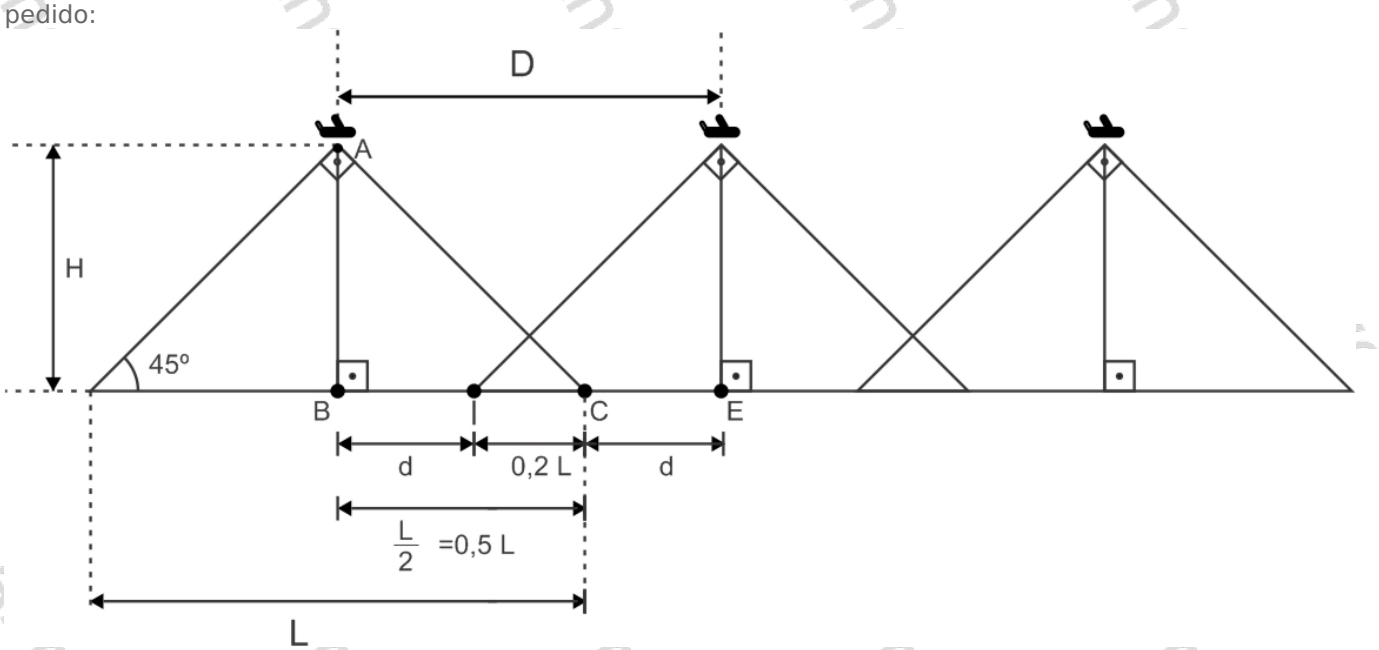
Natural Resources Canada. **Concepts of Aerial Photography**. Disponível em: www.nrcan.gc.ca. Acesso em: 26 abr. 2019 (adaptado)

Com que intervalo de tempo o operador deve adquirir duas imagens consecutivas?

a) 40 segundos.
✔ b) 32 segundos.
c) 28 segundos.
d) 16 segundos.
e) 8 segundos.

Resolução:

Representando as medidas de comprimento e ângulo pertinentes ao estado pedido:



No triângulo ABC:

$$\text{tg } 45° = \frac{H}{L/2} \Rightarrow 1 = \frac{1000}{L} \therefore L = 2000 \text{ m}$$

A partir do segmento BC

$0{,}5\,L = d + 0{,}2\,L \Rightarrow d = 600\,m$

Observando o segmento BE

$D = 2\,d + 0{,}2\,L = 2 \cdot 600 + 0{,}2 \cdot 2000 = 1600\,m$

Como o avião executa movimento uniforme:

$\Delta t = \frac{\Delta s}{v} = \frac{1600}{50} \therefore \Delta t = 32\,s$

Anglo Resolve

Questão 106

A eritropoetina (EPO) é um hormônio endógeno secretado pelos rins que influencia a maturação dos eritrócitos. Suas formas recombinantes, sintetizadas em laboratório, têm sido usadas por alguns atletas em esportes de resistência na busca por melhores resultados. No entanto, a administração da EPO recombinante no esporte foi proibida pelo Comitê Olímpico Internacional e seu uso considerado *doping*.

MARTELLI, A, Eritropoetina: síntese e liberação fisiológica e o uso de sua forma recombinante no esporte. **Perspectivas Online**: biológicas & saúde, v. 10, n, 3, 2013 (adaptado).

Uma influência que esse *doping* poderá exercer na melhoria da capacidade física desses atletas está relacionada ao transporte de

a) lípidios, para aumento do gasto calórico.
b) ATP, para aumento da síntese hormonal.
✔ c) oxigênio, para aumento da produção de ATP.
d) proteínas, para aumento da massa muscular.
e) vitamina C, para aumento da integridade dos vasos sanguíneos.

Resolução:

O uso de eritropoietinas recombinantes resultará em um aumento do número de eritrócitos, aumentando o transporte de oxigênio para os tecidos. Com isso, haverá uma elevação da taxa de respiração celular e da produção de ATP.

Questão 107

O objetivo de recipientes isolantes térmicos é minimizar as trocas de calor com o ambiente externo. Essa troca de calor é proporcional à condutividade térmica k e à área interna das faces do recipiente, bem como á diferença de temperatura entre o ambiente externo e o interior do recipiente, além de ser inversamente proporcional à espessura das faces.

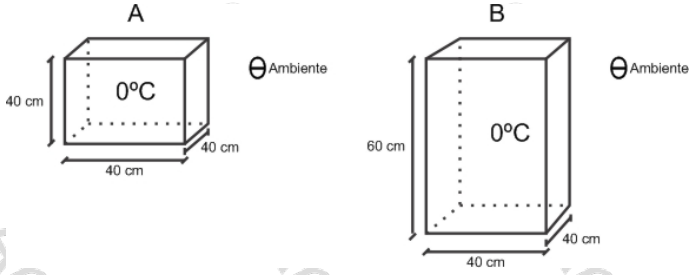
A fim de avaliar a qualidade de dois recipientes **A** (40 cm x 40 cm x 40 cm) e **B** {60 cm x 40 cm x 40 cm), de faces de mesma espessura, uma estudante compara suas condutividades térmicas k_A e k_B. Para isso suspende, dentro de cada recipiente, blocos idênticos de gelo a 0 °C, de modo que suas superfícies estejam em contato apenas com o ar. Após um intervalo de tempo, ela abre os recipientes enquanto ambos ainda contêm um pouco de gelo e verifica que a massa de gelo que se fundiu no recipiente **B** foi o dobro da que se fundiu no recipiente **A**.

A razão $\frac{k_A}{k_B}$ é mais próxima de

a) 0,50.
✔ b) 0,67.
c) 0,75.
d) 1,33.
e) 2,00.

Resolução:

Inicialmente, pode-se determinar a área total (A_T) dos recipientes A e B:



$A_{T_A} = 6 \cdot 40 \cdot 40 \rightarrow A_{T_A} = 9600\ cm^2$

$A_{T_B} = (2 \cdot 40 \cdot 40 + 4 \cdot 40 \cdot 60) \rightarrow A_{T_B} = 12800\ cm^2$

Como o calor trocado entre o ambiente e o meio interno é latente, por meio da Lei de Fourier, tem-se:

$$\Phi = \frac{Q}{\Delta t} \rightarrow \frac{mL}{\Delta t} = \frac{k \cdot A_T \cdot \Delta\theta}{e}$$

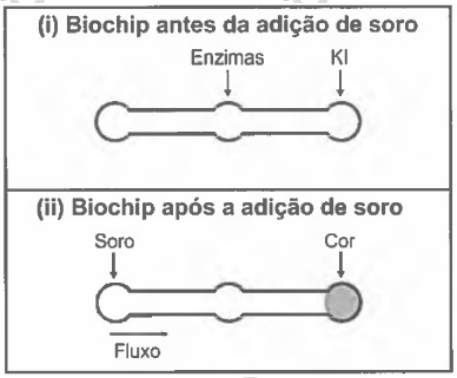
$$\therefore k = \frac{m \cdot L \cdot e}{A_T \cdot \Delta t \cdot \Delta\theta}$$

Como a massa de gelo que fundiu no recipiente B (2m) foi o dobro que fundiu em A (m), tem-se:

$$\frac{k_A}{k_B} = \frac{\frac{m \cdot L \cdot e}{9600 \cdot \Delta t \cdot \Delta\theta}}{\frac{2m \cdot L \cdot e}{12800 \cdot \Delta t \cdot \Delta\theta}} \rightarrow \frac{k_A}{k_B} = 0{,}67$$

Questão 108

Estudos mostram o desenvolvimento de biochips utilizados para auxiliar o diagnóstico de diabetes melito, doença evidenciada pelo excesso de glicose no organismo. O teste é simples e consiste em duas reações sequenciais na superfície do biochip, entre a amostra de soro sanguíneo do paciente, enzimas especificas e reagente (iodeto de potássio, KI), conforme mostrado na imagem.



Após a adição de soro sanguíneo, o fluxo desloca-se espontaneamente da esquerda para a direita (ii) promovendo reações sequenciais, conforme as equações 1 e 2. Na primeira, há conversão de glicose do sangue em ácido glucônico, gerando peróxido de hidrogênio:

Equação 1

$$C_6H_{12}O_6\,(aq) + O_2\,(g) + H_2O\,(l) \xrightarrow{\text{Enzimas}} C_6H_{12}O_7\,(aq) + H_2O_2\,(aq)$$

Na segunda, o peróxido de hidrogênio reage com íons iodeto gerando o ion tri-iodeto, água e oxigênio.

Equação 2

$$2\,H_2O_2\,(aq) + 3\,I^-\,(aq) \longrightarrow I_3^-\,(aq) + 2\,H_2O\,(l) + O_2\,(g)$$

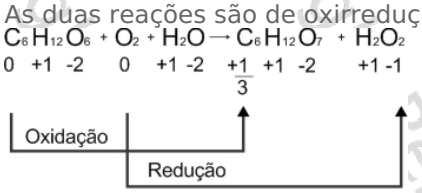
GARCIA, P. T. et al. A Handheld Stamping Process Io Fabricale Microíluidic Paper-Based Analytical Devices with Chemícally Modified Surface for Clinicai Assays. RSC Advances, v, 4,13 ago, 2014 (adaptado).

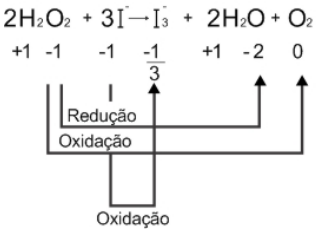
O tipo de reação que ocorre na superfície do biochip, nas duas reações do processo, é

a) análise.
b) síntese.
✔ c) oxirredução.
d) complexação.
e) ácido-base.

Resolução:

As duas reações são de oxirredução, pois ocorre variação do Nox.





Questão 109

Na piscicultura, costumam-se usar larvas de *Artemia* (crustáceo) para alimentar larvas de peixes. Ovos de *Artemia* são colocados em garrafas com água salgada e, sob condições ótimas de temperatura, luz e oxigênio, eles eclodem, liberando suas larvas, também conhecidas como náuplios. Para recolher os náuplios, coloca-se uma lâmpada branca fluorescente na boca da garrafa e estes começam a subir em direção ao gargalo.

Esse comportamento das artêmias é chamado de

a) geotropismo positivo.
✔ b) fototropismo positivo.
c) hidrotropismo negativo.
d) termotropismo negativo.
e) quimiotropismo negativo.

Resolução:

O movimento de seres vivos em direção à luz é chamado de fototropismo positivo. Essa expresão é mais associada aos vegetais, mas "tropismo" refere-se a movimento.

Questão 110

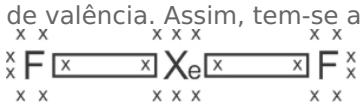
Por terem camada de valência completa, alta energia de ionização e afinidade eletrônica praticamente nula, considerou-se por muito tempo que os gases nobres não formariam compostos químicos. Porém, em 1962, foi realizada com sucesso a reação entre o xenônio (camada de valência $5s^2 5p^6$) e o hexafluoreto de platina e, desde então, mais compostos novos de gases nobres vêm sendo sintetizados. Tais compostos demonstram que não se pode aceitar acriticamente a regra do octeto, na qual se considera que, numa ligação química, os átomos tendem a adquirir estabilidade assumindo a configuração eletrônica de gás nobre. Dentre os compostos conhecidos, um dos mais estáveis é o difluoreto de xenônio, no qual dois átomos do halogênio flúor (camada de valência $2s^2 2p^5$) se ligam covalentemente ao átomo de gás nobre para ficarem com oito elétrons de valência.

Ao se escrever a fórmula de Lewis do composto de xenônio citado, quantos elétrons na camada de valência haverá no átomo do gás nobre?

a) 6
b) 8
✔ c) 10
d) 12
e) 14

Resolução:

Segundo o texto, o flúor tem 7 elétrons e o xenônio tem 8 elétrons na camada de valência. Assim, tem-se a seguinte fórmula de Lewis



Portanto, o xenônio tem 10 elétrons na camada de valência.

Questão 111

Na madrugada de 11 de março de 1978, partes de um foguete soviético reentraram na atmosfera acima da cidade do Rio de Janeiro e caíram no Oceano Atlântico. Foi um belo espetáculo, os inúmeros fragmentos entrando em ignição devido ao atrito com a atmosfera brilharam intensamente, enquanto "cortavam o céu". Mas se a reentrada tivesse acontecido alguns minutos depois, teríamos uma tragédia, pois a queda seria na área urbana do Rio de Janeiro e não no oceano.

LAS CASAS, R. **Lixo espacial**. Observatório Astronômico Frei Rosário, ICEx, UFMG Disponível em: www.observatorio.ufmg.br. Acesso em: 27 set 2011 (adaptado).

De acordo com os fatos relatados, a velocidade angular do foguete em relação à Terra no ponto de reentrada era

a) gual á da Terra e no mesmo sentido.
✔ b) superior à da Terra e no mesmo sentido.
c) inferior à da Terra e no sentido oposto.
d) igual à da Terra e no sentido oposto.
e) superior à da Terra e no sentido oposto.

Resolução:

De acordo com o texto, os fragmentos do foguete soviético reentraram na atmosfera acima da cidade do Rio de Janeiro e caíram a leste dessa cidade, no oceano Atlântico. Logo, esses fragmentos se movimentam no mesmo sentido que a Terra e com velocidade angular maior que a da Terra.

Questão 112

Com base nos experimentos de plantas de Mendel, foram estabelecidos três princípios básicos, que são conhecidos como leis da uniformidade, segregação e distribuição independente. A lei da distribuição independente refere-se ao fato de que os membros de pares diferentes de genes segregam-se independentemente, uns dos outros, para a prole.

TURNPENNY, P. D. **Genética médica**. Rio de Janeiro: Elsevier, 2009 (adaptado)

Hoje, sabe-se que isso nem sempre é verdade. Por quê?

(a) A distribuição depende do caráter de dominância ou recessividade do gene.
(b) Os organismos nem sempre herdam cada um dos genes de cada um dos genitores.
(c) As alterações cromossômicas podem levar a falhas na segregação durante a meiose.
✔ (d) Os genes localizados fisicamente próximos no mesmo cromossomo tendem a ser herdados juntos.
(e) O cromossomo que contém dois determinados genes pode não sofrer a disjunção na primeira fase da meiose.

Resolução:

A segregação independente separa os cromossomos homólogos. Genes que se situam no mesmo cromossomo tendem a ser herdados juntos na separação dos cromossomos homólogos.

Questão 113

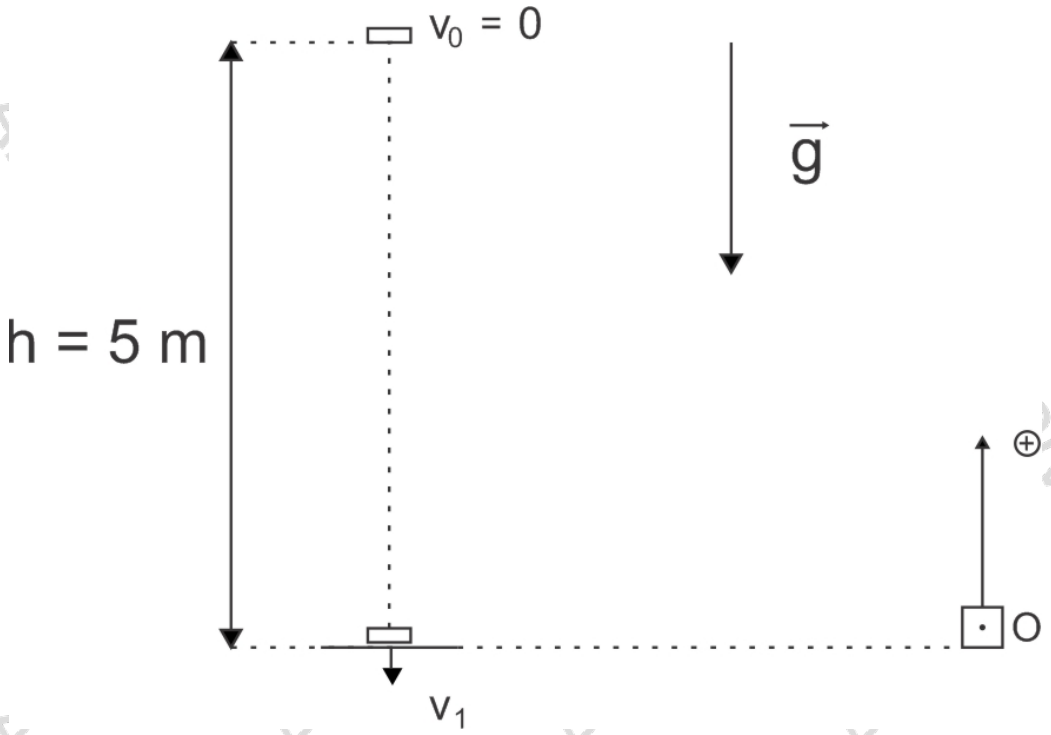
Em qualquer obra de construção civil é fundamental a utilização de equipamentos de proteção individual, tal como capacetes. Por exemplo, a queda livre de um tijolo de massa 2,5 kg de uma altura de 5 m, cujo impacto contra um capacete pode durar até 0,5 s, resulta em uma força impulsiva média maior do que o peso do tijolo. Suponha que a aceleração gravitacional seja 10m s^{-2} e que o efeito de resistência do ar seja desprezível.

A força impulsiva média gerada por esse impacto equivale ao peso de quantos tijolos iguais?

- ✔ a) 2
- b) 5
- c) 10
- d) 20
- e) 50

Resolução:

Cálculo da velocidade do tijolo imediatamente antes do impacto contra o capacete (v_1):

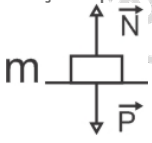


$v_1^2 = \cancel{v_0^2} + 2 \cdot a \cdot \Delta S$

$v_1^2 = 2 \cdot (-10) \cdot (-5)$

$v_1^2 = 100 \Rightarrow |v_1| = 10\ m/s$

Durante o intervalo de tempo de 0,5 s de desaceleração do tijolo até $v_2 = 0$, as forças que atuam sobre ele são:



Aplicando o teorema do impulso na direção vertical:

$I_R = \cancel{m \cdot v_2} - m \cdot v_1 \Rightarrow (N - P) \cdot \Delta t = -m \cdot v_1 \Rightarrow$

$\Rightarrow (N - m \cdot g) \cdot \Delta t = -m \cdot v_1 \Rightarrow (N - 25) \cdot 0{,}5 = -2{,}5 \cdot (-10)$

$\Rightarrow N - 25 = 50 \Rightarrow \boxed{N = 75\,N}$

Sendo n número o de tijolos:

$$n = \frac{F_R}{P} = \frac{N - P}{P}$$

$$n = \frac{75\ N - 25\ N}{25\ N}$$

$$n = \frac{50}{25}$$

$$\boxed{n = 2}$$

Anglo Resolv

Questão 114

Os hidrocarbonetos são moléculas orgânicas com uma série de aplicações industriais. Por exemplo, eles estão presentes em grande quantidade nas diversas frações do petróleo e normalmente são separados por destilação fracionada, com base em suas temperaturas de ebulição. O quadro apresenta as principais frações obtidas na destilação do petróleo em diferentes faixas de temperaturas.

Fração	Faixa de temperatura (°C)	Exemplos de produto(s)	Número de átomos de carbono (hidrocarboneto de fórmula geral C_nH_{2n+2})
1	Até 20	Gás natural e gás de cozinha (GLP)	C_1 a C_4
2	30 a 180	Gasolina	C_6 a C_{12}
3	170 a 290	Querosene	C_{11} a C_{16}
4	260 a 350	Óleo diesel	C_{14} a C_{18}

SANTA MARIA, L. C. et al. Petróleo: um tema para o ensino de química. **Química Nova na Escola**, n. 15, maio 2002 (adaptado).

Na fração 4, a separação dos compostos ocorre em temperaturas mais elevadas porque

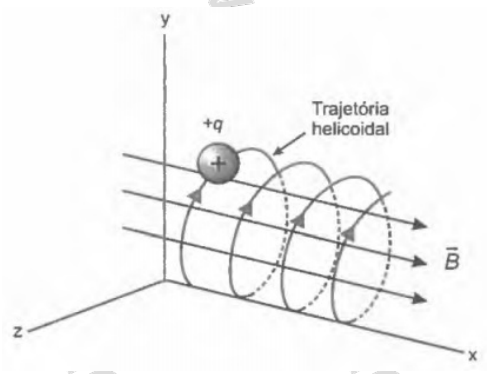
a) suas densidades são maiores.
b) o número de ramificações é maior.
c) sua solubilidade no petróleo é maior.
✔ d) as forças intermoleculares são mais intensas.
e) a cadeia carbônica é mais difícil de ser quebrada.

Resolução:

A separação dos componentes do petróleo ocorre por meio da técnica denominada destilação fracionada. As interações intermoleculares que ocorrem entre as cadeias carbônicas dos constituintes do petróleo são do tipo dipolo induzido-dipolo induzido, de modo que, quanto maior for a cadeia carbônica, maior será a superfície de interação entre elas, resultando em maior intensidade das interações intermoleculares.

Questão 115

O espectrômetro de massa de tempo de voo é um dispositivo utilizado para medir a massa de ions. Nele, um íon de carga elétrica q è lançado em uma região de campo magnético constante $\vec{B}$, descrevendo uma trajetória helicoidal, conforme a figura. Essa trajetória é formada pela composição de um movimento circular uniforme no plano yz e uma translação ao longo do eixo x. A vantagem desse dispositivo é que a velocidade angular do movimento helicoidal do íon é independente de sua velocidade inicial. O dispositivo então mede o tempo ide voo para N voltas do íon. Logo, com base nos valores q, B, N e t, pode-se determinar a massa do ion.



A massa do íon medida por esse dispositivo será

- a $\frac{qBt}{2\pi N}$
- b $\frac{qBt}{\pi N}$
- c $\frac{2qBt}{\pi N}$
- d $\frac{qBt}{N}$
- e $\frac{2qBt}{N}$

Resolução:

O período do movimento é dado por:

$$T = \frac{2\pi m}{|q|B} = \frac{2\pi m}{qB} \quad (q > 0)$$

A partícula realiza N voltas durante um intervalo de tempo igual a t. Dessa forma,

$$T = \frac{t}{N} = \frac{2\pi m}{qB}$$

$$\therefore m = \frac{qBt}{2\pi N}$$

Questão 116

Na família Retroviridae encontram-se diversos vírus que infectam aves e mamíferos, sendo caracterizada pela produção de DNA a partir de uma molécula de RNA. Alguns retrovírus infectam exclusivamente humanos, não necessitando de outros hospedeiros, reservatórios ou vetores biológicos. As infecções ocasionadas por esses vírus vêm causando mortes e grandes prejuízos ao desenvolvimento social e econômico. Nesse contexto, pesquisadores têm produzido medicamentos que contribuem para o tratamento dessas doenças.

Que avanços tecnológicos têm contribuído para o tratamento dessas infecções virais?

a) Melhoria dos métodos de controle dos vetores desses vírus.
b) Fabricação de soros mutagênicos para combate desses vírus.
c) Investimento da indústria em equipamentos de proteção individual.
d) Produção de vacinas que evitam a infecção das células hospedeiras.
✔ e) Desenvolvimento de antirretrovirais que dificultam a reprodução desses vírus.

Resolução:

O tratamento de infecções por retrovírus tem sido beneficiado pela produção de substâncias que reduzem a capacidade de reprodução do vírus (antirretrovirais), tais como inibidores da transcriptase reversa e inibidores de proteases de ação nas traduções de proteínas virais.

Questão 117

O concreto utilizado na construção civil é um material formado por cimento misturado a areia, a brita e a água. A areia é normalmente extraída de leitos de rios e a brita, oriunda da fragmentação de rochas. Impactos ambientais gerados no uso do concreto estão associados à extração de recursos minerais e ao descarte indiscriminado desse material. Na tentativa de reverter esse quadro, foi proposta a utilização de concreto reciclado moído em substituição ao particulado rochoso graúdo na fabricação de novo concreto, obtendo um material com as mesmas propriedades que o anterior.

O beneficio ambiental gerado nessa proposta é a redução do{a)

- ✔ a) extração da brita.
- b) extração de areia.
- c) consumo de água.
- d) consumo de concreto.
- e) fabricação de cimento.

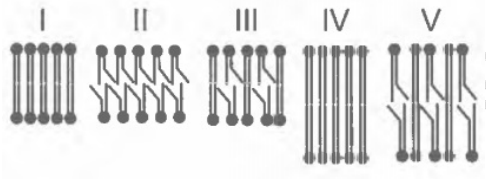
Resolução:

Como a brita vem da fragmentação das rochas, ela é o material graúdo do cimento. Sendo assim, será substituída pelo concreto reciclado moído, reduzindo a necessidade da sua extração.

Questão 118

A fluidez da membrana celular é caracterizada pela capacidade de movimento das moléculas componentes dessa estrutura. Os seres vivos mantêm essa propriedade de duas formas: controlando a temperatura e/ou alterando a composição lipídica da membrana. Neste último aspecto, o tamanho e o grau de insaturação das caudas hidrocarbônicas dos fosfolipídios, conforme representados na figura, influenciam significativamente a fluidez. Isso porque quanto maior for a magnitude das interações entre os fosfolipídios, menor será a fluidez da membrana.

Assim, existem bicamadas lipídicas com diferentes composições de fosfolipídios, como as mostradas de I a V.



Qual das bicamadas lipídicas apresentadas possui maior fluidez?

a) I
✔ b) II
c) III
d) IV
e) V

Resolução:

A bicamada que apresenta maior fluidez é a que possui a menor magnitude das interações entre os fosfolipídios. Para que isso ocorra, a cadeia deve ser pequena e insaturada.
Portanto, a bicamada lipídica que possui maior fluidez será a II.

Questão 119

Em uma aula experimental de calorimetria, uma professora queimou 2,5 g de castanha-de-caju crua para aquecer 350 g de água, em um recipiente apropriado para diminuir as perdas de calor. Com base na leitura da tabela nutricional a seguir e da medida da temperatura da água, após a queima total do combustível, ela concluiu que 50% da energia disponível foi aproveitada. O calor específico da água é 1 cal g-1 °C-1, e sua temperatura inicial era de 20 °C.

Quantidade por porção de 10 g (2 castanhas)	
Valor energético	70 kcal
Carboidratos	0,8 g
Proteínas	3,5 g
Gorduras totais	3,5 g

Qual foi a temperatura da água, em grau Celsius, medida ao final do experimento?

a) 25
b) 27
✔ c) 45
d) 50
e) 70

Resolução:

Cálculo da energia liberada (Q_{lib}) na queima de 2,5 g de castanha:

$$\left.\begin{array}{l} 10\ g \text{ —— } 70\ Kcal \\ 2{,}5\ g \text{ —— } Q_{lib} \end{array}\right\} Q_{lib} = 17{,}5\ Kcal$$

Cálculo da energia aproveitada (Q_{ap}) no aquecimento da água:

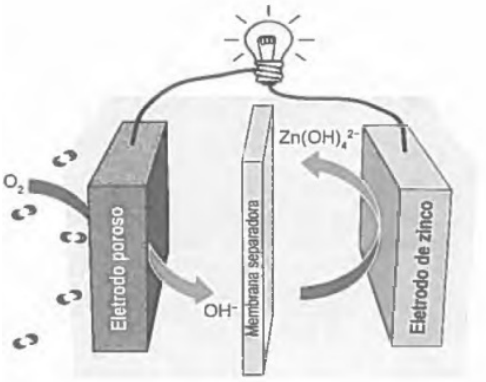
$$\left.\begin{array}{l} 17{,}5\ Kcal \text{ —— } 100\% \\ Q_{ap} \text{ —— } 50\% \end{array}\right\} Q_{ap} = \frac{17{,}5\ Kcal}{2} = \frac{17500\ cal}{2} = 8750\ cal$$

Cálculo da temperatura final da água:

$$Q_{ap} = m \cdot c \cdot \Delta\theta \Rightarrow 8750 = 350 \cdot 1 \cdot (\theta_F - 20) \Rightarrow \theta_F = 45°C$$

Questão 120

Grupos de pesquisa em todo o mundo vêm buscando soluções inovadoras, visando a produção de dispositivos para a geração de energia elétrica. Dentre eles, pode-se destacar as baterias de zinco-ar, que combinam o oxigênio atmosférico e o metal zinco em um eletrólito aquoso de caráter alcalino. O esquema de funcionamento da bateria zinco-ar está apresentado na figura.



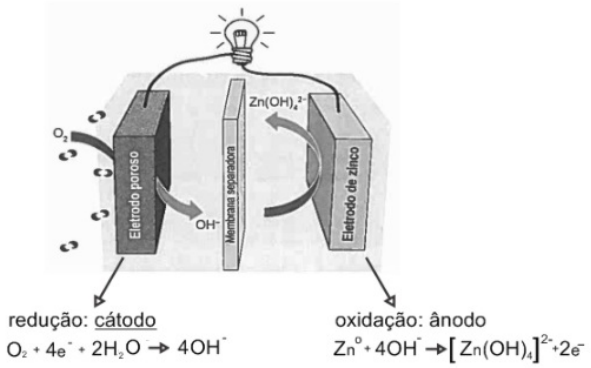
LI, Y.; DAI, H. **Recent Advances in Zinc–Air Batteries. Chemical Society Reviews**, v. 43, n. 15, 2014 (adaptado).

No funcionamento da bateria, a espécie química formada no ânodo é

a) H_2 (g).
b) O_2 (g).
c) H_2O (l).
d) OH^- (aq).
✔ e) $Zn(OH)_4^{2-}$ (aq).

Resolução:

As semirreações que ocorrem em cada eletrodo são mostradas a seguir:



Produto do cátodo: OH^-

Produto do ânodo: $Zn(OH)_4^{2-}$

Questão 121

Algumas toneladas de medicamentos para uso humano e veterinário são produzidas por ano. Os fármacos são desenvolvidos para serem estáveis, mantendo suas propriedades químicas de forma a atender a um propósito terapêutico. Após o consumo de fármacos, parte de sua dosagem é excretada de forma inalterada, persistindo no meio ambiente. Em todo o mundo, antibióticos, hormônios, anestésicos, anti-inflamatórios, entre outros, são detectados em concentrações preocupantes no esgoto doméstico, em águas superficiais e de subsolo. Dessa forma, a ocorrência de fármacos residuais no meio ambiente pode apresentar efeitos adversos em organismos aquáticos e terrestres.

BI LA, D. M.; DEZOTTI, M. Fármacos no meio ambiente. **Química Nova**, v. 26, n. 4. ago 2003 (adaptado).

Qual ação minimiza a permanência desses contaminantes nos recursos hídricos?

a) Utilização de esterco como fertilizante na agricultura.
b) Ampliação das redes de coleta de esgoto na zona urbana.
c) Descarte dos medicamentos fora do prazo de validade em lixões.
✔ d) Desenvolvimento de novos processos nas estações de tratamento de efluentes.
e) Reúso dos lodos provenientes das estações de tratamento de esgoto na agricultura.

Resolução:

Para que ocorra a diminuição da concentração dos diversos contaminantes encontrados no esgoto, deverá haver o desenvolvimento de novos processos nas estações de tratamento de efluentes.

Questão 122

Um teste de laboratório permite identificar alguns cátions metálicos ao introduzir uma pequena quantidade do material de interesse em uma chama de bico de Bunsen para, em seguida, observar a cor da luz emitida.

A cor observada é proveniente da emissão de radiação eletromagnética ao ocorrer a

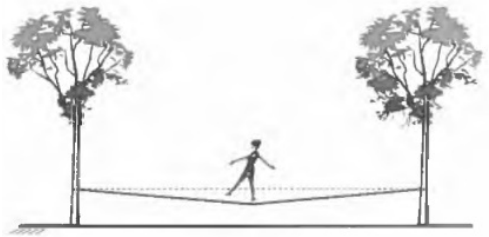
a) mudança da fase sólida para a fase líquida do elemento metálico.
b) combustão dos cátions metálicos provocada pelas moléculas de oxigênio da atmosfera.
c) diminuição da energia cinética dos elétrons em uma mesma órbita na eletrosfera atômica.
✔ d) transição eletrônica de um nível mais externo para outro mais interno na eletrosfera atômica.
e) promoção dos elétrons que se encontram no estado fundamental de energia para níveis mais energéticos.

Resolução:

A emissão de luz associada à excitação de cátions metálicos em uma chama de bico de Bunsen ocorre devido à transição de elétrons de um nível mais externo (mais energético) para um mais interno (menos energético).

Questão 123

Slackline é um esporte no qual o atleta deve se equilibrar e executar manobras estando sobre uma fita esticada. Para a prática do esporte, as duas extremidades da fita são fixadas de forma que ela fique a alguns centímetros do solo. Quando uma atleta de massa igual a 80 kg está exatamente no meio da fita, essa se desloca verticalmente, formando um ângulo de 10° com a horizontal, como esquematizado na figura. Sabe-se que a aceleração da gravidade é igual a 10 m s^{-2}, cos(10°) = 0,98 e sen(10°) = 0,17

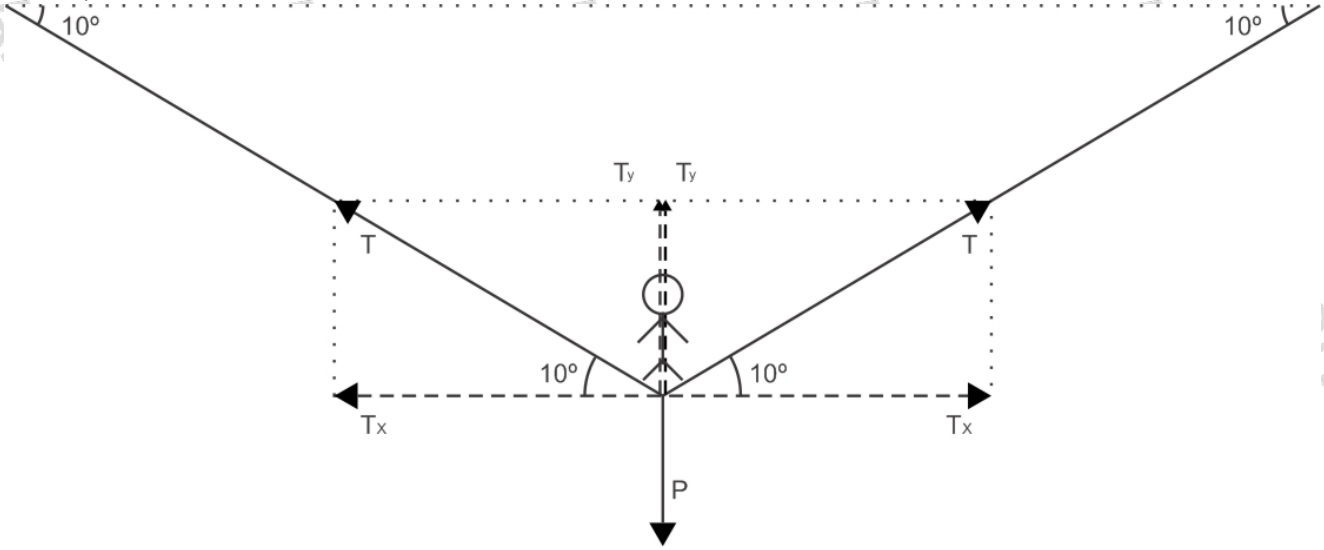


Qual é a força que a fita exerce em cada uma das árvores por causa da presença da atleta?

a) 4,0 x 10^2 N
b) 4,1 x 10^2 N
c) 8,0 x 10^2 N
✔ d) 2,4 x 10^3 N
e) 4,7 x 10^3 N

Resolução:

Marcando as forças que agem no atleta quando estiver exatamente no meio da fita, tem-se:



Admitindo o sistema em equilíbrio, a resultante é nula. Efetuando a decomposição das trações, pode-se escrever:

$\sum F_y = 0$

$2 \cdot T_y = P$

$2 \cdot T \cdot \text{sen } 10° = P$

$2 \cdot T \cdot 0{,}17 = 800$

$\therefore T \simeq 2{,}4 \cdot 10^3 \text{ N}$

Questão 124

A maioria das pessoas fica com a visão embaçada ao abrir os olhos debaixo d'água. Mas há uma exceção: o povo moken, que habita a costa da Tailândia. Essa característica se deve principalmente à adaptabilidade do olho e à plasticidade do cérebro, o que significa que você também, com algum treinamento, poderia enxergar relativamente bem debaixo d'água. Estudos mostraram que as pupilas de olhos de indivíduos moken sofrem redução significativa debaixo d'água, o que faz com que os raios luminosos incidam quase paralelamente ao eixo óptico da pupila.

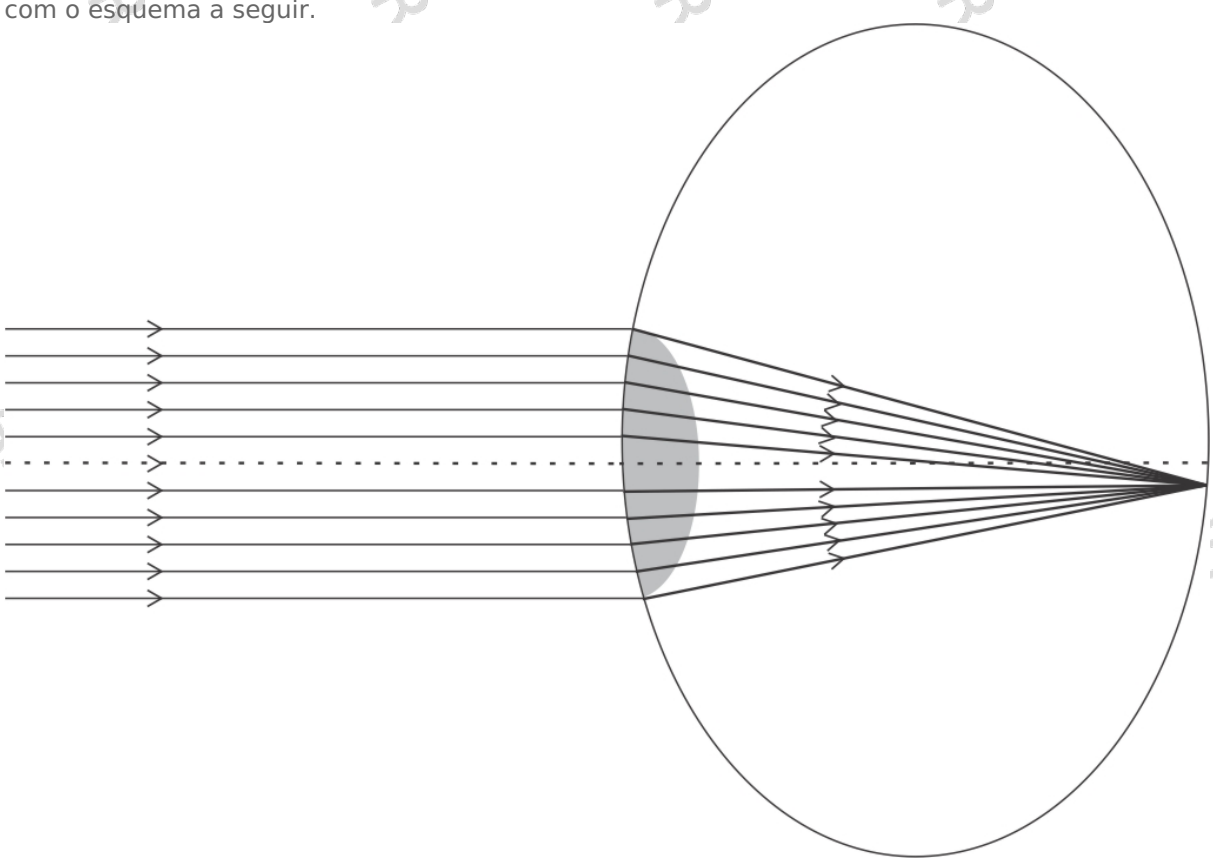
GISLÉN, A. et al. Visual Training Improves Underwater Vision in Children. **Vision Research**, n. 46, 2006 (adaptado).

A acuidade visual associada à redução das pupilas é fisicamente explicada pela diminuição

a) da intensidade luminosa incidente na retina.
b) da difração dos feixes luminosos que atravessam a pupila.
c) da intensidade dos feixes luminosos em uma direção por polarização.
✔ d) do desvio dos feixes luminosos refratados no interior do olho.
e) das reflexões dos feixes luminosos no interior do olho.

Resolução:

De acordo com o texto, a redução das pupilas dos indivíduos faz com que os raios luminosos incidam quase paralelamente ao eixo óptico da pupila.
Subentenda-se que se trata do eixo óptico do conjunto de lentes do globo ocular.
Sendo essa a causa alegada no texto, conclui-se que os raios de luz, ao atravessarem o globo ocular, são submetidos a um menor desvio, de acordo com o esquema a seguir.



Questão 125

O “The Kidney Project” é um projeto realizado por cientistas que pretendem desenvolver um rim biônico que executará a maioria das funções biológicas do órgão. O rim biônico possuirá duas partes que incorporam recentes avanços de nanotecnologia, filtração de membrana e biologia celular. Esse projeto significará uma grande melhoria na qualidade de vida para aquelas pessoas que dependem da hemodiálise para sobrevivência.

Disponível em: https://pharm.ucsf.edu. Acesso em: 26 abr. 2019 (adaptado).

O dispositivo criado promoverá diretamente a

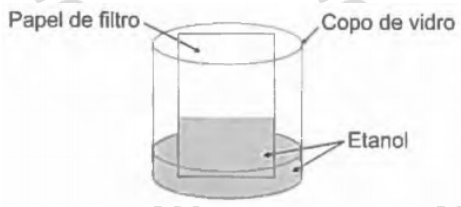
- ✔ a) remoção de ureia.
- b) excreção de lipídios.
- c) síntese de vasopressina.
- d) transformação de amônia.
- e) fabricação de aldosterona.

Resolução:

De acordo com o texto, o dispositivo irá realizar a maioria das funções biológicas do rim, ressaltando ainda a tecnologia de filtração de membrana e seu benefício para pessoas que fazem hemodiálise. Nesse sentido, a principal função executada é a remoção de ureia, produzida no fígado a partir de amônia.

Questão 126

Um experimento simples, que pode ser realizado com materiais encontrados em casa, é realizado da seguinte forma: adiciona-se um volume de etanol em um copo de vidro e, em seguida, uma folha de papel. Com o passar do tempo, observa-se um comportamento peculiar: o etanol se desloca sobre a superfície do papel, superando a gravidade que o atrai no sentido oposto, como mostra a imagem. Para parte dos estudantes, isso ocorre por causa da absorção do líquido pelo papel.



Do ponto de vista científico, o que explica o movimento do líquido é a

a) evaporação do líquido.
b) diferença de densidades.
c) reação química com o papel.
✔ d) capilaridade nos poros do papel.
e) resistência ao escoamento do líquido.

Resolução:

O movimento do líquido ocorre devido à capilaridade nos poros do papel. O etanol interage com a celulose constituinte do papel por meio de interações do tipo ligações de hidrogênio, favorecendo a ascenção do líquido no papel.

Questão 127

Quando se considera a extrema velocidade com que a luz se espalha por todos os lados e que, quando vêm de diferentes lugares, mesmo totalmente opostos, [os raios luminosos] se atravessam uns aos outros sem se atrapalharem, compreende-se que, quando vemos um objeto luminoso, isso não poderia ocorrer pelo transporte de uma matéria que venha do objeto até nós, como uma flecha ou bala atravessa o ar; pois certamente isso repugna bastante a essas duas propriedades da luz, principalmente a última.

HUYGENS, C, In: MARTINS, R. A. Tratado sobre a luz, de Cristian Huygens. **Caderno de História e Filosofia da Ciência**, supl. 4,1986

O texto contesta que concepção acerca do comportamento da luz?

a) O entendimento de que a luz precisa de um meio de propagação, difundido pelos defensores da existência do éter.
b) O modelo ondulatório para a luz, o qual considera a possibilidade de interferência entre feixes luminosos.
✔ c) O modelo corpuscular defendido por Newton, que descreve a luz como um feixe de partículas.
d) A crença na velocidade infinita da luz, defendida pela maioria dos filósofos gregos.
e) A ideia defendida pelos gregos de que a luz era produzida pelos olhos.

Resolução:

O texto traz referências a duas concepções acerca do comportamento da luz:

1. O comportamento ondulatório, quando o texto trata do princípio da independência dos raios de luz;
2. O comportamento corpuscular, quando o texto afirma que a luz não pode se comportar como um feixe de partículas.

Portanto, o texto contesta o modelo corpuscular da luz.

Questão 128

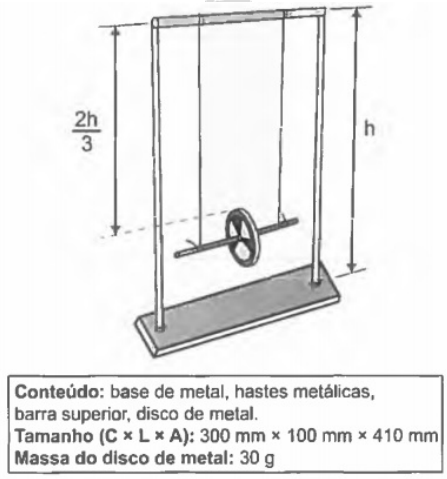
Numa feira de ciências, um estudante utilizará o disco de Maxwell (ioiô) para demonstrar o princípio da conservação da energia. A apresentação consistirá em duas etapas:

Etapa 1 - a explicação de que, à medida que o disco desce, parte de sua energia potencial gravitacional é transformada em energia cinética de translação e energia cinética de rotação;

Etapa 2 -o cálculo da energia cinética de rotação do disco no ponto mais baixo de sua trajetória, supondo o sistema conservativo.

Ao preparar a segunda etapa, ele considera a aceleração da gravidade igual a 10 m s^{-2} e a velocidade linear do centro de massa do disco desprezível em comparação com a velocidade angular. Em seguida, mede a altura do topo do disco em relação ao chão no ponto mais baixo de sua trajetória, obtendo $\frac{1}{3}$ da altura da haste do brinquedo.

As especificações de tamanho do brinquedo, isto é, de comprimento (C), largura (L) e altura (A), assim como da massa de seu disco de metal, foram encontradas pelo estudante no recorte de manual ilustrado a seguir.



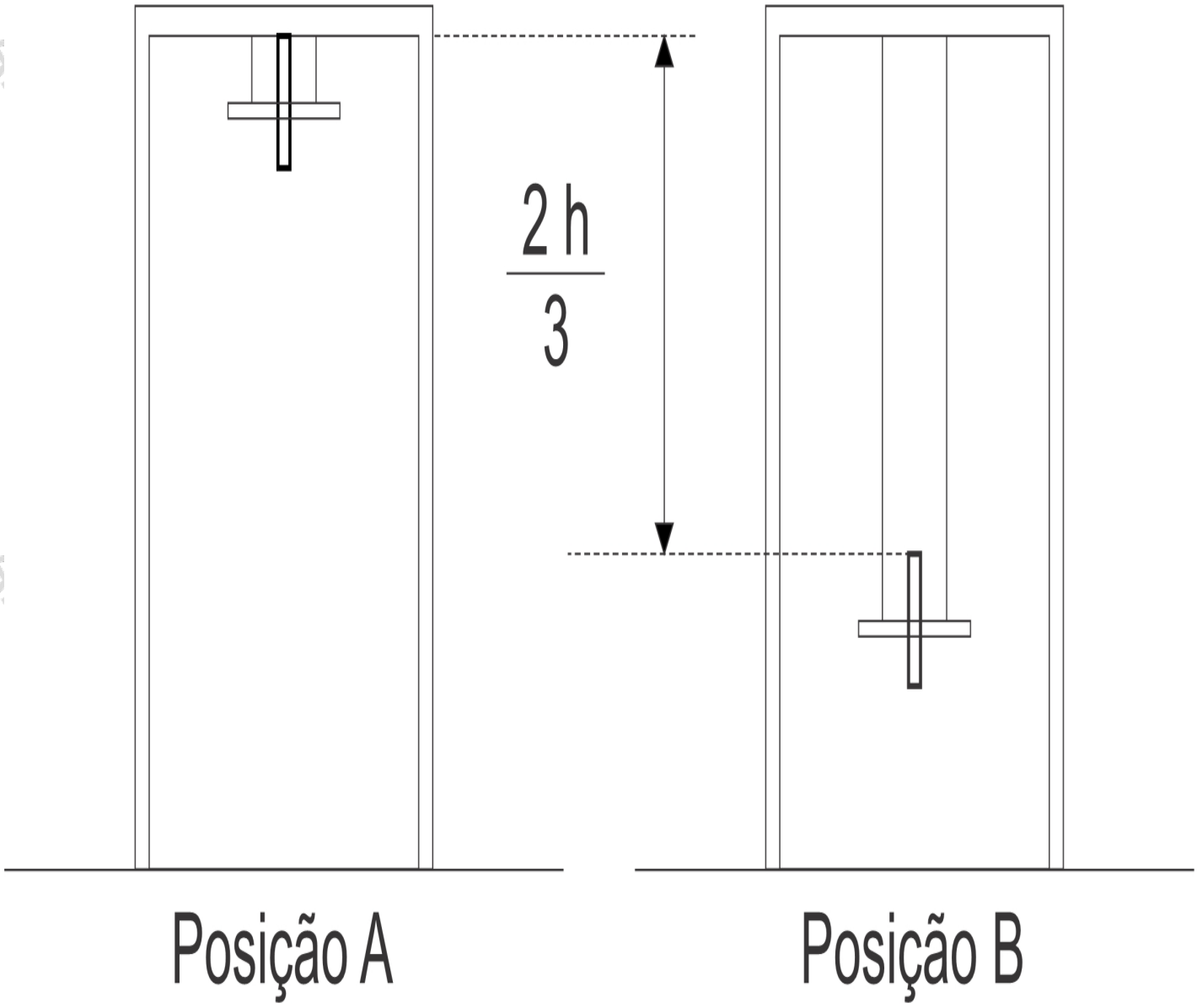
Conteúdo: base de metal, hastes metálicas, barra superior, disco de metal.
Tamanho (C × L × A): 300 mm × 100 mm × 410 mm
Massa do disco de metal: 30 g

O resultado do cálculo da etapa 2, em joule, é:

a) $4{,}10 \times 10^{-2}$
✔ b) $8{,}20 \times 10^{-2}$
c) $1{,}23 \times 10^{-1}$
d) $8{,}20 \times 10^{4}$
e) $1{,}23 \times 10^{5}$

Resolução:

Representando a situação discutida no enunciado nos pontos mais alto e mais baixo da trajetória



De acordo com o enunciado:

1) O sistema é conservativo;
2) A velocidade linear do centro do disco é desprezível.

Assim:

$$E_{m_A} = E_{m_B} \Rightarrow E_p = E_{c_{rotação}}$$

$$E_{c_{rotação}} = m \cdot g \cdot H = m \cdot g \cdot \frac{2\,h}{3} = 0{,}03 \cdot 10 \cdot \frac{2 \cdot 0{,}41}{3}$$

$$\therefore E_{c_{rotação}} = 8{,}2 \cdot 10^{-2}\,J$$

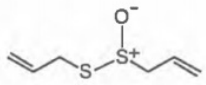
Observações

1) Para a resolução do exercício, admite-se que a haste com o disco partiu da posição "A" representada anteriormente.

2) Não é possível comparar grandezas físicas diferentes, logo, não podemos comparar a velocidade linear com a velocidade angular.

Questão 129

O odor que permanece nas mãos após o contato com alho pode ser eliminado pela utilização de um “sabonete de aço inoxidável”, constituído de aço inox (74%), cromo e níquel. A principal vantagem desse “sabonete” é que ele não se desgasta com o uso. Considere que a principal substância responsável pelo odor de alho é a alicina (estrutura I) e que, para que o odor seja eliminado, ela seja transformada na estrutura II.



Estrutura I

$CH_2 = CH - CH_2 - S - S - CH_2 - CH = CH_2$

Estrutura II

Na conversão de I em II, o “sabonete” atuará como um

a) ácido.
b) redutor.
c) eletrólito.
d) tensoativo.
✔ e) catalisador.

Resolução:

O "sabonete de aço inoxidável" atua como catalisador na conversão do composto I no composto II, pois ele não é consumido na transformação.

Questão 130

A poluição radioativa compreende mais de 200 nuclídeos, sendo que, do ponto de vista de impacto ambiental, destacam-se o césio-137 e o estrôncio-90. A maior contribuição de radionuclídeos antropogênicos no meio marinho ocorreu durante as décadas de 1950 e 1960, como resultado dos testes nucleares realizados na atmosfera. O estrôncio-90 pode se acumular nos organismos vivos e em cadeias alimentares e, em razão de sua semelhança química, pode participar no equilíbrio com carbonato e substituir o cálcio em diversos processos biológicos.

FIGUEIRA, R. C. L.; CUNHA. 1.1. L. A contaminação dos oceanos por radionuclídeos antropogênicos. **Química Nova**, n. 21,1998 (adaptado).

Ao entrar numa cadeia alimentar da qual o homem faz parte, em qual tecido do organismo humano o estrôncio-90 será acumulado predominantemente?

a) Cartilaginoso.
b) Sanguíneo.
c) Muscular.
d) Nervoso.
✔ e) Ósseo.

Resolução:

A substância intercelular do tecido conjuntivo ósseo é composto, principalmente, por fosfato de cálcio. O estrôncio-90, por substituir o cálcio em processos biológicos, acumular-se-á neste tecido.

Questão 131

Em 1962, um *jingle* (vinheta musical) criado por Heitor Carilio fez tanto sucesso que extrapolou as fronteiras do rádio e chegou à televisão ilustrado por um desenho animado, Nele, uma pessoa respondia ao fantasma que batia em sua porta, personificando o “frio", que não o deixaria entrar, pois não abriria a porta e compraria lãs e cobertores para aquecer sua casa. Apesar de memorável, tal comercial televisivo continha incorreções a respeito de conceitos físicos relativos à calorimetria.

DUARTE, M. **Jingle é a alma do negócio: livro revela os bastidores das músicas de propagandas**. Disponível em: https://guiadoscuriosos.uol.com.br. Acesso em: 24 abr. 2019 (adaptado).

Para solucionar essas incorreções, deve-se associar à porta e aos cobertores, respectivamente, as funções de:

a) Aquecer a casa e os corpos.
b) Evitar a entrada do frio na casa e nos corpos.
✔ c) Minimizar a perda de calor pela casa e pelos corpos.
d) Diminuir a entrada do frio na casa e aquecer os corpos.
e) Aquecer a casa e reduzir a perda de calor pelos corpos.

Resolução:

Os materiais utilizados em cobertores e em portas são usualmente maus condutores térmicos.
Dessa forma, as portas minimizam a transferência de calor do interior da casa (corpo mais quente) para o exterior (corpo mais frio), assim como os cobertores minimizam a transferência de calor do corpo da pessoa (corpo mais quente) para o ambiente (corpo mais frio).

Questão 132

Glicólise é um processo que ocorre nas células, convertendo glicose em piruvato. Durante a prática de exercícios físicos que demandam grande quantidade de esforço, a glicose é completamente oxidada na presença de O_2. Entretanto, em alguns casos, as células musculares podem sofrer um déficit de O_2 e a glicose ser convertida em duas moléculas de ácido lático. As equações termoquímicas para a combustão da glicose e do ácido lático são, respectivamente, mostradas a seguir:

$$C_6H_{12}O_6\,(s) + 6\,O_2\,(g) \longrightarrow 6\,CO_2\,(g) + 6\,H_2O\,(l) \quad \Delta_cH = -2\,800\ kJ$$

$$CH_3CH(OH)COOH\,(s) + 3\,O_2\,(g) \longrightarrow 3\,CO_2\,(g) + 3\,H_2O\,(l) \quad \Delta_cH = -1\,344\ kJ$$

O processo anaeróbico é menos vantajoso energeticamente porque

- ✔ a) libera 112 kJ por mol de glicose.
- b) libera 467 kJ por mol de glicose.
- c) libera 2 688 kJ por mol de glicose.
- d) absorve 1 344 kJ por mol de glicose.
- e) absorve 2 800 kJ por mol de glicose.

Resolução:

$$1\,C_6H_{12}O_6(s) + \cancel{6\,O_2(g)} \rightarrow \cancel{6\,CO_2(g)} + \cancel{6\,H_2O(\ell)} \qquad \Delta H = -2800\ kJ$$

$$\cancel{6\,CO_2(g)} + \cancel{6\,H_2O(\ell)} \rightarrow 2\,CH_3CH(OH)COOH(s) + \cancel{6\,O_2(g)} \qquad \Delta H = +2688\ kJ$$

$$1\,C_6H_{12}O_6(s) \rightarrow 2\,CH_3CH(OH)COOH(s) \qquad \Delta H = -112\ kJ$$

$$1\ mol\ C_6H_{12}O_6 \xrightarrow{\text{libera}} 112\ kJ$$

Questão 133

No quadro estão apresentadas informações sobre duas estratégias de sobrevivência que podem ser adotadas por algumas espécies de seres vivos.

	Estratégia 1	Estratégia 2
Hábitat	Mais instável e imprevisível	Mais estável e previsível
Potencial biótico	Muito elevado	Baixo
Duração da vida	Curta e com reprodução precoce	Longa e com reprodução tardia
Descendentes	Muitos e com tamanho corporal pequeno	Poucos e com tamanho corporal maior
Tamanho populacional	Variável	Constante

Na recuperação de uma área desmatada deveriam ser reintroduzidas primeiramente as espécies que adotam qual estratégia?

a) Estratégia 1, pois essas espécies produzem descendentes pequenos, o que diminui a competição com outras espécies.

b) Estratégia 2, pois essas espécies têm uma longa duração da vida, o que favorece a produção de muitos descendentes.

✔ c) Estratégia 1, pois essas espécies apresentam um elevado potencial biótico, o que facilita a rápida recolonização da área desmatada.

d) Estratégia 2, pois essas espécies estão adaptadas a hábitats mais estáveis, o que corresponde ao ambiente de uma área desmatada.

e) Estratégia 2, pois essas espécies apresentam um tamanho populacional constante, o que propicia uma recolonização mais estável da área desmatada.

Resolução:

Plantas com ciclo de vida curto, elevada taxa de reprodução (elevado potencial biótico) e rápido crescimento colonizam rapidamente uma área desmatada e protegem o solo da erosão e lixiviação, o que favorece sua recuperação.

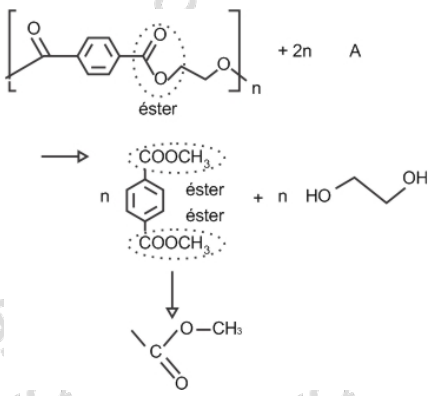
Questão 134

Uma das técnicas de reciclagem química do polímero PET [poli(tereftalato de etileno)] gera o tereftalato de metila e o etanodiol, conforme o esquema de reação, e ocorre por meio de uma reação de transesterificação.

O composto A, representado no esquema de reação, é o

a) metano.
b) metanol. ✔
c) éter metílico.
d) ácido etanoico.
e) anidrido etanoico.

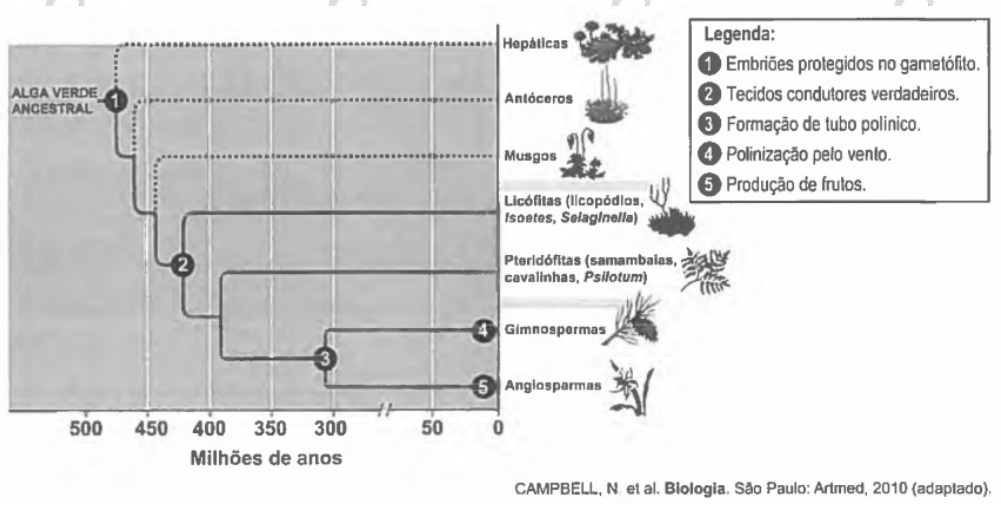
Resolução:



Na transesterificação, o grupo alquila ligado ao éster resultante é proveniente do álcool reagente, portanto, o composto A é o metanol.

Questão 135

Durante sua evolução, as plantas apresentaram grande diversidade de características, as quais permitiram sua sobrevivência em diferentes ambientes. Na imagem, cinco dessas características estão indicadas por números.



CAMPBELL, N. et al. **Biologia**. São Paulo: Artmed, 2010 (adaptado).

A aquisição evolutiva que permitiu a conquista definitiva do ambiente terrestre pelas plantas está indicada pelo número

a) 1.
b) 2.
✔ c) 3.
d) 4.
e) 5.

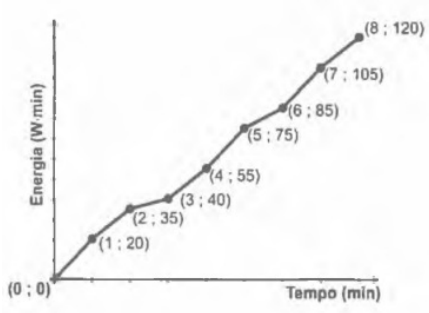
Resolução:

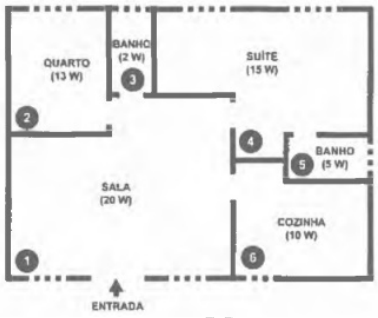
A conquista definitiva do ambiente terrestre está relacionada com o surgimento do tubo polínico, que permitiu a independência da água do ambiente para a fecundação. Como essa característica está presente em Gimnospermas e Angiospermas, o número que a representa é o 3.

Questão 136

Nos seis cômodos de uma casa há sensores de presença posicionados de forma que a luz de cada cômodo acende assim que uma pessoa nele adentra, e apaga assim que a pessoa se retira desse cômodo. Suponha que o acendimento e o desligamento sejam instantâneos.

O morador dessa casa visitou alguns desses cômodos, ficando exatamente um minuto em cada um deles. O gráfico descreve o consumo acumulado de energia, em watt x minuto, em função do tempo *t*, em minuto, das lâmpadas de LED dessa casa, enquanto a figura apresenta a planta baixa da casa, na qual os cômodos estão numerados de 1 a 6, com as potências das respectivas lâmpadas indicadas.





A seqüência de deslocamentos pelos cômodos, conforme o consumo de energia apresentado no gráfico, é

- ✔ a) 1 → 4 → 5 → 4 → 1 → 6 →1 → 4
- b) 1 → 2 → 3 →1 →-> 4 →1 → 4 → 4
- c) 1 → 4 → 5 → 4 →1 → 6 → 1 → 2 → 3
- d) 1 → 2 → 3 → 5 → 4 → 1 → 6 → 1 → 4
- e) 1 → 4 → 2 → 3 → 5 → 1 → 6 → 1 → 4

Resolução:

Como esse morador ficou exatamente um minuto em cada cômodo que visitou, a variação na ordenada já fornece a energia em watt × minuto. Sendo assim, tem-se que as variações e os cômodos são:

- 20 W — Sala (1)
- 15 W — Suíte (4)
- 5 W — Banho (5)

e assim por diante.
Assim, obtém-se a sequência: 1 → 4 → 5 → 4 → 1 → 6 → 1 → 4

Questão 137

Um casal planejou uma viagem e definiu como teto para o gasto diário um valor de até R$ 1 000,00. Antes de decidir o destino da viagem, fizeram uma pesquisa sobre a taxa de câmbio vigente para as moedas de cinco países que desejavam visitar e também sobre as estimativas de gasto diário em cada um, com o objetivo de escolher o destino que apresentasse o menor custo diário em real.

O quadro mostra os resultados obtidos com a pesquisa realizada.

País de destino	Moeda local	Taxa de câmbio	Gasto diário
França	Euro (€)	R$ 3,14	315,00 €
EUA	Dólar (US$)	R$ 2,78	US$ 390,00
Austrália	Dólar australiano (A$)	R$ 2,14	A$ 400,00
Canadá	Dólar canadense (C$)	R$ 2,10	C$ 410,00
Reino Unido	Libra esterlina (£)	R$ 4,24	£ 290,00

Nessas condições, qual será o destino escolhido para a viagem?

- ✔ a) Austrália.
- b) Canadá.
- c) EUA.
- d) França.
- e) Reino Unido.

Resolução:

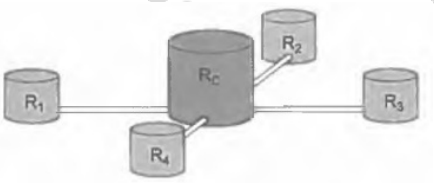
O custo diário, em real, pode ser obtido fazendo o produto entre o gasto diário, na moeda local, e a taxa de câmbio.
Assim, tem-se a seguinte tabela:

País de Destino	Gasto diário em real
França	315 · 3,14 = 989,10
EUA	390 · 2,78 = 1084,20
Austrália	400 · 2,14 = 856,00
Canadá	410 · 2,10 = 861,00
Reino Unido	290 · 4,24 = 1229,60

Dessa forma, o menor custo diário em real e, portanto, o destino escolhido para a viagem é a Austrália.

Questão 138

Uma construtora pretende conectar um reservatório central (R_C) em formato de um cilindro, com raio interno igual a 2 m e altura interna igual a 3,30 m, a quatro reservatórios cilíndricos auxiliares (R_1, R_2, R_3 e R_4), os quais possuem raios internos e alturas internas medindo 1,5 m,



As ligações entre o reservatório central e os auxiliares são feitas por canos cilíndricos com 0,10 m de diâmetro interno e 20 m de comprimento, conectados próximos às bases de cada reservatório. Na conexão de cada um desses canos com o reservatório central há registros que liberam ou interrompem o fluxo de água.

No momento em que o reservatório central está cheio e os auxiliares estão vazios, abrem-se os quatro registros e, após algum tempo, as alturas das colunas de água nos reservatórios se igualam, assim que cessa o fluxo de água entre eles, pelo principio dos vasos comunicantes.

A medida, em metro, das alturas das colunas de água nos reservatórios auxiliares, após cessar o fluxo de água entre eles, é

a) 1,44.
b) 1,16.
c) 1,10.
✔ d) 1,00.
e) 0,95.

Resolução:

O volume de água no interior do reservatório central logo antes da abertura do registros é: $\pi \cdot 2^2 \cdot 3{,}3 = 13{,}2\,\pi\ (m^3)$

Após as alturas das colunas se igualarem, a água alcança uma altura h em cada um dos 5 reservatórios. Considerando, também, o volume de água nos canos, tem-se:

$$13{,}2\pi = 4 \cdot \pi \cdot 1{,}5^2 \cdot h + 4 \cdot \pi \cdot 0{,}05^2 \cdot 20 + \pi \cdot 2^2 \cdot h$$
$$13{,}2\pi = 9\pi h + 0{,}2\pi + 4\pi h$$
$$h = 1$$

Questão 139

Para construir uma piscina, cuja área total da superfície interna é igual a 40 m^2, uma construtora apresentou o seguinte orçamento:

• RS 10 000,00 pela elaboração do projeto;

• R$ 40 000,00 pelos custos fixos;

• R$ 2 500,00 por metro quadrado para construção da área interna da piscina.

Após a apresentação do orçamento, essa empresa decidiu reduzir o valor de elaboração do projeto em 50%, mas recalculou o valor do metro quadrado para a construção da área interna da piscina, concluindo haver a necessidade de aumentá-lo em 25%. Além disso, a construtora pretende dar um desconto nos custos fixos, de maneira que o novo valor do orçamento seja reduzido em 10% em relação ao total inicial.

O percentual de desconto que a construtora deverá conceder nos custos fixos é de

a) 23,3%
b) 25,0%
c) 50,0%
✔ d) 87,5%
e) 100,0%

Resolução:

No orçamento inicial, a piscina custaria:

$$R\$\ 10000{,}00 + R\$\ 40000{,}00 + 40 \cdot R\$\ 2500{,}00 = R\$\ 150000{,}00$$

No novo orçamento, a elaboração do projeto passa a custar R$ 5000,00 e a superfície interna, R$ 125000,00. Sendo x o novo valor dos custos fixos, tem-se:

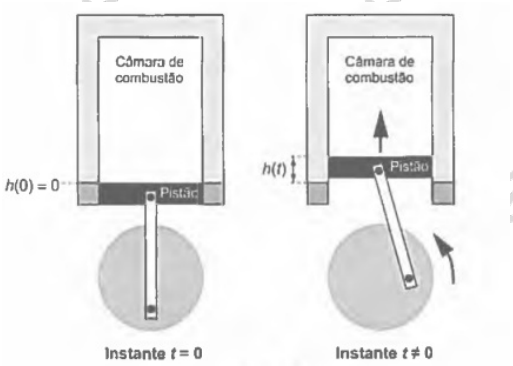
$$R\$\ 125000{,}00 + R\$\ 5000{,}00 + x = 0{,}9 \cdot R\$\ 150000{,}00$$

$$x = 5000$$

Ou seja, há uma redução de R$ 35000,00, os quais representam 87,5% de R$ 40000,00. Assim, o desconto nos custos fixos deve ser de 87,5%.

Questão 140

Um grupo de engenheiros está projetando um motor cujo esquema de deslocamento vertical do pistão dentro da câmara de combustão está representado na figura.



A função $h(t) = 4 + 4sen\left(\frac{\beta t}{2} - \frac{\pi}{2}\right)$ definida para $t \geq 0$

descreve como varia a altura h, medida em centímetro, da parte superior do pistão dentro da câmara de combustão, em função do tempo t, medido em segundo. Nas figuras estão indicadas as alturas do pistão em dois instantes distintos.

O valor do parâmetro β, que é dado por um número inteiro positivo, está relacionado com a velocidade de deslocamento do pistão. Para que o motor tenha uma boa potência, é necessário e suficiente que, em menos de 4 segundos após o início do funcionamento (instante $t = 0$), a altura da base do pistão alcance por três vezes o valor de 6 cm. Para os cálculos, utilize 3 como aproximação para π.

O menor valor inteiro a ser atribuído ao parâmetro β, de forma que o motor a ser construído tenha boa potência, é

a) 1.
b) 2.
c) 4.
✔ d) 5.
e) 8.

Resolução:

Nos instantes em que a altura atinge 6cm, tem-se:

$4 + 4\text{sen}\left(\frac{\beta t}{2} - \frac{\pi}{2}\right) = 6 \therefore$

$\text{sen}\left(\frac{\beta t}{2} - \frac{\pi}{2}\right) = \frac{1}{2}$

1ª solução com t > 0: $\frac{\beta t}{2} - \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{6}$

2ª solução com t > 0: $\frac{\beta t}{2} - \frac{\pi}{2} = \frac{5\pi}{6}$

3ª solução com t > 0: $\frac{\beta t}{2} - \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{6} + 2\pi \therefore t = \frac{16\pi}{3\beta}$

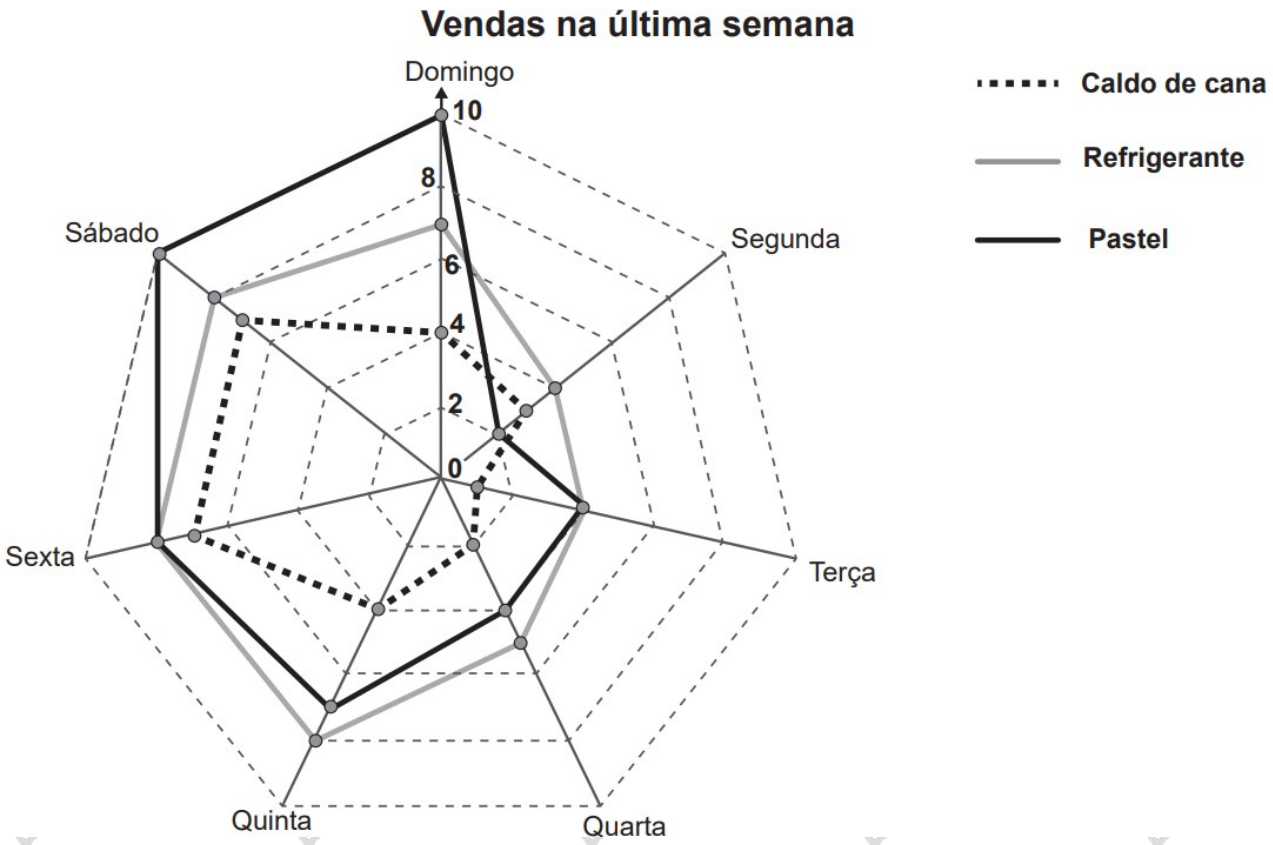
Como a 3ª solução deve ocorrer antes dos 4s, tem-se:

$\frac{16\pi}{3\beta} < 4 \therefore \beta > \frac{4\pi}{3}$

Considerando π = 3, deve-se ter β > 4, ou seja, β = 5.

Questão 141

Um comerciante, que vende somente pastel, refrigerante em lata e caldo de cana em copos, fez um levantamento das vendas realizadas durante a semana. O resultado desse levantamento está apresentado no gráfico.



Ele estima que venderá, em cada dia da próxima semana, uma quantidade de refrigerante em lata igual à soma das quantidades de refrigerante em lata e caldo de cana em copos vendidas no respectivo dia da última semana. Quanto aos pastéis, estima vender, a cada dia da próxima semana, uma quantidade igual à quantidade de refrigerante em lata que prevê vender em tal dia. Já para o número de caldo de cana em copos, estima que as vendas diárias serão iguais às da última semana.

Segundo essas estimativas, a quantidade a mais de pastéis que esse comerciante deve vender na próxima semana é

a) 20.
✔ b) 27.
c) 44.
d) 55.
e) 71.

Resolução:

	D	2ª	3ª	4ª	5ª	6ª	S	Totais	
Cald	4	3	1	2	4	7	7		semana 1
Refr	7	4	4	5	8	8	8		
Past	10	2	4	4	7	8	10	45	
Cald	4	3	1	2	4	7	7		semana 2
Refr	11	7	5	7	12	15	15		
Past	11	7	5	7	12	15	15	72	

Na última semana, ele vendeu 45 pastéis e, na semana posterior, deverá vender 72 pastéis.
Logo, a quantidade a mais de pastéis que esse comerciante deve vender é dada por 72 - 45 = 27.

Questão 142

Um grupo de países criou uma instituição responsável por organizar o Programa Internacional de Nivelamento de Estudos (PINE) com o objetivo de melhorar os índices mundiais de educação. Em sua sede foi construída uma escultura suspensa, com a logomarca oficial do programa, em três dimensões, que é formada por suas iniciais, conforme mostrada na figura.

PINE

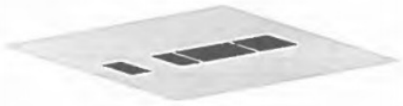
Essa escultura está suspensa por cabos de aço, de maneira que o espaçamento entre letras adjacentes é o mesmo, todas têm igual espessura e ficam dispostas em posição ortogonal ao solo, como ilustrado a seguir.

Ao meio-dia, com o sol a pino, as letras que formam essa escultura projetam ortogonal mente suas sombras sobre o solo.

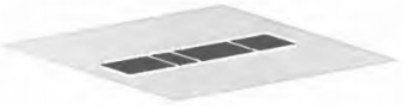
A sombra projetada no solo é

a

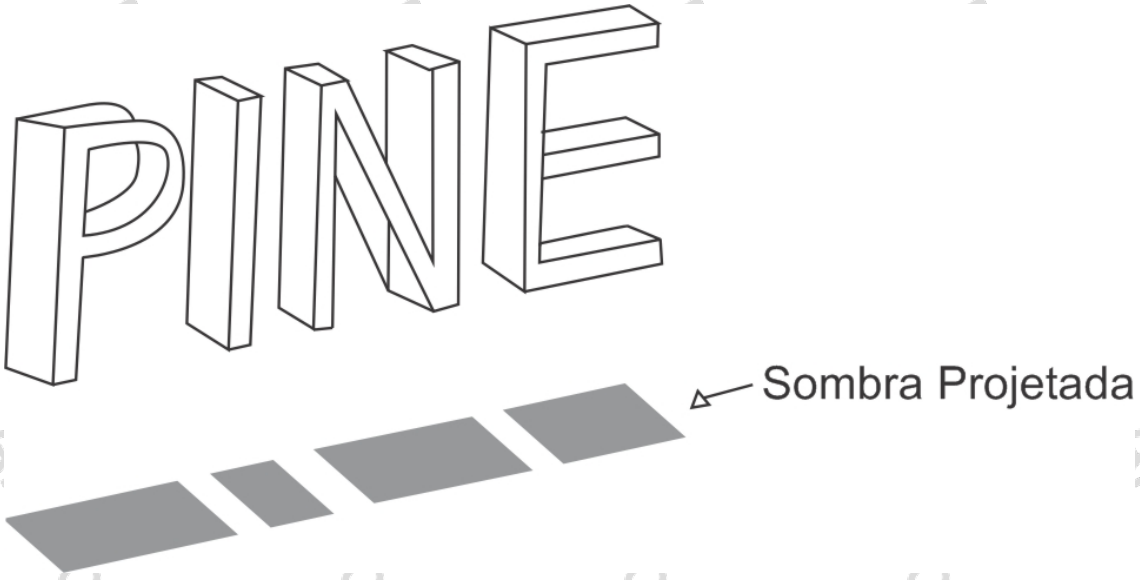
b

c 

d

e 

Resolução:



Questão 143

A *Hydrangea macmphylla* é uma planta com flor azul ou cor-de-rosa, dependendo do pH do solo no qual está plantada. Em solo ácido (ou seja, com pH < 7) a flor é azul, enquanto que em solo alcalino (ou seja, com pH > 7) a flor é rosa. Considere que a *Hydrangea* cor-de-rosa mais valorizada comercialmente numa determinada região seja aquela produzida em solo com pH inferior a 8. Sabe-se que $pH = - \log_{10} x$, em que x é a concentração de ion hidrogênio (H^+).

Para produzir a Hydrangea cor-de-rosa de maior valor comercial, deve-se preparar o solo de modo que x assuma

(a) qualquer valor acima de 10^{-8}.
(b) qualquer valor positivo inferior a 10^{-7}.
(c) valores maiores que 7 e menores que 8.
(d) valores maiores que 70 e menores que 80.
✔ (e) valores maiores que 10^{-8} e menores que 10^{-7}.

Resolução:

Para produzir a Hydrangea cor-de-rosa, o pH deve ser maior que 7 e menor que 8. Assim:

$$\begin{aligned} pH &> 7 \\ -\log_{10} x &> 7 \\ \log_{10} x &< -7 \\ x &< 10^{-7} \end{aligned} \quad \text{e} \quad \begin{aligned} pH &< 8 \\ -\log_{10} x &< 8 \\ \log_{10} x &> -8 \\ x &> 10^{-8} \end{aligned}$$

Questão 144

Uma pessoa, que perdeu um objeto pessoal quando visitou uma cidade, pretende divulgar nos meios de comunicação informações a respeito da perda desse objeto e de seu contato para eventual devolução. No entanto, ela lembra que, de acordo com o Art. 1 234 do Código Civil, poderá ter que pagar pelas despesas do transporte desse objeto até sua cidade e poderá ter que recompensar a pessoa que lhe restituir o objeto em, pelo menos, 5% do valor do objeto.

Ela sabe que o custo com transporte será de um quinto do valor atual do objeto e, como ela tem muito interesse em reavê-lo, pretende ofertar o maior percentual possível de recompensa, desde que o gasto total com as despesas não ultrapasse o valor atual do objeto.

Nessas condições, o percentual sobre o valor do objeto, dado como recompensa, que ela deverá ofertar é igual a

a) 20%
b) 25%
c) 40%
d) 60%
✔ e) 80%

Resolução:

Sendo V o valor do objeto e R o valor da recompensa, tem-se:

$$\frac{1}{5}V + R \leq V$$
$$R \leq \frac{4}{5}V$$
$$R \leq 0{,}80V$$

O valor máximo deverá ser de 80% do valor atual do objeto.

Questão 145

A bula de um antibiótico infantil, fabricado na forma de xarope, recomenda que sejam ministrados, diariamente, no máximo 500 mg desse medicamento para cada quilograma de massa do paciente. Um pediatra prescreveu a dosagem máxima desse antibiótico para ser ministrada diariamente a uma criança de 20 kg pelo período de 5 dias. Esse medicamento pode ser comprado em frascos de 10 mL, 50 mL, 100 mL, 250 mL e 500 mL. Os pais dessa criança decidiram comprar a quantidade exata de medicamento que precisará ser ministrada no tratamento, evitando a sobra de medicamento. Considere que 1 g desse medicamento ocupe um volume de 1 cm^3.

A capacidade do frasco, em mililitro, que esses pais deverão comprar é

a) 10.
✔ b) 50.
c) 100.
d) 250.
e) 500.

Resolução:

Para cada 1 kg, devemos ter no máximo 500 mg de medicamento. Como a criança possui 20 kg e o pediatra prescreveu a dosagem máxima, tem-se:

$$20\ kg \cdot 500\ mg = 10000\ mg\ por\ dia$$

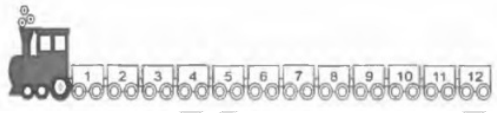
Como o tratamento vai durar 5 dias, tem-se:

$$10000\ mg \cdot 5\ dias = 50000\ mg = 50\ g$$

Como 1 g de medicamento ocupa um volume de 1 cm^3, tem-se 50 cm^3, o que equivale a 50 mL.

Questão 146

Uma empresa confecciona e comercializa um brinquedo formado por uma locomotiva, pintada na cor preta, mais 12 vagões de iguais formato e tamanho, numerados de 1 a 12. Dos 12 vagões, 4 são pintados na cor vermelha, 3 na cor azul, 3 na cor verde e 2 na cor amarela. O trem é montado utilizando-se uma locomotiva e 12 vagões, ordenados crescentemente segundo suas numerações, conforme ilustrado na figura.



De acordo com as possíveis variações nas colorações dos vagões, a quantidade de trens que podem ser montados, expressa por meio de combinações, é dada por

a) $C_{12}^4 \times C_{12}^3 \times C_{12}^3 \times C_{12}^2$

b) $C_{12}^4 + C_8^3 + C_5^3 + C_2^2$

c) $C_{12}^4 \times 2 \times C_8^3 \times C_5^2$

d) $C_{12}^4 + 2 \times C_{12}^3 + C_{12}^2$

✔ e) $C_{12}^4 \times C_8^3 \times C_5^3 \times C_2^2$

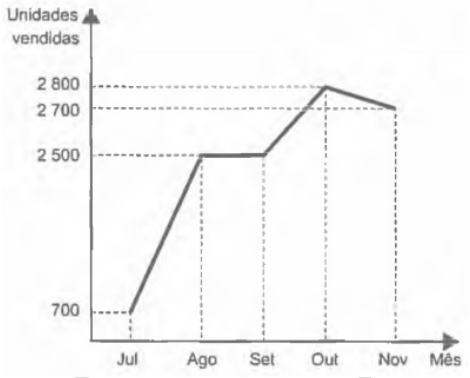
Resolução:

Deve-se, inicialmente, escolher 4 dos 12 vagões para pintar de azul. Em seguida, deve-se escolher 3 dos 8 vagões restantes para pintar de vermelho. Em seguida deve-se escolher 3 dos 5 vagões restantes para pintar de verde e, finalmente, escolher os dois últimos para pintar de amarelo. O número de maneiras de isso ocorrer é dado por

$C_{12}^4 \cdot C_8^3 \cdot C_5^3 \cdot C_2^2$

Questão 147

O gráfico a seguir mostra a evolução mensal das vendas de certo produto de julho a novembro de 2011.



Sabe-se que o mês de julho foi 0 pior momento da empresa em 2011 e que o número de unidades vendidas desse produto em dezembro de 2011 foi igual à média aritmética do número de unidades vendidas nos meses de julho a novembro do mesmo ano.

O gerente de vendas disse, em uma reunião da diretoria, que, se essa redução no número de unidades vendidas de novembro para dezembro de 2011 se mantivesse constante nos meses subsequentes, as vendas só voltariam a ficar piores que julho de 2011 apenas no final de 2012.

O diretor financeiro rebateu imediatamente esse argumento mostrando que, mantida a tendência, isso aconteceria já em

a) janeiro.
b) fevereiro.
c) março.
✔ d) abril.
e) maio.

Resolução:

Sendo x o número de unidades vendidas em dezembro, tem-se:

$$x = \frac{700 + 2500 + 2500 + 2800 + 2700}{5}$$

$\therefore x = 2240$

A variação de vendas entre novembro e dezembro é $2240 - 2700 = 460$

Assim, as previsões de vendas para os meses de janeiro a abril de 2012 seriam

Janeiro: 1780 unidades
Fevereiro: 1320 unidades
Março: 860 unidades
Abril: 400 unidades

Logo, mantida a tendência, as vendas seriam piores que as de julho de 2011 em abril de 2012.

Questão 148

A gripe é uma infecção respiratória aguda de curta duração causada pelo vírus *influenza*. Ao entrar no nosso organismo pelo nariz, esse vírus multiplica-se, disseminando-se para a garganta e demais partes das vias respiratórias, incluindo os pulmões.

O vírus *influenza* é uma partícula esférica que tem um diâmetro interno de 0,00011 mm.

Disponível em: www.gripenet.pt. Acesso em: 2 nov. 2013 (adaptado).

Em notação científica, o diâmetro interno do vírus *influenza*, em mm, é

a) $1{,}1 \times 10^{-1}$
b) $1{,}1 \times 10^{-2}$
c) $1{,}1 \times 10^{-3}$
d) $1{,}1 \times 10^{-4}$ ✔
e) $1{,}1 \times 10^{-5}$

Resolução:

Nota-se que $0{,}00011 = \frac{1{,}1}{10000}$

Escrevendo em notação científica, tem-se $0{,}00011 = 1{,}1 \cdot 10^{-4}$.

Questão 149

Em um jogo on-line, cada jogador procura subir de nível e aumentar sua experiência, que são dois parâmetros importantes no jogo, dos quais dependem as forças de defesa e de ataque do participante. A força de defesa de cada jogador é diretamente proporcional ao seu nível e ao quadrado de sua experiência, enquanto sua força de ataque é diretamente proporcional à sua experiência e ao quadrado do seu nível. Nenhum jogador sabe o nível ou a experiência dos demais. Os jogadores iniciam o jogo no nível 1 com experiência 1 e possuem força de ataque 2 e de defesa 1. Nesse jogo, cada participante se movimenta em uma cidade em busca de tesouros para aumentar sua experiência. Quando dois deles se encontram, um deles pode desafiar o outro para um confronto, sendo o desafiante considerado o atacante. Compara-se então a força de ataque do desafiante com a força de defesa do desafiado e vence o confronto aquele cuja força for maior. O vencedor do desafio aumenta seu nível em uma unidade. Caso haja empate no confronto, ambos os jogadores aumentam seus níveis em uma unidade.

Durante um jogo, o jogador J_1, de nível 4 e experiência 5, irá atacar o jogador J_2, de nível 2 e experiência 6. O jogador J_1 venceu esse confronto porque a diferença entre sua força de ataque e a força de defesa de seu oponente era

a) 112.
✔ b) 88.
c) 60.
d) 28.
e) 24.

Resolução:

Sendo

A: força de ataque
D: força de defesa
N: nível
E: experiência

tem-se:

$A = K \cdot E \cdot N^2$ e $D = C \cdot E^2 \cdot N$

com K e C constantes.
Como no início do jogo A = 2; D = 1; N = 1 e E = 1, tem-se:

$A = K \cdot E \cdot N^2 \therefore 2 = K \cdot 1 \cdot 1^2 \therefore K = 2$

$D = C \cdot E^2 \cdot N \therefore 1 = C \cdot 1^2 \cdot 1 \therefore C = 1$

No confronto, o jogador J_1 irá atacar o jogador J_2.
Desse modo, tem-se:

força de ataque do jogador J_1:

$A_1 = 2 \cdot 5 \cdot 4^2 = 160$

força de defesa do jogador J_2:

$D_2 = 1 \cdot 6^2 \cdot 2 = 72$

Como $A_1 > D_2$, o jogador J_1 vence o jogador J_2 porque a diferença entre sua força de ataque e a de defesa do seu oponente é 160 – 72 = 88.

Questão 150

Em um condomínio, uma área pavimentada, que tem a forma de um círculo com diâmetro medindo 6 m, é cercada por grama. A administração do condomínio deseja ampliar essa área, mantendo seu formato circular, e aumentando, em 8 m, o diâmetro dessa região, mantendo o revestimento da parte já existente. O condomínio dispõe, em estoque, de material suficiente para pavimentar mais 100 m^2 de área. O síndico do condomínio irá avaliar se esse material disponível será suficiente para pavimentar a região a ser ampliada.

Utilize 3 como aproximação para π.

A conclusão correta a que o síndico deverá chegar, considerando a nova área a ser pavimentada, é a de que o material disponível em estoque

(a) será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede 21 m^2.

(b) será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede 24 m^2.

(c) será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede 48 m^2.

(d) não será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede 108 m^2.

✔ (e) não será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede 120 m^2.

Resolução:

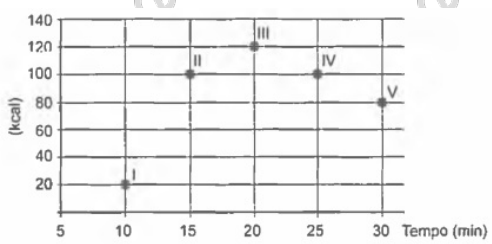
A região da ampliação desejada tem a forma de uma coroa circular cujo diâmetro interno é 6 metros e o diâmetro externo é 14 metros (6 + 8). Assim, a área A da ampliação, em metro quadrado, é

$$A = \pi\left(\frac{14}{2}\right)^2 - \pi\left(\frac{6}{2}\right)^2$$
$$A = \pi \cdot 7^2 - \pi \cdot 3^2$$
$$A = 40\pi \therefore A \approx 120$$

Logo, o material disponível em estoque não será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede 120 m^2.

Questão 151

Os exercícios físicos são recomendados para o bom funcionamento do organismo, pois aceleram o metabolismo e, em conseqüência, elevam o consumo de calorias. No gráfico, estão registrados os valores calóricos, em kcal, gastos em cinco diferentes atividades físicas, em função do tempo dedicado às atividades, contado em minuto.



Qual dessas atividades físicas proporciona o maior consumo de quilocalorias por minuto?

a) I
b) II ✔
c) III
d) IV
e) V

Resolução:

De acordo com o gráfico, tem-se os seguintes consumos calóricos, em Kcal/min:

atividade I: $\frac{20}{10} = 2$

atividade II: $\frac{100}{15} \approx 6{,}67$

atividade III: $\frac{120}{20} = 6$

atividade IV: $\frac{100}{25} = 4$

atividade V: $\frac{80}{30} \approx 2{,}67$

Assim, o maior consumo é proporcionado pela atividade II.

Questão 152

Um professor aplica, durante os cinco dias úteis de uma semana, testes com quatro questões de múltipla escolha a cinco alunos. Os resultados foram representados na matriz.

$$\begin{bmatrix} 3 & 2 & 0 & 1 & 2 \\ 3 & 2 & 4 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 4 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 4 & 4 \end{bmatrix}$$

Nessa matriz os elementos das linhas de 1 a 5 representam as quantidades de questões acertadas pelos alunos Ana, Bruno, Carlos, Denis e Érica, respectivamente, enquanto que as colunas de 1 a 5 indicam os dias da semana, de segunda-feira a sexta-feira, respectivamente, em que os testes foram aplicados.

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na

- ✔ a) segunda-feira.
- b) terça-feira.
- c) quarta-feira.
- d) quinta-feira.
- e) sexta-feira.

Resolução:

De acordo com o enunciado, as colunas da matriz indicam os acertos em cada um dos dias da semana.
Assim, a quantidade de acertos na segunda-feira foi de 3 + 3 + 2 + 3 + 0 = 11 e nos dias seguintes os acertos foram 10 por dia.
Logo, na segunda-feira a quantidade de acertos foi maior.

Anglo Resolve

Questão 153

Um ciclista quer montar um sistema de marchas usando dois discos dentados na parte traseira de sua bicicleta, chamados catracas. A coroa é o disco dentado que é movimentado pelos pedais da bicicleta, sendo que a corrente transmite esse movimento às catracas, que ficam posicionadas na roda traseira da bicicleta. As diferentes marchas ficam definidas pelos diferentes diâmetros das catracas, que são medidos conforme indicação na figura.

O ciclista já dispõe de uma catraca com 7 cm de diâmetro e pretende incluir uma segunda catraca, de modo que, à medida em que a corrente passe por ela, a bicicleta avance 50% a mais do que avançaria se a corrente passasse pela primeira catraca, a cada volta completa dos pedais.

O valor mais próximo da medida do diâmetro da segunda catraca, em centímetro e com uma casa decimal, é

a) 2,3.
b) 3,5.
✔ c) 4,7.
d) 5,3.
e) 10,5.

Resolução:

Sejam:

n_1: o número de voltas realizadas pela primeira catraca;
n_2: o número de voltas realizadas pela segunda catraca;
d_1: o número de dentes da primeira catraca;
d_2: o número de dentes da segunda catraca.

Como o número de dentes da catraca da bicicleta é inversamente proporcional ao número de voltas realizadas pela catraca, tem-se:

$$n_1 \cdot d_1 = n_2 \cdot d_2 \quad (I)$$

Além disso, o avanço da bicicleta é diretamente proporcional ao número de voltas realizadas pela catraca. Assim,

$$n_2 = 1{,}5n_1 \quad (II)$$

De (I) e (II), segue que:

$$n_1 \cdot d_1 = 1{,}5n_1 \cdot d_2 \therefore d_2 = \frac{2}{3}d_1$$

Considerando que a quantidade de dentes da catraca é diretamente proporcional ao seu diâmetro, tem-se:

$$D_2 = \frac{2}{3} \cdot D_1$$

$$D_2 = \frac{2}{3} \cdot 7 \therefore D_2 \approx 4{,}7 \text{ cm}$$

Questão 154

O serviço de meteorologia de uma cidade emite relatórios diários com a previsão do tempo. De posse dessas informações, a prefeitura emite três tipos de alertas para a população:

• Alerta cinza: deverá ser emitido sempre que a previsão do tempo estimar que a temperatura será inferior a 10 °C, e a umidade relativa do ar for inferior a 40%;

• Alerta laranja: deverá ser emitido sempre que a previsão do tempo estimar que a temperatura deve variar entre 35 °C e 40 °C, e a umidade relativa do ar deve ficar abaixo de 30%;

• Alerta vermelho: deverá ser emitido sempre que a previsão do tempo estimar que a temperatura será superior a 40 °C, e a umidade relativa do ar for inferior a 25%.

Um resumo da previsão do tempo nessa cidade, para um período de 15 dias, foi apresentado no gráfico.

Decorridos os 15 dias de validade desse relatório, um funcionário percebeu que, no período a que se refere o gráfico, foram emitidos os seguintes alertas:

• Dia 1: alerta cinza;

• Dia 12: alerta laranja;

• Dia 13: alerta vermelho.

Em qual(is) desses dias o(s) aviso(s) foi(ram) emitido(s) corretamente?

- ✔ a) 1
- b) 12
- c) 1 e 12
- d) 13
- e) 1, 12 e 13

Resolução:

Do gráfico, pode-se construir a seguinte tabela:

DIA	TEMPERATURA	UMIDADE RELATIVA
1	entre 0°C e 10°C	entre 30% e 40%
12	40°C	20%
13	entre 40°C e 50°C	40%

Dia 1: a temperatura prevista é inferior a 10°C e a umidade relativa, inferior a 40%; então, o alerta cinza foi emitido corretamente.Assim, tem-se:
Dia 13: a umidade relativa do ar prevista não é inferior a 25%; então, o alerta vermelho não foi emitido corretamente.
Dia 12: para analisar o alerta emitido nesse dia, é preciso interpretar a expressão "deve variar entre 35°C e 40°C".

Há duas possíveis interpretações:

(I) Na linguagem formal, e também na linguagem matemática, "entre 35°C e 40°C" não inclui os extremos 35°C e 40°C.
Logo, de acordo com essa interpretação o alerta laranja não foi emitido corretamente.

(II) Na linguagem coloquial, "entre 35°C e 40°C" pode incluir extremos. Logo,

de acordo com essa interpretação, o alerta laranja foi emitido corretamente.
Considerando a interpretação I, a alternativa correta é A.
Considerando a interpretação II, a alternativa correta é C.

Vale ressaltar que, em uma prova de matemática, deveria haver um cuidado maior com o uso da linguagem, evitando-se qualquer tipo de ambiguidade. Nesta questão, a interpretação de acordo com a linguagem matemática ou com a linguagem coloquial leva a respostas diferentes.

Questão 155

Uma administração municipal encomendou a pintura de dez placas de sinalização para colocar em seu pátio de estacionamento.

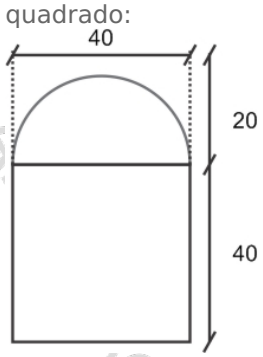
O profissional contratado para o serviço inicial pintará o fundo de dez placas e cobrará um valor de acordo com a área total dessas placas. O formato de cada placa é um círculo de diâmetro $d = 40$ cm, que tangencia lados de um retângulo, sendo que o comprimento total da placa é $h = 60$ cm, conforme ilustrado na figura. Use 3,14 como aproximação para π.

Qual é a soma das medidas das áreas, em centímetros quadrados, das dez placas?

a) 16 628
✔ b) 22 280
c) 28 560
d) 41 120
e) 66 240

Resolução:

A placa ilustrada na figura pode ser decomposta em um semicírculo e um quadrado:



A área das placas pode ser calculada por:

$$10 \cdot \left(\frac{\pi \, 20^2}{2} + 40^2 \right) = 22\,280 \text{ cm}^2$$

Questão 156

O rótulo da embalagem de um cosmético informa que a dissolução de seu conteúdo, de acordo com suas especificações, rende 2,7 litros desse produto pronto para o uso. Uma pessoa será submetida a um tratamento estético em que deverá tomar um banho de imersão com esse produto numa banheira com capacidade de 0,3 m^3. Para evitar o transbordamento, essa banheira será preenchida em 80% de sua capacidade.

Para esse banho, o número mínimo de embalagens desse cosmético é

a) 9.
b) 12.
✔ c) 89.
d) 112.
e) 134.

Resolução:

Do enunciado tem-se que:

- $V_{cosmetico} = 2,7\ L = 0,0027\ m^3$
- $V_{banheira} = 0,3\ m^3$

A banheira será preenchida com 80% de sua capacidade, portanto, com

$0,8 \cdot 0,3\ m^3 = 0,24\ m^3$

Então, o número de embalagens de cosmético necessárias para preencher a banheira será de $\frac{0,24\ m^3}{0,0027\ m^3} \cong 89$

Questão 157

O *slogan* “Se beber não dirija”, muito utilizado em campanhas publicitárias no Brasil, chama a atenção para o grave problema da ingestão de bebida alcoólica por motoristas e suas conseqüências para o trânsito. A gravidade desse problema pode ser percebida observando como o assunto é tratado pelo Código de Trânsito Brasileiro. Em 2013, a quantidade máxima de álcool permitida no sangue do condutor de um veiculo, que já era pequena, foi reduzida, e o valor da multa para motoristas alcoolizados foi aumentado. Em conseqüência dessas mudanças, observou-se queda no número de acidentes registrados em uma suposta rodovia nos anos que se seguiram ás mudanças implantadas em 2013, conforme dados no quadro.

Ano	2013	2014	2015
Número total de acidentes	1 050	900	850

Suponha que a tendência de redução no número de acidentes nessa rodovia para os anos subsequentes seja igual á redução absoluta observada de 2014 para 2015.

Com base na situação apresentada, o número de acidentes esperados nessa rodovia em 2018 foi de

a) 150.
b) 450.
c) 550.
✔ d) 700.
e) 800.

Resolução:

A redução absoluta de 2014 para 2015 foi de 900 – 850 = 50 acidentes. Mantendo-se essa tendência de redução, o número de acidentes esperados nos anos seguintes é dado por:

2016: 850 – 50 = 800 acidentes.
2017: 800 – 50 = 750 acidentes.
2018: 750 – 50 = 700 acidentes.

Assim, o número esperado de acidentes em 2018 é de 700.

Questão 158

Uma pessoa se interessou em adquirir um produto anunciado em uma loja. Negociou com o gerente e conseguiu comprá-lo a uma taxa de juros compostos de 1% ao mês. O primeiro pagamento será um mês após a aquisição do produto, e no valor de R$ 202,00. O segundo pagamento será efetuado um mês após o primeiro, e terá o valor de R$ 204,02. Para concretizar a compra, o gerente emitirá uma nota fiscal com o valor do produto à vista negociado com o cliente, correspondendo ao financiamento aprovado.

O valor à vista, em real, que deverá constar na nota fiscal é de

a) .398,02.
✔ b) 400,00.
c) 401,94.
d) 404,00.
e) 406,02.

Resolução:

Seja "x" o preço à vista do produto anunciado.
Após 1 mês, esse preço inicial será aumentado em 1% e, em seguida, será feito o primeiro pagamento, restando um saldo devedor equivalente a $1{,}01 \cdot x - 202{,}00$.

No segundo mês, esse saldo devedor sofrerá um novo aumento de 1%.
Considerando-se que a segunda é a última parcela, tem-se:

$$(1{,}01 \cdot x - 202{,}00) \cdot 1{,}01 = 204{,}02$$

$$1{,}01^2 \cdot x - 204{,}02 = 204{,}02$$

$$x = \frac{408{,}04}{1{,}01^2}$$

$$x = 400{,}00$$

Questão 159

Três sócios resolveram fundar uma fábrica. O investimento inicial foi de R$ 1 000 000,00. E, independentemente do valor que cada um investiu nesse primeira momento, resolveram considerar que cada um deles contribuiu com um terço do investimento inicial.

Algum tempo depois, um quarto sócio entrou para a sociedade, e os quatro, juntos, investiram mais R$ 800 000,00 na fábrica. Cada um deles contribuiu com um quarto desse valor. Quando venderam a fábrica, nenhum outro investimento havia sido feito. Os sócios decidiram então dividir o montante de R$ 1 800 000,00 obtido com a venda, de modo proporcional à quantia total investida por cada sócio.

Quais os valores mais próximos, em porcentagens, correspondentes às parcelas financeiras que cada um dos três sócios iniciais e o quarto sócio, respectivamente, receberam?

- ✔ (a) 29,60 e 11,11.
- (b) 28,70 e 13,89.
- (c) 25,00 e 25.00.
- (d) 18,52 e 11,11.
- (e) 12,96 e 13,89.

Resolução:

Do enunciado, tem-se:
Investimento inicial: R$ 1 000 000, divididos igualmente em 3 sócios.

Investimento final: R$ 800 000, divididos igualmente em 4 sócios, dos quais 3 são os iniciais e um é novo.

Portanto, o investimento total foi de R$ 1 800 000
→ Cada um dos três sócios iniciais investiu $\frac{1}{3} \cdot 1\,000\,000 + \frac{1}{4} \cdot 800\,000 = R\$\,533\,333{,}33$, o que corresponde a $\frac{533\,333{,}33}{1\,800\,000} = 29{,}60\%$ do total.

→ O quarto sócio investiu $\frac{1}{4} \cdot R\$\,800\,000$, o que corresponde a $\frac{200\,000}{1\,800\,000} = 11{,}11\%$ do total.

Questão 160

Para contratar três máquinas que farão o reparo de vias rurais de um município, a prefeitura elaborou um edital que, entre outras cláusulas, previa:

. Cada empresa interessada só pode cadastrar uma única máquina para concorrer ao edital;

. O total de recursos destinados para contratar o conjunto das três máquinas é de R$ 31 000,00;

. O valor a ser pago a cada empresa será inversamente proporcional à idade de uso da máquina cadastrada pela empresa para o presente edital.

As três empresas vencedoras do edital cadastraram máquinas com 2, 3 e 5 anos de idade de uso.

Quanto receberá a empresa que cadastrou a máquina com maior idade de uso?

a) .R$3 100,00
✔ b) R$6 000,00
c) R$6 200,00
d) R$ 15 000,00
e) R$ 15 500,00

Resolução:

Considere-se que x, y e z são os valores pagos às empresas que cadastraram as máquinas com 2, 3 e 5 anos de uso, respectivamente, e k é a constante de proporcionalidade.
Sendo x, y e z inversamente proporcionais a 2, 3 e 5, tem-se:

$2 \cdot x = 3 \cdot y = z \cdot 5 = k$

Logo, $x = \frac{k}{2}$, $y = \frac{k}{3}$ e $z = \frac{k}{5}$.

A soma dos valores pagos às três empresas é R$ 31000,00. Assim, tem-se:

$x + y + z = 31000$

$\frac{k}{2} + \frac{k}{3} + \frac{k}{5} = 31000$

$\frac{15k + 10k + 6k}{30} = 31000$

$\frac{31k}{30} = 31000$

$k = 30000$

O valor pago à empresa que cadastrou a máquina com maior idade de uso é dado por:

$z = \frac{k}{5}$

$z = \frac{30000}{5}$

$z = 6000$

Questão 161

Segundo o Instituto Brasileiro de Geografia e Estatística (IBGE), o rendimento médio mensal dos trabalhadores brasileiros, no ano 2000, era de R$ 1 250,00. Já o Censo 2010 mostrou que, em 2010, esse valor teve um aumento de 7,2% em relação a 2000. Esse mesmo instituto projeta que, em 2020, o rendimento médio mensal dos trabalhadores brasileiros poderá ser 10% maior do que foi em 2010.

IBGE. Censo 2010. Disponível em: www.ibge.gov.br. Acesso em: 13 ago. 2012 (adaptado).

Supondo que as projeções do IBGE se realizem, o rendimento médio mensal dos brasileiros em 2020 será de

a) R$ 1 340,00.
b) R$ 1 349,00.
c) R$ 1 375,00.
d) R$ 1 465,00.
✔ e) R$ 1 474,00.

Resolução:

De acordo com o enunciado, tem-se:

Ano 2000 – rendimento de R$ 1250,00
Ano 2010 – aumento de 7,2%, rendimento de R$ 1340,00
Ano 2020 – aumento projetado de 10%, rendimento de R$ 1474,00

Questão 162

Charles Richter e Beno Gutenberg desenvolveram a escala Richter, que mede a magnitude de um terremoto. Essa escala pode variar de 0 a 10, com possibilidades de valores maiores. O quadro mostra a escala de magnitude local (M_S) de um terremoto que é utilizada para descrevê-lo.

Descrição	Magnitude local (M_S) ($\mu m \cdot Hz$)
Pequeno	$0 \leq M_S \leq 3,9$
Ligeiro	$4,0 \leq M_S \leq 4,9$
Moderado	$5,0 \leq M_S \leq 5,9$
Grande	$6,0 \leq M_S \leq 9,9$
Extremo	$M_S \geq 10,0$

Para se calcular a magnitude local, usa-se a fórmula Ms = 3,30 + log($A \, . f$), em que A representa a amplitude máxima da onda registrada por um sismógrafo em micrômetro (um) e f representa a frequência da onda, em hertz (Hz). Ocorreu um terremoto com amplitude máxima de 2 000 $_{\mu}$m e frequência de 0,2 Hz.

Disponível em: htlp7/cejarj.cederj edu.br. Acesso em: 1 fev. 2015 (adaptado).

Utilize 0,3 como aproximação para log 2.

De acordo com os dados fornecidos, o terremoto ocorrido pode ser descrito como

a) Pequeno.
b) Ligeiro.
✔ c) Moderado.
d) Grande.
e) Extremo.

Resolução:

Do enunciado tem-se que

$M_S = 3,30 + \log(A \cdot f)$; A = amplitude máxima e f = frequência

como A = 2000 μm e f = 0,2 Hz e log2 = 0,3, tem-se:

$M_S = 3,30 + \log(2000)(0,2)$
$M_S = 3,30 + \log 400$
$M_S = 3,30 + \log 4 + \log 100$
$M_S = 3,30 + 2\log 2 + 2$
$M_S = 5,30 + 2(0,3)$
$M_S = 5,30 + 0,6$
$M_S = 5,90$

Consultando a tabela, tem-se que o terremoto foi MODERADO.

Questão 163

Após o Fórum Nacional Contra a Pirataria (FNCP) incluir a linha de autopeças em campanha veiculada contra a falsificação, as agências fiscalizadoras divulgaram que os cinco principais produtos de autopeças falsificados são: rolamento, pastilha de freio, caixa de direção, catalisador e amortecedor.

Disponível em: www.oficinabrasil.com.br Acesso em: 25 ago 2014 (adaptado).

Após uma grande apreensão, as peças falsas foram cadastradas utilizando-se a codificação:

1: rolamento, 2: pastilha de freio, 3: caixa de direção, 4: catalisador e 5: amortecedor.

Ao final obteve-se a seqüência: 5, 4, 3, 2, 1, 2, 3, 4, 5, 4, 3, 2, 1, 2, 3, 4, 5, 4, 3, 2, 1, 2, 3, 4,... que apresenta um padrão de formação que consiste na repetição de um bloco de números. Essa seqüência descreve a ordem em que os produtos apreendidos foram cadastrados.

O 2 015º item cadastrado foi um(a)

a) rolamento.
b) catalisador.
c) amortecedor.
d) pastilha de freio.
✔ e) caixa de direção.

Resolução:

Escrevendo a sequência fornecida, observa-se:

5, 4, 3, 2, 1, 2, 3, 4/ 5, 4, 3, 2, 1, 2, 3, 4/ 5, 4, 3, 2, 1, 2, 3, 4/...

nota-se que existe um padrão na sua construção que se repete de 8 em 8 elementos, daí o 2015º item cadastrado será

2015	8
41	251
15	
7	

sobrando sete elementos para a sequência seguinte, logo a posição será do número 3: 5, 4, 3, 2, 1, 2, 3, 4.

Caixa de direção.

Questão 164

Durante suas férias, oito amigos, dos quais dois são canhotos, decidem realizar um torneio de vôlei de praia. Eles precisam formar quatro duplas para a realização do torneio. Nenhuma dupla pode ser formada por dois jogadores canhotos.

De quantas maneiras diferentes podem ser formadas essas quatro duplas?

a) 69
b) 70
✔ c) 90
d) 104
e) 05

Resolução:

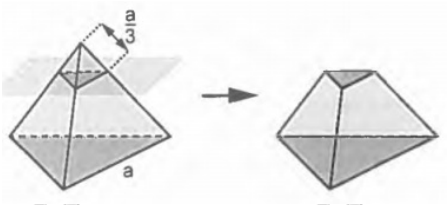
De acordo com o enunciado, tem-se 8 amigos, sendo 6 destros e 2 canhotos. Como se deve montar quatro duplas entre os amigos, não podendo haver dupla com dois canhotos, tem-se:

$$\underbrace{\frac{C_{8,2}\cdot C_{6,2}\cdot C_{4,2}\cdot C_{2,2}}{4!}}_{\text{Todas as duplas}} - \underbrace{C_{2,2}\cdot\frac{C_{6,2}\cdot C_{4,2}\cdot C_{2,2}}{3!}}_{\text{Com uma dupla de canhotos}}$$

$$105 - 15 = 90$$

Questão 165

As luminárias para um laboratório de matemática serão fabricadas em forma de sólidos geométricos. Uma delas terá a forma de um tetraedro truncado. Esse sólido é gerado a partir de secções paralelas a cada uma das faces de um tetraedro regular. Para essa luminária, as secções serão feitas de maneira que, em cada corte, um terço das arestas seccionadas serão removidas. Uma dessas secções está indicada na figura.

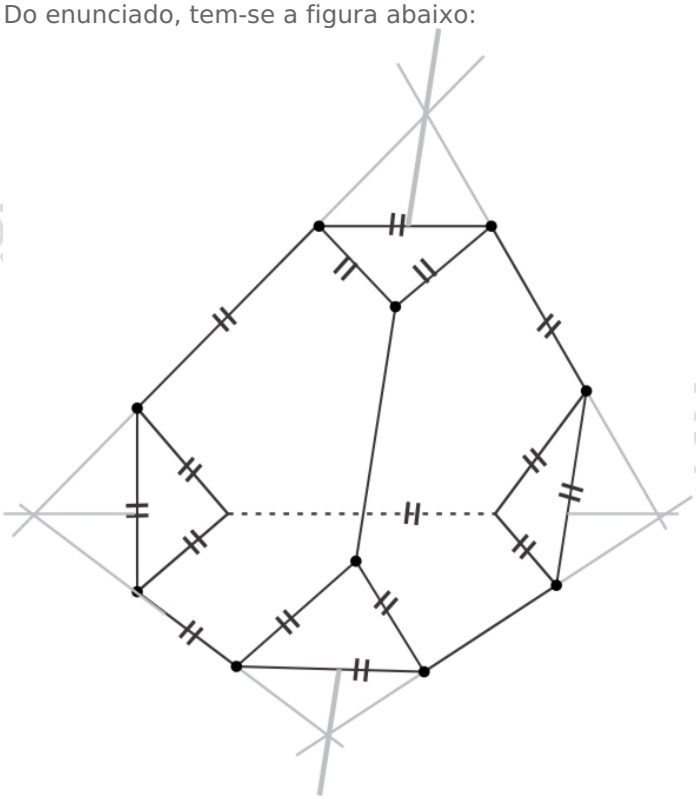


Essa luminária terá por faces

- ✔ a) 4 hexágonos regulares e 4 triângulos equiláteros.
- b) 2 hexágonos regulares e 4 triângulos equiláteros.
- c) 4 quadriláteros e 4 triângulos isósceles.
- d) 3 quadriláteros e 4 triângulos isósceles.
- e) 3 hexágonos regulares e 4 triângulos equiláteros.

Resolução:

Do enunciado, tem-se a figura abaixo:



Como a aresta do tetraedro regular foi dividida em três partes congruentes, observa-se a formação de 4 hexágonos regulares e 4 triângulos equiláteros.

Questão 166

Comum em lançamentos de empreendimentos imobiliários, as maquetes de condomínios funcionam como uma ótima ferramenta de marketing para as construtoras, pois, além de encantar clientes, auxiliam de maneira significativa os corretores na negociação e venda de imóveis.

Um condomínio está sendo lançado em um novo bairro de uma cidade. Na maquete projetada pela construtora, em escala de 1 :200, existe um reservatório de água com capacidade de 45 cm^3.

Quando todas as famílias estiverem residindo no condomínio, a estimativa é que, por dia, sejam consumidos 30 000 litros de água.

Em uma eventual falta de água, o reservatório cheio será suficiente para abastecer o condomínio por quantos dias?

a) 30
b) 15
✔ c) 12
d) 6
e) 3

Resolução:

Dada a escala de 1:200 da maquete, tem-se a razão linear de semelhança:

$$K = \frac{1}{200} = \frac{1}{2 \cdot 10^2}$$

Assim, a razão volumétrica de semelhança é

$$K^3 = \left(\frac{1}{200}\right)^3 = \frac{1}{2^3 \cdot 10^6}$$

O volume real V_R do reservatório é dado por:

$$K^3 = \frac{1}{2^3 \cdot 10^6} = \frac{45}{V_R}$$

$$\therefore V_R = 360 \cdot 10^6 cm^3 = 360 \cdot 10^3 L$$

Sabendo que o consumo estimado é de 30000L por dia, tem-se:

Tempo (dias)	Volume (L)
1	30000
x	$360 \cdot 10^3$

$\Rightarrow$ x = 12 dias

Logo, o volume do reservatório será suficiente para abastecer o condomínio por até 12 dias.

Questão 167

Uma empresa presta serviço de abastecimento de água em uma cidade, O valor mensal a pagar por esse serviço é determinado pela aplicação de tarifas, por faixas de consumo de água, sendo obtido pela adição dos valores correspondentes a cada faixa.

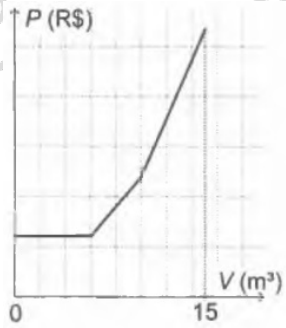
• Faixa 1: para consumo de até 6 m^3 valor fixo de R$ 12,00;

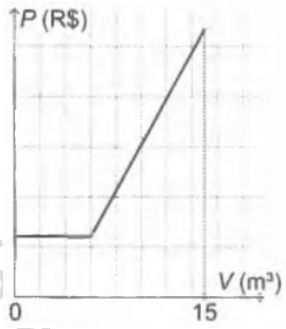
• Faixa 2: para consumo superior a 6 m^3 e até 10 m^3, tarifa de RS 3,00 por metro cúbico ao que exceder a 6 m^3;

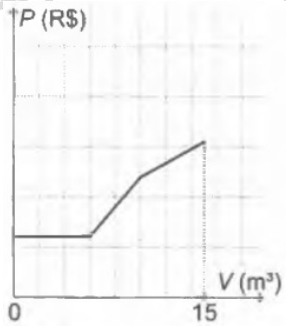
• Faixa 3: para consumo superior a 10 m^3. tarifa de R$ 6,00 por metro cúbico ao que exceder a 10 m^3.

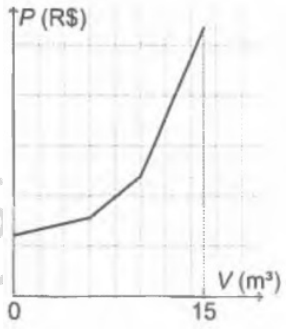
Sabe-se que nessa cidade o consumo máximo de água por residência é de 15 m^3 por mês.

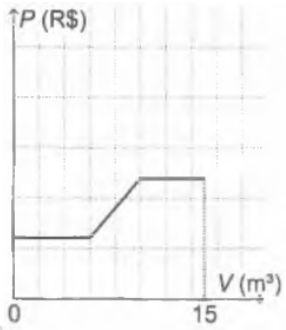
O gráfico que melhor descreve o valor P, em real, a ser pago por mês. em função do volume V de água consumido, em metro cúbico, é

a


b


c


d




e

Resolução:

Sendo P a função do valor a ser pago por mês, em função do volume V de água consumido, tem-se:

• Faixa I: $P_I(V) = 12, 0 \leq V \leq 6$

$P(6) = 12.$

• Faixa II: $P_{II}(V) = P(6) + 3 \cdot (V - 6) = 12 + (V - 6) \cdot 3$

$\therefore P_{II}(V) = 3V - 6, 6 < V \leq 10$

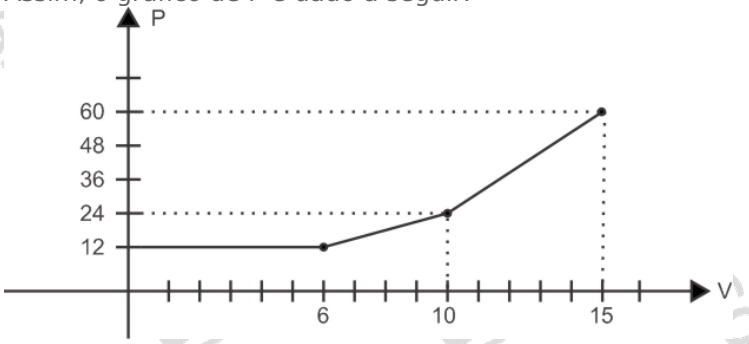
$P(10) = 24$

• Faixa III: $P_{III}(V) = P(10) + 6(V - 10) = 24 + 6(V - 10)$

$\therefore P_{III}(V) = 6V - 36, V > 10$

$P(15) = 54$

Assim, o gráfico de P é dado a seguir:



Melhor representado pela alternativa A.

Questão 168

Em um determinado ano, os computadores da receita federal de um país identificaram como inconsistentes 20% das declarações de imposto de renda que lhe foram encaminhadas. Uma declaração é classificada como inconsistente quando apresenta algum tipo de erro ou conflito nas informações prestadas. Essas declarações consideradas inconsistentes foram analisadas pelos auditores, que constataram que 25% delas eram fraudulentas. Constatou-se ainda que, dentre as declarações que não apresentaram inconsistências, 6,25% eram fraudulentas.

Qual é a probabilidade de, nesse ano, a declaração de um contribuinte ser considerada inconsistente, dado que ela era fraudulenta?

a) 0,0500
b) 0,1000
c) 0,1125
d) 0,3125
✔ e) 0,5000

Resolução:

1º Modo

Sejam os eventos:
A: uma declaração ser considerada inconsistente.
B: uma declaração ser fraudulenta.
Tem-se que:

$$P(B) = P(B/A) \cdot P(A) + P(B/\overline{A}) \cdot P(\overline{A})$$
$$P(B) = \frac{25}{100} \cdot \frac{20}{100} + \frac{6,25}{100} \cdot \frac{80}{100}$$
$$P(B) = \frac{5}{100} + \frac{5}{100} = 10\%$$

Logo, a probabilidade de ocorrer A, dado que B ocorreu é:

$$P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{P(B/A) \cdot P(A)}{P(B)} = \frac{25\% \cdot 20\%}{10\%} = 0,5$$

2º Modo

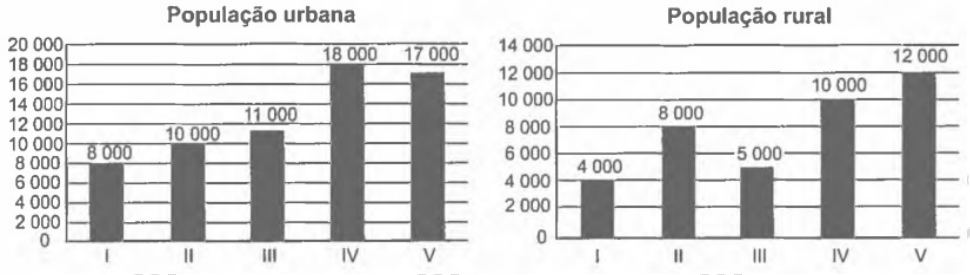
Montamos a árvore de possibilidades:

- 20% Inconsistente
  - 25% Fraudulenta → $P(F/I) = 20\% \cdot 25\% = 5\%$
  - Não fraudulenta
- 80% Consistente
  - 6,25% Fraudulenta → $P(F/\overline{I}) = 80\% \cdot 6,25\% = 5\%$
  - Não fraudulenta

Logo: $\frac{P(F/I)}{P(F/I) + P(F/\overline{I})} = \frac{5\%}{5\% + 5\%} = 50\% = 0,5$

Questão 169

A taxa de urbanização de um município é dada pela razão entre a população urbana e a população total do município (isto é, a soma das populações rural e urbana). Os gráficos apresentam, respectivamente, a população urbana e a população rural de cinco municípios (I, II, III, IV, V) de uma mesma região estadual. Em reunião entre o governo do estado e os prefeitos desses municípios, ficou acordado que o município com maior taxa de urbanização receberá um investimento extra em infraestrutura.



Segundo o acordo, qual município receberá o investimento extra?

a) I
b) II
✔ c) III
d) IV
e) V

Resolução:

Considerando os dados dos gráficos e o conceito de taxa de urbanização fornecido no enunciado, para cada um dos municípios tem-se:

$$\text{I} \rightarrow \text{taxa} = \frac{8000}{8000 + 4000} = \frac{8}{12} \approx 0{,}667 = 66{,}7\%$$

$$\text{II} \rightarrow \text{taxa} = \frac{10000}{10000 + 8000} = \frac{10}{18} \approx 0{,}556 = 55{,}6\%$$

$$\text{III} \rightarrow \text{taxa} = \frac{11000}{11000 + 5000} = \frac{11}{16} \approx 0{,}6875 = 68{,}75\%$$

$$\text{IV} \rightarrow \text{taxa} = \frac{18000}{18000 + 10000} = \frac{18}{28} \approx 0{,}643 = 64{,}3\%$$

$$\text{V} \rightarrow \text{taxa} = \frac{17000}{17000 + 12000} = \frac{17}{29} \approx 0{,}586 = 58{,}6\%$$

Logo, o município III é o que apresenta maior taxa.

Questão 170

O dono de um restaurante situado às margens de uma rodovia percebeu que, ao colocar uma placa de propaganda de seu restaurante ao longo da rodovia, as vendas aumentaram. Pesquisou junto aos seus clientes e concluiu que a probabilidade de um motorista perceber uma placa de anúncio é $\frac{1}{2}$. Com isso, após autorização do órgão competente, decidiu instalar novas placas com anúncios de seu restaurante ao longo dessa rodovia, de maneira que a probabilidade de um motorista perceber pelo menos uma das placas instaladas fosse superior a $\frac{99}{100}$.

A quantidade minima de novas placas de propaganda a serem instaladas é

a) 99.
b) 51.
c) 50.
✔ d) 6.
e) 1.

Resolução:

Se a probabilidade de um motorista perceber pelo menos uma das placas deve ser superior a $\frac{99}{100}$, então a probabilidade de ele não perceber NENHUMA das placas deve ser menor ou igual a $\frac{1}{100}$. Como a probabilidade de um motorista perceber uma placa é $\frac{1}{2}$, então a probabilidade de ele <u>não</u> perceber uma placa é $\frac{1}{2}$.

Logo, considerando as <u>n</u> novas placas, temos:

$$\underbrace{\frac{1}{2}\cdot\frac{1}{2}\cdot\frac{1}{2}\cdot\ldots\cdot\frac{1}{2}}_{(n+1)\text{ vezes}} \leq \frac{1}{100} \rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1} \leq \frac{1}{100} \rightarrow 2^{n+1} \geq 100$$

Como $2^6 < 100 < 2^7$, o valor mínimo é dado por $n + 1 = 7 \rightarrow n = 6$.

Questão 171

O preparador físico de um time de basquete dispõe de um plantei de 20 jogadores, com média de altura igual a 1,80 m. No último treino antes da estreia em um campeonato, um dos jogadores desfalcou o time em razão de uma séria contusão, forçando o técnico a contratar outro jogador para recompor o grupo.

Se o novo jogador é 0,20 m mais baixo que o anterior, qual é a média de altura, em metro, do novo grupo?

a) 1,60
b) 1,78
✔ c) 1,79
d) 1,81
e) 1,82

Resolução:

Com a contratação do novo jogador, a nova média de altura será $1{,}80 - \frac{0{,}20}{20} = 1{,}79\ \text{m}$.

Anglo Resolve

Questão 172

Em uma fábrica de refrigerantes, é necessário que se faça periodicamente o controle no processo de engarrafamento para evitar que sejam envasadas garrafas fora da especificação do volume escrito no rótulo.

Diariamente, durante 60 dias, foram anotadas as quantidades de garrafas fora dessas especificações. O resultado está apresentado no quadro.

Quantidade de garrafas fora das especificações por dia	Quantidade de dias
0	52
1	5
2	2
3	1

A média diária de garrafas fora das especificações no período considerado é

a) 0,1.
✔ b) 0,2.
c) 1,5.
d) 2,0.
e) 3,0.

Resolução:

A média $\bar{x}$ é dada por:

$$\bar{x} = \frac{0 \cdot 52 + 1 \cdot 5 + 2 \cdot 2 + 3 \cdot 1}{52 + 5 + 2 + 1} = \frac{2}{10} = 0{,}2$$

Questão 173

O Sistema Métrico Decimal é o mais utilizado atualmente para medir comprimentos e distâncias. Em algumas atividades, porém, é possível observar a utilização de diferentes unidades de medida. Um exemplo disso pode ser observado no quadro.

Unidade	Equivalência
Polegada	2,54 centímetros
Jarda	3 pés
Jarda	0,9144 metro

Assim, um pé, em polegada, equivale a

a) 0,1200.
b) 0,3048.
c) 1,0800.
✔ d) 12,0000.
e) 36,0000.

Resolução:

Da tabela, tem-se que 3 pés correspondem a 0,9144 m = 91,44 cm. Logo, 1 pé corresponde a $\frac{91,44}{3} = 30,48\text{cm}$.

A razão entre 1 pé e 1 polegada, nessa ordem, é $\frac{30,48}{2,54} = 12$, ou seja, 1 pé equivale a 12 polegadas.

Questão 174

O índice de Desenvolvimento Humano (IDH) é uma medida usada para classificar os países pelo seu grau de desenvolvimento. Para seu cálculo, são levados em consideração a expectativa de vida ao nascer, tempo de escolaridade e renda per capita, entre outros. O menor valor deste índice é zero e o maior é um. Cinco paises foram avaliados e obtiveram os seguintes índices de desenvolvimento humano: o primeiro país recebeu um valor X, o segundo $\sqrt{X}$, o terceiro $X^{\frac{1}{3}}$, o quarto X^2 e o último X^3. Nenhum desses países zerou ou atingiu o índice máximo.

Qual desses países obteve o maior IDH?

a) O primeiro.
b) O segundo.
✔ c) O terceiro.
d) O quarto.
e) O quinto.

Resolução:

Com $0 < x < 1$, tem-se:

- $0 < x < 1 \ (\cdot\, x) \Rightarrow 0 < x^2 < x$ (I)
- $0 < x^2 < x \ (\cdot\, x) \Rightarrow 0 < x^3 < x^2$ (II)
- $0 < x^2 < x \Rightarrow \sqrt{0} < \sqrt{x^2} < \sqrt{x} \Rightarrow 0 < x < \sqrt{x}$ (III)
- $0 < x^3 < x^2 \Rightarrow \sqrt[6]{0} < \sqrt[6]{x^3} < \sqrt[6]{x^2} \Rightarrow 0 < \sqrt{x} < \sqrt[3]{x}$ (IV)

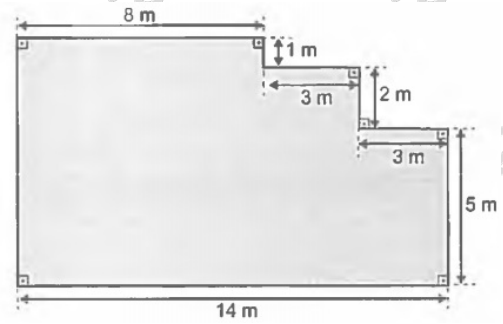
De (I), (II), (III) e (IV), tem-se:

$x^3 < x^2 < x < \sqrt{x} < \sqrt[3]{x}$

Logo, o país com maior IDH foi o terceiro.

Questão 175

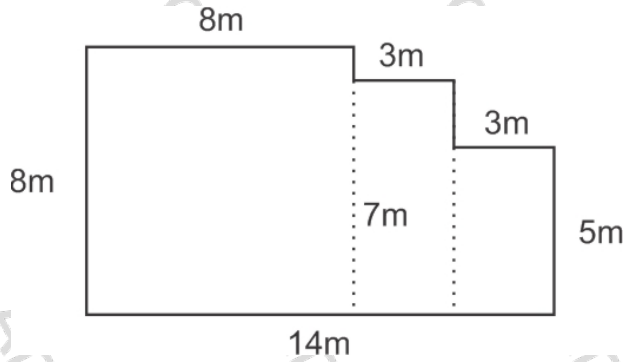
Um mestre de obras deseja fazer uma laje com espessura de 5 cm utilizando concreto usinado, conforme as dimensões do projeto dadas na figura. O concreto para fazer a laje será fornecido por uma usina que utiliza caminhões com capacidades máximas de 2 m^3, 5 m^3 e 10 m^3 de concreto.



Qual a menor quantidade de caminhões, utilizando suas capacidades máximas, que o mestre de obras deverá pedir à usina de concreto para fazer a laje?

a) Dez caminhões com capacidade máxima de 10 m^3.
b) Cinco caminhões com capacidade máxima de 10 m^3.
✔ c) Um caminhão com capacidade máxima de 5 m^3.
d) Dez caminhões com capacidade máxima de 2 m^3.
e) Um caminhão com capacidade máxima de 2 m^3.

Resolução:



A área a ser concretada vale $8 \cdot 8 + 3 \cdot 7 + 3 \cdot 5 = 100\ m^2$.
Como a laje possui espessura 5 cm = 0,05 m, o volume de concreto gasto será $100 \cdot 0{,}05 = 5\ m^3$, o que permite ao mestre de obras pedir à usina um caminhão com capacidade máxima de 5 m^3.

Questão 176

O álcool é um depressor do sistema nervoso central e age diretamente em diversos órgãos. A concentração de álcool no sangue pode ser entendida como a razão entre a quantidade q de álcool ingerido, medida em grama, e o volume de sangue, em litro, presente no organismo do indivíduo. Em geral, considera-se que esse volume corresponda ao valor numérico dado por 8% da massa corporal m desse indivíduo, medida em quilograma.

De acordo com a Associação Médica Americana, uma concentração alcoólica superior a 0,4 grama por litro de sangue é capaz de trazer prejuízos á saúde do indivíduo.

Disponível em http //cisa org.br. Acesso em: 1 dez. 2018 (adaptado).

A expressão relacionando q e m que representa a concentração alcoólica prejudicial á saúde do indivíduo, de acordo com a Associação Médica Americana, é

a) $\frac{q}{0{,}8m} > 0{,}4$
b) $\frac{0{,}4}{q} > 0{,}8$
c) $\frac{q}{0{,}4} > 0{,}8$
d) $\frac{0{,}08m}{q} > 0{,}4$
✔ e) $\frac{q}{0{,}08m} > 0{,}4$

Resolução:

Seja

m a massa corporal (em kg);
q a quantidade de álcool ingerido (em g);
v o volume de sangue (em L);
c a concentração de álcool no sangue.

Do enunciado:

$$c = \frac{q}{v}$$

$$\therefore c = \frac{q}{0{,}08m}$$

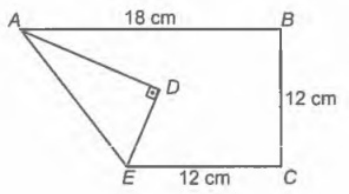
Para ser prejudicial à saúde, tem-se que

$$c > 0{,}4$$

$$\therefore \frac{q}{0{,}08m} > 0{,}4$$

Questão 177

Construir figuras de diversos tipos, apenas dobrando e cortando papel, sem cola e sem tesoura, é a arte do *origami* (*ori* = dobrar; *kami* = papel), que tem um significado altamente simbólico no Japão. A base do *origami* é o conhecimento do mundo por base do tato. Uma jovem resolveu construir um cisne usando a técnica do *origami*, utilizando uma folha de papel de 18 cm por 12 cm. Assim, começou por dobrar a folha conforme a figura.

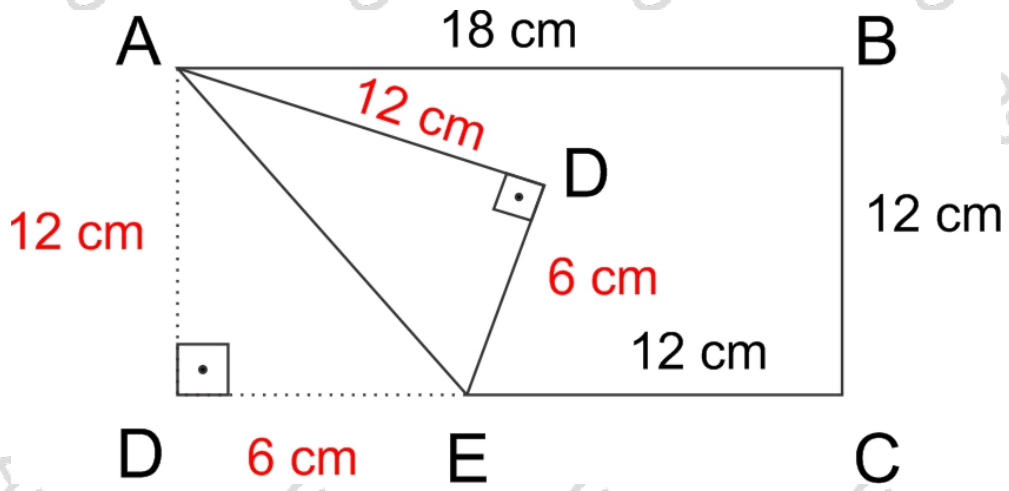


Após essa primeira dobradura, a medida do segmento *AE* é

a) $2\sqrt{22}$ cm
b) $6\sqrt{3}$ cm
c) 12 cm
✔ d) $6\sqrt{5}$ cm
e) $12\sqrt{2}$ cm

Resolução:

Observe a figura:



Após a dobra, tem-se AD = BC = 12cm e DE = AB – EC, ou seja, DE = 18 – 12 = 6 cm.
No triângulo ADE, por Pitágoras:

$AE^2 = AD^2 + DE^2$

$AE^2 = 12^2 + 6^2$

$AE^2 = 144 + 36$

$AE^2 = 180$

$AE = 6\sqrt{5}$ cm

Questão 178

Os alunos de uma turma escolar foram divididos em dois grupos. Um grupo jogaria basquete, enquanto o outro jogaria futebol. Sabe-se que o grupo de basquete é formado pelos alunos mais altos da classe e tem uma pessoa a mais do que o grupo de futebol. A tabela seguinte apresenta informações sobre as alturas dos alunos da turma.

Média	Mediana	Moda
1,65	1,67	1,70

Os alunos P, J, F e M medem, respectivamente, 1,65 m, 1,66 m, 1,67 m e 1,68 m, e as suas alturas não são iguais a de nenhum outro colega da sala.

Segundo essas informações, argumenta se que os alunos P, J, F e M jogaram, respectivamente,

a) basquete, basquete, basquete, basquete.
b) futebol, basquete, basquete, basquete.
✔ c) futebol, futebol, basquete, basquete.
d) futebol, futebol, futebol, basquete.
e) futebol, futebol, futebol, futebol.

Resolução:

Como o grupo de basquete (alunos mais altos) tem um aluno a mais que o de futebol (alunos mais baixos) e, além disso, existe um único aluno com a altura mediana, todos os alunos com 1,67 ou mais jogaram basquete e todos com menos de 1,67 jogaram futebol.
Assim, os alunos P (1,65 m), J (1,66 m), F (1,67 m) e M (1,68 m) jogaram, respectivamente, futebol, futebol, basquete e basquete.

Questão 179

Uma empresa tem diversos funcionários. Um deles é o gerente, que recebe R$ 1 000,00 por semana. Os outros funcionários são diaristas. Cada um deles trabalha 2 dias por semana, recebendo R$ 80,00 por dia trabalhado.

Chamando de X a quantidade total de funcionários da empresa, a quantia Y, em reais, que esta empresa gasta semanalmente para pagar seus funcionários é expressa por

a) Y = 80X + 920.
b) Y = 80X + 1 000.
c) Y = 80X + 1 080.
✔ d) Y = 160X + 840.
e) Y = 160X + 1 000.

Resolução:

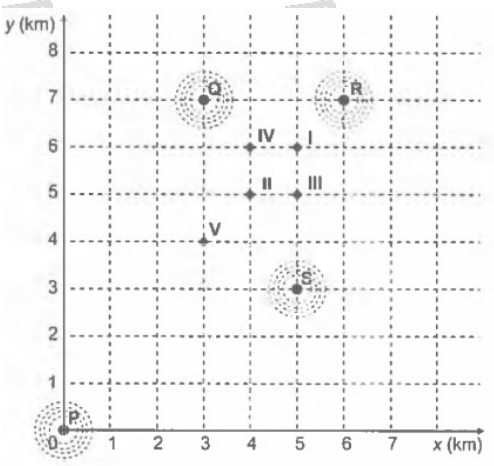
A empresa possui (x – 1) funcionários que recebem R$ 160,00 por semana e 1 funcionários que recebe R$ 1000,00 por semana. Então, a quantia Y, em reais, que a empresa gasta semanalmente para pagar seus funcionários é dada por:

$$Y = (x - 1) \cdot 160 + 1 \cdot 1000$$
$$Y = 160x + 840$$

Questão 180

Um aplicativo de relacionamentos funciona da seguinte forma: o usuário cria um perfil com foto e informações pessoais, indica as características dos usuários com quem deseja estabelecer contato e determina um raio de abrangência a partir da sua localização. O aplicativo identifica as pessoas que se encaixam no perfil desejado e que estão a uma distância do usuário menor ou igual ao raio de abrangência. Caso dois usuários tenham perfis compatíveis e estejam numa região de abrangência comum a ambos, o aplicativo promove o contato entre os usuários, o que é chamado de *match*.

O usuário P define um raio de abrangência com medida de 3 km e busca ampliar a possibilidade de obter um *match* se deslocando para a região central da cidade, que concentra um maior número de usuários. O gráfico ilustra alguns bares que o usuário P costuma frequentar para ativar o aplicativo, indicados por I, II, III, IV e V. Sabe-se que os usuários Q, R e S, cujas posições estão descritas pelo gráfico, são compatíveis com o usuário P, e que estes definiram raios de abrangência respectivamente iguais a 3 km, 2 km e 5 km.



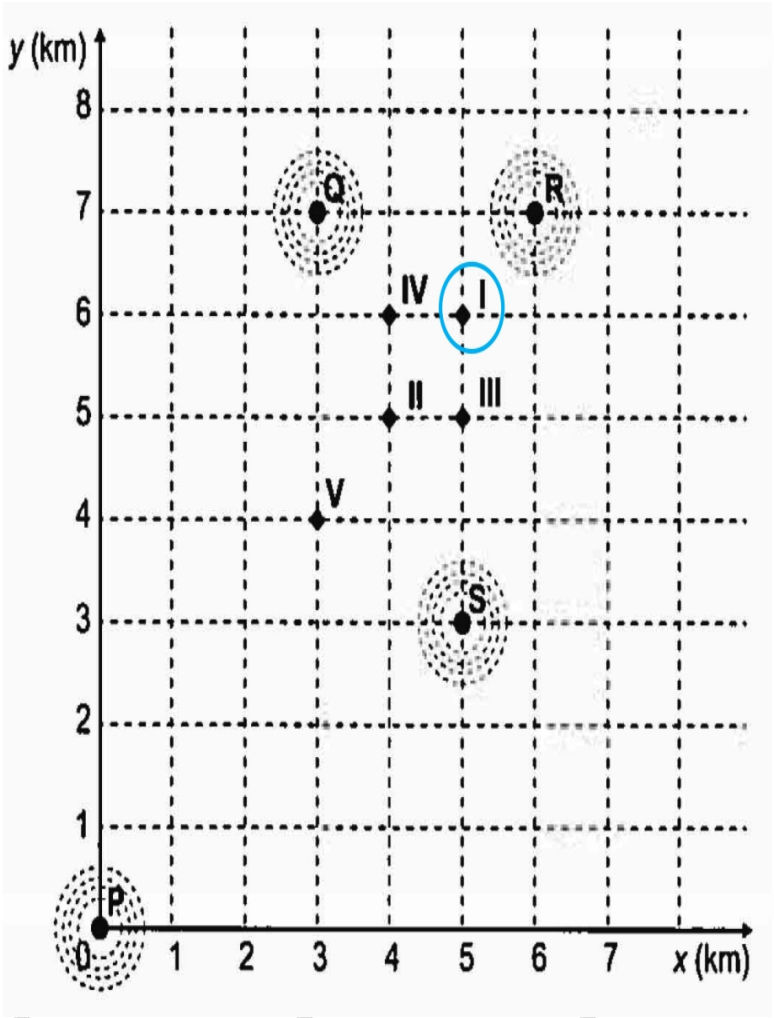
Com base no gráfico e nas afirmações anteriores, em qual bar o usuário P teria a possibilidade de um *match* com os usuários Q, R e S, simultaneamente?

- ✔ a) I
- b) II
- c) III
- d) IV
- e) V

Resolução:

Do enunciado, tem-se:

O raio de abrangência do usuário Q é de 3 km
O raio de abrangência do usuário R é de 2 km
O raio de abrangência do usuário S é de 5 km
O raio de abrangência do usuário P é de 3 km



Portanto, o bar número I é o que o usuário P teria a possibilidade de um "match" com Q, R e S.